

1. 다음 □ 안에 알맞은 말을 써넣어라.

소수 중에서 유한소수와 □는 유리수이고, 이 때 순환소수의
되풀이 되는 부분을 □라 한다.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 순환소수

▷ 정답: 순환마디

해설

소수는 유한소수와 무한소수가 있고, 무한소수는 순환소수와
순환하지 않는 무한소수가 있다.

유한소수와 순환소수는 유리수이다.

순환소수의 되풀이 되는 부분을 순환마디라 한다.

2. 어떤 자연수에 $1.\dot{3}$ 을 곱해야 할 것을 잘못하여 1.3 을 곱했더니 정답과 오답의 차가 0.5 가 되었다. 어떤 자연수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$$\begin{aligned}x \times 1.\dot{3} - x \times 1.3 &= 0.5 \\x \times \left(\frac{12}{9} - \frac{13}{10}\right) &= x \times \frac{1}{30} = 0.5 \\x &= 15\end{aligned}$$

3. 분수 $\frac{a}{12}$ 와 $\frac{a}{45}$ 가 유한소수일 때, a 의 값 중 가장 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$$\frac{a}{12} = \frac{a}{2^2 \times 3}$$

$$\frac{a}{45} = \frac{a}{3^2 \times 5}$$

a 는 3 과 3^2 의 최소공배수이다.

$$\therefore a = 3^2 = 9$$

4. $0.\dot{3}2\dot{4} = \square \times 324$ 에서 \square 안에 알맞은 수는?

- ① 0.001 ② 0.001 $\dot{0}$ ③ 0.0 $\dot{0}$ 1
④ 0. $\dot{0}$ 01 ⑤ 0.00 $\dot{0}$ 1

해설

$$0.\dot{3}2\dot{4} = \frac{324}{999} = 324 \times \frac{1}{999} = 324 \times 0.\dot{0}01$$

5. 다음 중 수의 대소 관계가 옳은 것을 모두 고르면?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \frac{1}{6} > 0.17 & \textcircled{2} 3.4\dot{9} = 3.5 & \textcircled{3} 0.\dot{3}\dot{0} = 0.3 \\ \textcircled{4} 0.4\dot{3} > 0.\dot{4}\dot{3} & \textcircled{5} \frac{1}{15} > 0.0\dot{6} \end{array}$$

해설

$$\textcircled{1} \frac{1}{6} < 0.17 \quad (\Rightarrow \frac{1}{6} = 0.1666\cdots)$$

$$\textcircled{2} 3.4\dot{9} = \frac{349 - 34}{90} = \frac{35}{10} = 3.5$$

$$\textcircled{3} 0.\dot{3}\dot{0} > 0.3 \quad (\Rightarrow 0.\dot{3}\dot{0} = 0.3030\cdots)$$

$$\textcircled{4} 0.4\dot{3} < 0.\dot{4}\dot{3} \quad (\Rightarrow 0.4\dot{3} = 0.433333\cdots, 0.\dot{4}\dot{3} = 0.434343\cdots)$$

6. $\frac{3}{4}$ 을 분수 $\frac{a}{10^n}$ 의 꼴로 고칠 때, $a + n$ 의 최솟값은? (단, a, n 은 자연수)

① 69 ② 72 ③ 75 ④ 76 ⑤ 77

해설

$$\frac{3 \times 5^2}{4 \times 5^2} = \frac{75}{10^2}, a + n = 75 + 2 = 77$$

7. 다음 중 순환소수의 표현으로 옳지 않은 것을 모두 고르면? (정답 2 개)

① $0.373737\cdots = 0.\dot{3}\dot{7}$

② $3.020202\cdots = 3.0\dot{2}$

③ $0.34444\cdots = 0.3\dot{4}$

④ $1.5131313\cdots = 1.51\dot{3}$

⑤ $3.213213\cdots = 3.\dot{2}1\dot{3}$

해설

① $0.\dot{3}\dot{7}$

② $3.\dot{0}\dot{2}$

③ $0.3\dot{4}$

④ $1.51\dot{3}$

⑤ $3.\dot{2}1\dot{3}$

8. 분수 $\frac{3}{7000}$ 을 소수로 나타내어 소수점 아래 n 번째 수를 F_n 라 할 때,
 $F_1 + F_2 + \cdots + F_{45}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 189

해설

$$\frac{3}{7000} = 0.00042857\bar{1}$$
 이고 $45 = 6 \times 7 + 3$ 이므로 소수 45 번째
수까지는 소수 넷째 자리부터 순환마다가 7 번 반복된다.
 $\therefore F_1 + F_2 + \cdots + F_{45}$
 $= 0 + 0 + 0 + (4 + 2 + 8 + 5 + 7 + 1) \times 7$
 $= 27 \times 7 = 189$

9. $A + 0.\dot{2} = \frac{1}{3}$ 일 때, A의 값을 순환소수로 나타내면?

- ① 0.i ② 0.2 ③ 0.3 ④ 0.4 ⑤ 0.5

해설

$$A + 0.\dot{2} = A + \frac{2}{9} = \frac{1}{3}, A = \frac{1}{3} - \frac{2}{9} = \frac{3}{9} - \frac{2}{9} = \frac{1}{9} = 0.i$$

10. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

① 분수를 기약분수로 나타냈을 때, 분모의 소인수가 2나 5뿐이면 그 분수는 유한소수이다.

② 모든 정수는 유리수이다.

③ 순환소수는 유리수와 유리수가 아닌 것으로 나타내어진다.

④ 정수가 아닌 유리수는 모두 유한소수로 나타낼 수 있다.

⑤ 유한소수와 순환소수는 유리수이다.

해설

③ 순환소수는 유리수이다.

④ 정수가 아닌 유리수는 유한소수 또는 순환소수이다.