

1. 다음 식 $\frac{2}{3}x(5 - 2x)$ 를 간단히 하면?

Ⓐ $-\frac{4}{3}x^2 + \frac{10}{3}x$ Ⓑ $-\frac{4}{3}x^2 + \frac{5}{3}x$ Ⓒ $\frac{2}{3}x^2 - \frac{5}{3}x$
Ⓓ $\frac{2}{3}x^2 + \frac{4}{3}x$ Ⓨ $\frac{2}{3}x^2 + \frac{10}{3}x$

해설

$$\frac{2}{3}x \times 5 + \frac{2}{3}x \times (-2x) = \frac{10}{3}x - \frac{4}{3}x^2$$

2. $(x + 3y)(x - 3y)$ 를 전개하면?

- ① $x - 3y$ ② $x^2 - 3y^2$ ③ $x^2 - 9y^2$
④ $x^2 + 9y^2$ ⑤ $2x^2 - 9y^2$

해설

$$x^2 - (3y)^2 = x^2 - 9y^2$$

3. $(3x + y)^2$ 을 전개한 것은?

- ① $3x^2 + 3xy + y^2$ ② $3x^2 + 6xy + y^2$ ③ $9x^2 + 3xy + y^2$
④ $9x^2 + 6xy + y^2$ ⑤ $9x^2 + 9xy + y^2$

해설

$$\begin{aligned}(3x + y)^2 &= (3x)^2 + 2 \times 3x \times y + y^2 \\&= 9x^2 + 6xy + y^2\end{aligned}$$

4. $(x - 2)(x + 2)(x^2 + 4)$ 를 전개하면?

- ① $x^2 - 4$ ② $x^2 - 16$ ③ $x^4 - 4$
④ $x^4 - 8$ ⑤ $x^4 - 16$

해설

$$(x^2 - 4)(x^2 + 4) = x^4 - 16$$

5. $(x - 2)(x - 1)(x + 1)(x + 2)$ 에서 x^2 의 계수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -5

해설

$$\begin{aligned}(x - 2)(x - 1)(x + 1)(x + 2) \\ = \{(x - 1)(x + 1)\}\{(x - 2)(x + 2)\} \\ = (x^2 - 1)(x^2 - 4) = x^4 - 5x^2 + 4\end{aligned}$$

따라서 x^2 의 계수는 -5이다.

6. $(5x + a)(bx + 4)$ 를 전개한 식이 $-15x^2 + cx + 8$ 일 때, 상수 a, b, c 에 대하여 $a + b - c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -15

해설

$$\begin{aligned}(5x + a)(bx + 4) &= 5bx^2 + (20 + ab)x + 4a \\5bx^2 + (20 + ab)x + 4a &= -15x^2 + cx + 8 \\4a &= 8, \quad \therefore a = 2 \\5b &= -15, \quad \therefore b = -3 \\20 + ab &= 20 + 2 \times (-3) = 20 - 6 = 14, \quad \therefore c = 14 \\&\therefore a = 2, b = -3, c = 14 \\&\therefore a + b - c = -15\end{aligned}$$

7. 다음 중 $(-a + 2b)^2$ 과 전개식이 같은 것은?

- ① $-(a - 2b)^2$ ② $-(a + 2b)^2$ ③ $(-a - 2b)^2$
④ $(a - 2b)^2$ ⑤ $(a + 2b)^2$

해설

$$(-a + 2b)^2 = a^2 - 4ab + 4b^2$$

$$\textcircled{1} \quad -(a - 2b)^2 = -a^2 + 4ab - 4b^2$$

$$\textcircled{2} \quad -(a + 2b)^2 = -a^2 - 4ab - 4b^2$$

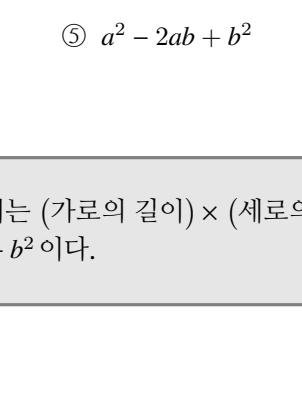
$$\textcircled{3} \quad (-a - 2b)^2 = a^2 + 4ab + 4b^2$$

$$\textcircled{4} \quad (a - 2b)^2 = a^2 - 4ab + 4b^2$$

$$\textcircled{5} \quad (a + 2b)^2 = a^2 + 4ab + 4b^2 \quad (-a + 2b)^2 = \{-(a - 2b)\}^2 =$$

$$(a - 2b)^2$$

8. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이는?



- ① a^2 ② $a^2 + 2ab + b^2$ ③ $a^2 - ab$
④ $a^2 - b^2$ ⑤ $a^2 - 2ab + b^2$

해설

직사각형의 넓이는 (가로의 길이) \times (세로의 길이) 이므로 $(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$ 이다.

9. 상수 a , b , c 에 대하여 $(3x+a)(bx+5) = 6x^2 + cx - 10$ 일 때, $a+b+c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 11

해설

$$(3x+a)(bx+5) = 3bx^2 + (15+ab)x + 5a$$

$$3bx^2 + (15+ab)x + 5a = 6x^2 + cx - 10$$

$$3b = 6 \quad \therefore b = 2$$

$$5a = -10 \quad \therefore a = -2$$

$$15 + ab = c, 15 + (-2) \times 2 = 15 - 4 = 11$$

$$\therefore c = 11$$

$$\therefore a + b + c = (-2) + 2 + 11 = 11$$

10. $(x+y-5)(x-y-5)$ 를 전개하는데 가장 적절한 식은?

- ① $\{(x+y)-5\}\{(x-y)-5\}$ ② $\{x+(y-5)\}\{x-(y+5)\}$
③ $\{(x-5)+y\}\{(x-5)-y\}$ ④ $\{x+(y-5)\}\{(x-y)-5\}$
⑤ $\{(x+y)+5\}\{(x-y)+5\}$

해설

식을 $\{(x-5)+y\}\{(x-5)-y\}$ 로 묶어서 $x-5 = t$ 로 치환하여 전개하는 것이 가장 적절하다.