

1. 다음 보기에서 y 가 x 의 일차함수인 것은 모두 몇 개인가?

보기

㉠ $y = -x$

㉡ $y = x + 5$

㉢ $y = \frac{1}{x}$

㉣ $y = x^2 - 3x - 4$

㉤ $y = 3(2x - 1)$

㉥ $\frac{x}{2} - \frac{y}{3} = 1$

㉦ $y = 0 \cdot x + 4$

㉧ $0 \cdot y = x + 3$

① 1개

② 2개

③ 3개

④ 4개

⑤ 5개

해설

㉠ 일차함수

㉡ 일차함수

㉢ 반비례함수

㉣ 이차함수

㉤ 일차함수

㉥ 일차함수

㉦ 상수함수

㉧ 방정식 또는 x 에 관한 상수 함수

2. 다음 중 일차함수인 것을 모두 고르면?

① $x - y = 1$

② $y = x$

③ $y = -1$

④ $y = \frac{1}{x}$

⑤ $y = x^2 + x + 1$

해설

① $x - y = 1$

② $y = x$ 은 일차함수이다.

3. 다음 x 와 y 의 관계식 중에서 일차함수가 아닌 것은?

- ① 시속 60km 인 자동차가 x 시간 동안 달린 거리는 y km 이다.
- ② 넓이가 $y\text{cm}^2$ 인 삼각형의 밑변의 길이가 $x\text{cm}$ 일 때, 높이는 16cm 이다.
- ③ 한 개에 300 원 하는 아이스크림 x 개를 사고 5000 원을 내고 거스름돈으로 y 원을 받았다.
- ④ 한 변의 길이가 $x\text{cm}$ 인 정삼각형의 둘레의 길이는 $y\text{cm}$ 이다.
- ⑤ 한 변의 길이가 $x\text{cm}$ 인 정사각형의 넓이는 $y\text{cm}^2$ 이다.

해설

$y = x^2$ 이므로 이차함수이다.

4. 다음 함수 중에서 일차함수인 것을 모두 고르면? (답 2 개)

① $y = 2x - 7$

② $y = \frac{2}{x}$

③ $y = 3(x + 1)$

④ $y = 2x(x - 1)$

⑤ $y = 6$

해설

④ 이차함수

⑤ 상수함수

5. 다음 중 $y = (a - 1)x + b$ 가 일차함수가 되지 않는 것은?

① $a = 3, b = 2$

② $a = 5, b = 9$

③ $a = -1, b = -3$

④ $a = 1, b = 2$

⑤ $a = 5, b = 0$

해설

x 의 계수인 $a - 1$ 이 0 이 되지 않아야 하므로 $a = 1$ 일 때,
일차함수가 되지 않는다.

6. 다음 중 y 가 x 의 일차함수인 것을 모두 골라라.

- ㉠ 밑변과 높이가 각각 2cm와 x cm 인 삼각형의 넓이는 y cm²이다.
- ㉡ 가로와 세로의 길이가 각각 5cm와 x cm 인 직사각형의 넓이는 y cm²이다.
- ㉢ $y = x(x - 1)$
- ㉣ 분당 통화료가 x 원일 때, 6분의 통화료는 y 원이다.
- ㉤ 지름이 x cm 인 호수의 넓이는 y cm²이다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : ㉣

해설

㉠ : $y = x$

㉡ : $y = 5x$

㉢ : $y = x^2 - x$

㉣ : $y = 6x$

㉤ : $y = \frac{1}{4}x^2\pi$

7. 일차함수 $y = -\frac{1}{3}x + 2$ 의 함숫값의 범위는 $-1, 0$ 일 때, x 의 범위는?

① 3, 5

② 4, 8

③ 5, 8

④ 6, 9

⑤ 7, 10

해설

일차함수 $y = -\frac{1}{3}x + 2$ 의 함숫값의 범위는 $-1, 0$ 이므로
 x 의 범위는 6, 9이다.

8. 일차함수 $y = -\frac{2}{3}x + 3$ 의 함숫값 y 의 범위가 $-2 < y \leq 3$ 일 때, x 의 값의 범위를 구하면?

① $-1 \leq x < \frac{9}{2}$

② $-\frac{3}{2} < x \leq \frac{9}{2}$

③ $-\frac{3}{2} \leq x < \frac{9}{2}$

④ $0 < x \leq \frac{15}{2}$

⑤ $0 \leq x < \frac{15}{2}$

해설

$$f(a) = -\frac{2}{3}a + 3 = -2 \quad \therefore a = \frac{15}{2}$$

$$f(b) = -\frac{2}{3}b + 3 = 3 \quad \therefore b = 0$$

따라서 x 의 값의 범위는 $0 \leq x < \frac{15}{2}$ 이다.

9. 일차함수 $y = -\frac{2}{3}x - 5$ 의 그래프는 $y = -\frac{2}{3}x$ 의 그래프를 어떻게 평행이동한 것인가?

- ① x 축의 방향으로 5만큼 평행이동
- ② x 축의 방향으로 -5만큼 평행이동
- ③ y 축의 방향으로 5만큼 평행이동
- ④ y 축의 방향으로 -5만큼 평행이동
- ⑤ x 축의 방향으로 $-\frac{2}{3}$ 만큼 평행이동

해설

$y = -\frac{2}{3}x - 5$ 은 $y = -\frac{2}{3}x$ 을 y 축의 방향으로 -5만큼 평행이동

10. 일차함수 $y = 4x$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 -3 만큼 평행이동한 그래프의 식을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $y = 4x - 3$

해설

$y = ax$ 의 그래프를 y 축 방향으로 b 만큼 평행이동한 그래프는 $y = ax + b$ 이다

$y = 4x$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 -3 만큼 평행이동한 그래프는

$y = 4x - 3$ 이다.

11. 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 5 만큼 평행이동 하였더니 일차함수 $y = 3x - 5$ 과 일치하였다. 이 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -7

해설

$y = ax + b + 5$ 과 $y = 3x - 5$ 이 일치하므로 $a = 3$, $b + 5 = -5$
 $, b = -10$

$$\therefore a + b = 3 + (-10) = -7$$

12. 다음 중 일차함수 $y = 2x$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 -3 만큼 평행이동한 그래프는?

① $y = 2x + 3$

② $y = 2x - 3$

③ $y = 2(x - 3)$

④ $y = -2x$

⑤ $y = -2x + 3$

해설

$y = 2x$ 를 y 축의 방향으로 -3 만큼 평행이동하면 $y = 2x - 3$ 이다.

13. 일차함수 $y = -\frac{2}{3}x + 1$ 의 그래프 위의 한 점의 좌표가 $(a, \frac{4}{3}a)$ 일 때, $4a$ 의 값을 구하면?

① 0

② 2

③ 4

④ 8

⑤ 12

해설

점 $(a, \frac{4}{3}a)$ 를 일차함수 $y = -\frac{2}{3}x + 1$ 에 대입하면

$$\frac{4}{3}a = -\frac{2}{3}a + 1$$

$$\therefore a = \frac{1}{2}$$

따라서 $4a = 4 \times \frac{1}{2} = 2$ 이다.

14. 직선 $x + ay - 1 = 0$ 이 세 점 $(3, 2)$, $(5, b)$, $(c, -4)$ 를 지날 때, $a + 2b + 3c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$x + ay - 1 = 0$ 에 $(3, 2)$ 를 대입하면

$$3 + 2a - 1 = 0$$

$$2a = -2$$

$$a = -1$$

$x - y - 1 = 0$ 에 $(5, b)$ 를 대입하면

$$5 - b - 1 = 0$$

$$b = 4$$

$(c, -4)$ 를 대입하면

$$c + 4 - 1 = 0$$

$$c = -3$$

$$\therefore a + 2b + 3c = -1 + 2 \times 4 + 3 \times (-3) = -2$$

15. 일차함수 $y = -\frac{3}{2}x$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 2 만큼 평행이동한 그래프가 점 $(a, -7)$ 을 지날 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a = 6$

해설

$y = -\frac{3}{2}x + 2$ 에 $(a, -7)$ 를 대입하면

$$-7 = -\frac{3}{2}a + 2$$

$$\frac{3}{2}a = 9$$

$$\therefore a = 6$$

16. 일차함수 $y = 2x$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -3 만큼 평행 이동하면 점 $(-2, p)$ 를 지난다. 이때, p 의 값은?

① -7

② -6

③ -5

④ -4

⑤ -3

해설

일차 함수 $y = 2x$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -3 만큼 평행 이동한 함수는 $y = 2x - 3$ 이고 이 점이 $(-2, p)$ 를 지나므로 $p = 2 \times (-2) - 3$ 이다.

따라서 $p = -7$ 이다.

17. 일차함수 $y = -2x + 4$ 의 그래프가 지나지 않는 사분면은?

① 제 1사분면

② 제 2사분면

③ 제 3사분면

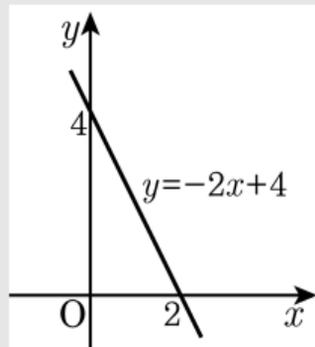
④ 제 3사분면

⑤ 제 3사분면과 제 4사분면

해설

$x = 0$ 이면 $y = 4$

$y = 0$ 이면 $x = 2$ 이므로 다음 그림과 같다. 따라서 제 3사분면을 지나지 않는다.



18. 다음 일차함수 중 제 1사분면을 지나지 않는 그래프의 식은?

① $y = 2x + 4$

② $y = 3x - 2$

③ $y = -\frac{1}{2}x - 2$

④ $y = -\frac{2}{3}x + 1$

⑤ $y = -2x + 2$

해설

$y = ax + b$ 에서
 $a < 0, b < 0$ 이다.

19. 다음 중 일차함수 $y = 3x - 6$ 의 설명 중 옳은 것은?

- ㉠ 원점을 지나는 직선이다.
- ㉡ 제 1, 2, 4 사분면을 지난다.
- ㉢ 점 $(1, -3)$ 를 지난다.
- ㉣ x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다.
- ㉤ x 절편은 2이다.

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉡, ㉣

④ ㉢, ㉤

⑤ ㉣, ㉤

해설

- ㉠ 원점을 지나지 않는다.
- ㉡ 제 1, 3, 4 사분면을 지난다.
- ㉢ x 값이 증가하면 y 값도 증가한다.

20. 다음 그림과 일차함수의 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

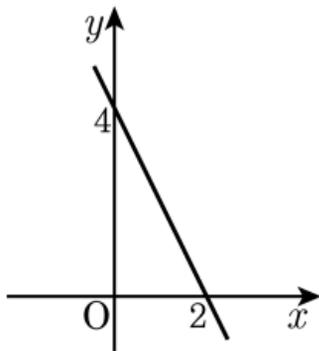
① 기울기는 -2 이다.

② y 절편은 4 이다.

③ x 값이 증가할수록 y 값도 증가한다.

④ $y = -2x + 2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 2 만큼 평행 이동한 그래프이다.

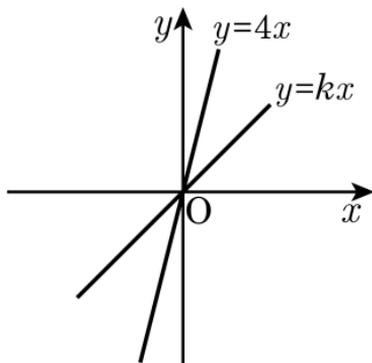
⑤ $y = -3x + 4$ 의 그래프는 이 그래프보다 y 축에 가깝다.



해설

기울기가 음수이므로 x 값이 증가할수록 y 값이 감소한다.

21. 다음 그림과 같이 $y = kx$ 의 그래프가 x 축과 $y = 4x$ 의 그래프 사이에 있기 위한 k 의 값의 범위는?

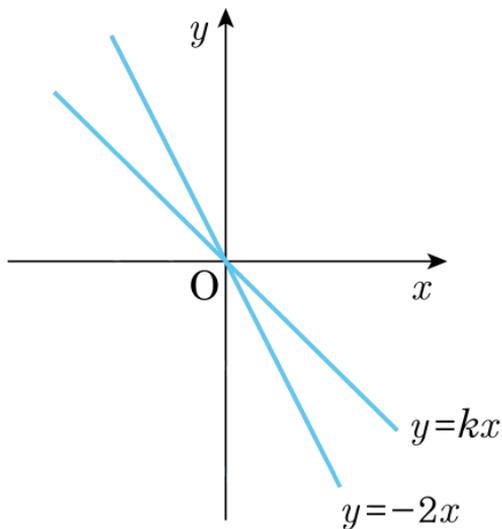


- ① $0 \leq k < 1$ ② $0 < k \leq 3$ ③ $0 \leq k < 4$
④ $0 < k < 4$ ⑤ $0 < k < 5$

해설

기울기에 따라 직선의 경사가 변하고 기울기의 절댓값이 작을수록 x 축과 가까워지므로 $y = kx$ 의 그래프가 x 축과 $y = 4x$ 의 그래프 사이에 있기 위해서는 $0 < k < 4$ 이어야 한다.

22. 다음 그림과 같이 $y = kx$ 의 그래프가 x 축과 $y = -2x$ 의 그래프 사이에 있기 위한 k 의 값의 범위를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $-2 < k < 0$

해설

기울기에 따라 직선의 경사가 변하고 기울기의 절댓값이 작을수록 x 축과 가까워지므로 $y = kx$ 의 그래프가 x 축과 $y = -2x$ 의 그래프 사이에 있기 위해서는 $-2 < k < 0$ 이 되어야 한다.

23. $ab < 0$, $abc > 0$ 일 때, 일차함수 $y = \frac{a}{b}x + c$ 의 그래프가 지나지 않는 사분면을 말하여라.

▶ 답: 사분면

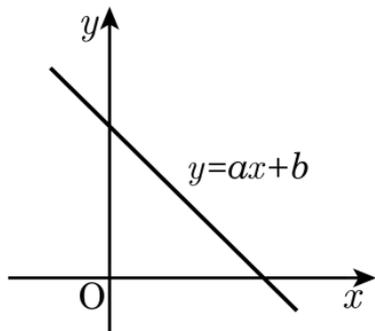
▷ 정답: 제 1 사분면

해설

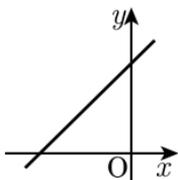
$ab < 0$ 이므로 $\frac{a}{b} < 0$ 이고, $ab < 0$, $abc > 0$ 이므로 $c < 0$ 이다.

$y = \frac{a}{b}x + c$ 의 그래프는 기울기와 y 절편이 음수인 그래프이다.

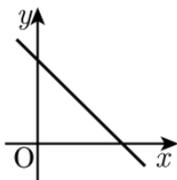
24. 다음 그림은 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프이다. 다음 중 $y = bx + a$ 의 그래프는?



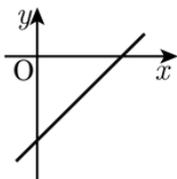
①



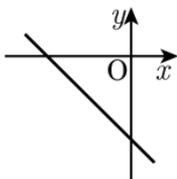
②



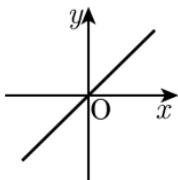
③



④



⑤



해설

$$a < 0, b > 0$$

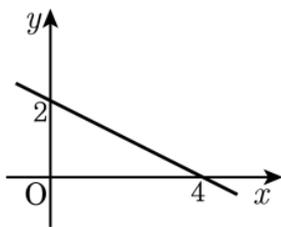
25. 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳지 않은 것은? (단, a, b 는 상수)

- ① $a > 0$ 이면 오른쪽이 위로 향하는 직선이다.
- ② $(0, b)$ 를 지난다.
- ③ $a > 0, b > 0$ 이면 제3 사분면을 지나지 않는다.
- ④ x 값이 a 만큼 변화하면 y 의 값은 a^2 만큼 변화한다.
- ⑤ $y = ax$ 를 y 축방향으로 b 만큼 평행 이동한 그래프이다.

해설

③ $a > 0, b > 0$ 이면 제 1, 2, 3 사분면을 지난다.

26. 다음은 대한중학교 2학년 1반 학생들이 다음 그래프를 보고 설명한 내용이다. 그래프를 잘못 이해한 학생은?



- ① 은희: 이 일차함수는 x 값이 증가할수록 y 값이 감소한다.
 ② 은영: 이 일차함수의 x 절편은 4이다.
 ③ 혜림: 이 일차함수는 $y = -2x + 1$ 과 평행하다.
 ④ 지현: 이 일차함수는 제 1, 2, 4 사분면을 지난다.
 ⑤ 수정: 이 일차함수는 점 $(6, -1)$ 을 지난다.

해설

③이 일차함수의 기울기는 $-\frac{1}{2}$ 이므로 $y = -2x + 1$ 와 평행하지 않다.

27. 기울기가 -2 이고, y 절편이 3 인 직선의 방정식을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $y = -2x + 3$

해설

$y = ax + b$ (기울기 : a , y 절편 : b)

기울기가 -2 , y 절편이 3 : $y = -2x + 3$

28. 기울기가 5 이고, y 절편이 10 인 직선의 방정식은?

① $y = 2x + 10$

② $y = -5x - 10$

③ $y = 5x + 10$

④ $y = 5x - 10$

⑤ $y = -5x + 10$

해설

$$y = ax + b \text{ (기울기 : } a, y\text{절편 : } b)$$

기울기가 5, y 절편이 10

$$\therefore y = 5x + 10$$

29. 일차함수 $y = 2x - 8$ 의 그래프와 평행하고, y 절편이 3인 일차함수의 식은?

① $y = 2x + 3$

② $y = 3x - 8$

③ $y = 2x - 5$

④ $y = 2x - 3$

⑤ $y = 3x + 3$

해설

기울기가 2이고, y 절편이 3이므로 $y = 2x + 3$ 이다.

30. 일차함수 $y = \frac{2}{3}x - 2$ 와 평행하고, 일차함수 $y = -4x + 1$ 과 y 축 위에서 만나는 일차함수의 식을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $y = \frac{2}{3}x + 1$

해설

$y = \frac{2}{3}x - 2$ 와 평행이므로 기울기는 $\frac{2}{3}$ 이다.

$y = -4x + 1$ 과 y 축 위에서 만나므로 y 절편이 1 로 같다.

$y = ax + b$ 에서 $a = \frac{2}{3}$, $b = 1$

$$\therefore y = \frac{2}{3}x + 1$$