- 1. 다음 중 거듭제곱의 표현으로 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - ① $3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^4$ $2 5 \times 5 \times 5 = 5^3$

 - $3 \times 3 \times 5 \times 5 \times 7 = 3^2 \times 5^2 \times 7$ $\textcircled{4}3 + 3 + 3 + 3 = 3^4$

4 3 + 3 + 3 + 3 = 4 × 3

해설

2. $2^2 \times 5 \times 7$ 의 약수인 것은?

해설

① 2×3 ② $2^3 \times 7$ ③ 3^2 ④ $3 \times 5 \times 7$

①, ③, ④ : 소인수 3 이 들어있다. ②: 2 의 지수가 문제의 수보다 크다.

- 3. 세 변의 길이가 각각 $66 \, \mathrm{m}, \, 84 \, \mathrm{m}, \, 78 \, \mathrm{m}$ 인 삼각형 모양의 목장이 있다. 이 목장의 가장자리를 따라 일정한 간격으로 향나무를 심으려고 한다. 세 모퉁이는 반드시 향나무를 심어야 하며 나무의 개수는 될 수 있는 한 적게 하려고 할 때, 향나무를 최소한 몇 그루를 준비해야 하는지 고르면?

① 6 그루

- ③ 38 그루⑤ 41 그루
- ② 18 그루 ③ 24 그루

해설

66, 84, 78 의 최대공약수는 6 이므로 나무의 수는

 $(66 \div 6) + (84 \div 6) + (78 \div 6) = 11 + 14 + 13$ = 38 (그루)

4. 두 자연수 27,39를 각각 어떤 자연수로 나누면 나머지가 모두 3이 된다. 이러한 자연수 중 가장 큰 수는?

⑤12 ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 6

해설

27,39,51을 각각 어떤 자연수로 나누면 나머지가 3이 된다면, (27 - 3),(39 - 3)을 어떤 수로 나누면 나누어 떨어진다. 이러한 수 중 가장 큰 수는 24와 36의 최대공약수인 12이다.

5. 소인수분해를 이용하여 세 수 24,32,36 의 최소공배수를 구하면?

① 4 ② 48 ③ 96

4 288 **5** 360

2) 24 2) 12 2) 16 2) 16 2) 18 2) 6 3 2) 4 2 ∴ 24=2³×3 ∴ 32=2⁵ ∴ 36=2²×3² 따라서 최소공배수는 2⁵×3² = 288이다.

- 6. 다음 중 두 수 $2^2 \times 5^3 \times 11$, $2 \times 5^2 \times 11^2$ 의 공배수가 <u>아닌</u> 것은?

⑤ $2^3 \times 5^3 \times 11^4$

① $2^2 \times 5^3 \times 11^2$

- ② $2^2 \times 5^4 \times 11^3$
- $3 2^2 \times 5^3 \times 7 \times 11^2$
- 4 $2^3 \times 5^2 \times 11^2$

해설

작은 $2^3 \times 5^2 \times 11^2$ 는 공배수가 될 수 없다.

최소공배수가 $2^2 \times 5^3 \times 11^2$ 이므로 5 의 지수가 최소공배수보다

- 7. 세 자연수 A, B, C 의 최소공배수가 26 일 때, A, B, C 의 공배수 중 80 이하의 자연수는 몇 개인가?
 - ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

- 해설 - 제 al o

세 자연수의 공배수는 최소공배수의 배수를 구하면 된다. 세 자연수 A, B, C 의 최소공배수가 26 이므로 A, B, C 의 공배 수중 80 이하의 자연수는 26, 52, 78 이다. 따라서 3 개이다. 8. 두 자연수의 곱이 288 이고 최소공배수가 24 일 때, 이 두 자연수의 최대공약수를 구하여라.

답:

➢ 정답: 12

(두 수의 곱)=(최대공약수)×(최소공배수)이므로

해설

288 = (최대공약수) × 24 최대공약수는 12 이다. 9. 273¹⁰⁰ 의 일의 자리의 숫자를 구하면?

숫자인 1 이다.

해설 $273^{100} 의 일의 자리만 거듭제곱하여 규칙을 찾는다.$ $3^1 = 3,$ $3^2 = 9,$ $3^3 = 27,$ $3^4 = 81,$ $3^5 = 243,$... 3 을 거듭제곱할 때, 일의 자리의 숫자는 3, 9, 7, 1 의 네 개의 숫자가 반복된다. $273^{100} 의 지수인 100 를 4 로 나누면 25 이므로$ $273^{100} 의 일의 자리의 숫자는 반복되는 네 개의 숫자 중 마지막$

①1 ② 3 ③ 9 ④ 7 ⑤ 0

- 10. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?
 - ① 1은 소수이다. ② 29는 소수가 아니다.
 - ③ 37과 43은 모두 소수이다.

 - ④ 소수이면서 합성수인 자연수는 존재하지 않는다. ⑤ 자연수는 소수와 합성수로 이루어져 있다.

① 1 은 소수가 아니다.

해설

- ② 29 는 소수이다.
- ⑤ 1 은 소수도 합성수도 아니다.

11. $96a = b^3$ 을 만족하는 가장 작은 자연수 a, b 를 구하여라.

답:답:

н

ightharpoonup 정답: a=18

 $96a = 2^5 \times 3 \times a = b^3$

해설

지수가 3 의 배수가 되도록 작은 수를 곱해주어야 한다. $\therefore a = 2 \times 3^2 = 18$

 $2^6 \times 3^3 = (2^2 \times 3)^3 = 12^3$

 $\therefore b = 12$

12. 자연수 a 의 약수의 개수를 n(a) 로 나타낼 때, $n(240) \div n(162) \times n(x) =$ 20 을 만족시키는 자연수 x 중에서 가장 작은 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 48

해설

 $240 = 2^4 \times 3 \times 5, \ 162 = 2 \times 3^4$ 에서 $n(240) = (4+1) \times (1+1) \times (1+1) = 20$

 $n(162) = (1+1) \times (4+1) = 10$ $n(240) \div n(162) \times n(x) = 20$

 $20 \div 10 \times n(x) = 20$

 $\therefore n(x) = 10$

 $10 = 5 \times 2 = (4+1)(1+1)$ 이므로

가장 작은 $x = 2^4 \times 3 = 48$ ∴ 48

13. 다음 중 옳은 것은?

- 6 과 21 은 서로소이다.
 3, 5, 7, 9 는 소수이다.
- ③ 가장 작은 소수는 1 이다.
- ④ 서로 다른 두 소수는 서로소이다.
- ⑤ 20 의 소인수는 3 개이다.

① 6 과 21 의 최대공약수가 3 이므로 서로소가 아니다.

해설

- ② 9 = 3² 이므로 소수가 아니다. ③ 가장 작은 소수는 2 이다
- ③ 가장 작은 소수는 2 이다. ⑤ $20 = 2^2 \times 5$ 이므로 소인수는 2 개이다.

- $14. \ \ 160$ 와 280 의 공약수 중에서 어떤 자연수의 제곱이 되는 것을 바르게 고르면?

- ① 4 ② 9 ③ 16 ④ 25 ⑤ 27

 $160 = 2^5 \times 5,280 = 2^3 \times 5 \times 7$ 이므로 두수의 최대공약수는

 $2^3 \times 5 = 40$ 이다. 두 수의 공약수는 두 수의 최대공약수의 약수이므로 40 의 약수인

1, 2, 4, 5, 8, 10, 20, 40 중에서 제곱수는 1,4이다.

- 15. 체육대회 후에 문구류 종합세트를 만들어서 상품으로 나누어 주려고 한다. 볼펜 462 개, 지우개 693 개, 연필 1155 개, 공책 1848 권을 똑같이 나누어서 되도록 많은 개수의 상품세트를 만들려고 할 때, 상품세트는 최대 몇 개를 만들 수 있는가? 또, 상품세트에는 볼펜, 지우개, 연필, 공책이 각각 몇 개씩 들어가는지 구하여라.
 - ② 상품세트 231 개, 볼펜 2 개, 지우개 3 개, 연필 5 개, 공책 8 권

① 상품세트 231 개, 볼펜 2 개, 지우개 4 개, 연필 5 개, 공책 6 권

- ③ 상품세트 221 개, 볼펜 3 개, 지우개 4 개, 연필 4 개, 공책 8 권
- ④ 상품세트 221 개, 볼펜 2 개, 지우개 4 개, 연필 5 개, 공책 6 권 ⑤ 상품세트 221 개, 볼펜 3 개, 지우개 3 개, 연필 4 개, 공책 8 권

상품세트의 개수는 462, 693, 1155, 1848 의 최대공약수이므로

해설

볼펜의 개수 : $462 \div 231 = 2$ (자루) 지우개의 개수 : $693 \div 231 = 3$

연필의 개수: 1155 ÷ 231 = 5 공책의 개수: 1848 ÷ 231 = 8 **16.** 자연수 $N ext{ } ext{ } ext{ } 2$ 에서 8 까지의 자연수로 나누면 나머지는 모두 1 이다. 이것을 만족하는 N 중에서 1500 에 가장 가까운 자연수를 구하여라.

답:▷ 정답: 1681

2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 의 최소공배수는 840 이므로 구하는 수는

해설

840 × 2 + 1 = 1681 이다.

17. 세 자연수 54, 72, *A* 의 최대공약수가 6, 최소공배수가 216 일 때, 가장 큰 자연수 *A* 의 값은?

① 12 ② 24 ③ 36 ④ 48 ⑤ 60

 $54 = 2 \times 3^3$, $72 = 2^3 \times 3^2$, A 에서

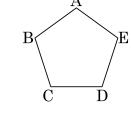
해설

최대공약수는 $6 = 2 \times 3$, 최소공배수는 $216 = 2^3 \times 3^3$ 이므로

 $A \leftarrow 2 \times 3$ 을 소인수로 가져야 하고, 또한 3 의 지수는 1 이어야 하므로

A 의 값이 될 수 있는 것은 6, 12, 24 이다. 따라서, 가장 큰 자연수 A 의 값은 24 이다.

18. 다음 그림과 같은 정오각형 ABCDE 의 각 꼭짓점 A, B, C, D, E 에 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7,··· 과 같이 숫자를 차례로 대응시킬 때, 50 과 100 사이의수 중에서 꼭짓점 D 에 오는 숫자는 모두 몇 개인지 구하여라.



 ■ 답:

 □ 정답:
 10 개

<u>개</u>

각 꼭짓점에는 5 로 나누었을 때 나머지가 1 인 수부터 차례로

해설

써 나가면 되므로 D 에는 나머지가 4 인 수 중에서 50 과 100 사이의 수가 올 수 있다. 따라서 54, 59,…,99 까지 10 개가 된다.

19. 자연수 N = 80 으로 나누면 몫이 2 이고 나머지가 r 이다. r 의 약수가 5 개일 때, *N* 의 값을 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 176

 $N=80 \times 2 + r$ 이고 r 의 약수가 5 개이므로, r은 80 보다 작은 수 중 약수가 5 개인 수이다. 약수가 5 개이려면 반드시 같은 수의 제곱이 포함되므로, 1,4,16,25,36,49,64 중 약수가 5 개인 수를 찾으면 된다. → r = 16 $\therefore N = 80 \times 2 + 16 = 176$

20. 자연수 $360 \times n$ 이 자연수의 제곱이 된다고 할 때, n 이 될 수 있는 모든 수의 합을 구하여라.(단, n 은 160 미만의 자연수이다.)

답:

▷ 정답: 140

 $360 \times n = 2^3 \times 3^2 \times 5 \times n = m^2$ 이라 하면

해설

가장 작은 $n=2\times5$ 따라서 n 이 될 수 있는 160 미만의 수는

 $2 \times 5 = 10$

 $2 \times 5 \times 2^2 = 40$

 $2 \times 5 \times 3^2 = 90$

∴ 10, 40, 90

 $\therefore 10 + 40 + 90 = 140$