

1.  $(x - 2y - 3z)^2$  을 전개하여  $x$ 에 대한 내림차순으로 정리하면?

- ①  $x^2 + 4y^2 + 9z^2 - 4xy + 12yz - 6zx$
- ②  $x^2 - 4xy + 4y^2 - 9z^2 + 12yz - 6zx$
- ③  $x^2 - (4y + 6z)x + 4y^2 + 12yz + 9z^2$
- ④  $4y^2 + 12yz + 9z^2 + (-4y - 6z)x + x^2$
- ⑤  $9z^2 + 4y^2 + x^2$

해설

$$(x - 2y - 3z)^2 = x^2 - (4y + 6z)x + 4y^2 + 12yz + 9z^2$$

2.  $\frac{2005^3 + 1}{2005 \times 2004 + 1}$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 2006

해설

$2005 = x$  로 놓으면

$$\begin{aligned}(\text{준 식}) &= \frac{x^3 + 1^3}{x(x - 1) + 1} \\&= \frac{(x + 1)(x^2 - x + 1)}{x^2 - x + 1} \\&= x + 1 \\&= 2006\end{aligned}$$

3.  $x + y + z = 1$ ,  $xy + yz + zx = 2$ ,  $xyz = 3$  일 때,  $(x + 1)(y + 1)(z + 1)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 7

해설

$$\begin{aligned}(x + 1)(y + 1)(z + 1) \\&= xyz + xy + yz + zx + x + y + z + 1 \\&= 7\end{aligned}$$

4.  $(a + b - c)(a - b + c)$  를 전개하면?

- ①  $a^2 + b^2 - c^2 - 2bc$
- ②  $a^2 - b^2 + c^2 - 2bc$
- ③  $a^2 + b^2 - c^2 + 2ab$
- ④  $\textcircled{④} a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$
- ⑤  $a^2 - b^2 - c^2 - 2ab$

해설

$$\begin{aligned}(a + b - c)(a - b + c) \\&= \{a + (b - c)\}\{a - (b - c)\} \\&= a^2 - (b - c)^2 \\&= a^2 - b^2 - c^2 + 2bc\end{aligned}$$

5.  $(a+b)(a^2-ab+b^2)(a^3-b^3)$ 의 전개식으로 옳은 것은?

①  $a^3 + b^3$

②  $a^6 + b^6$

③  $\textcircled{a}^6 - b^6$

④  $a^9 + b^9$

⑤  $a^9 - b^9$

해설

(준 식)  $= (a^3 + b^3)(a^3 - b^3) = a^6 - b^6$

6.  $a^2 + b^2 + c^2 = 9$ ,  $ab + bc + ca = 9$ ,  $a + b + c$ 의 값은?

①  $-3\sqrt{2}$

②  $-2\sqrt{3}$

③  $\pm 3\sqrt{3}$

④  $\pm 3\sqrt{2}$

⑤  $\sqrt{6}$

해설

$$\begin{aligned}(a+b+c)^2 &= a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \\&= 9 + 18 = 27\end{aligned}$$

$$\therefore a+b+c = \pm 3\sqrt{3}$$

7.  $99 \times 101 \times (100^2 + 100 + 1) \times (100^2 - 100 + 1)$  을 계산하면?

- ①  $100^6 - 1$       ②  $100^6 + 1$       ③  $100^9 - 1$   
④  $100^9 + 1$       ⑤ 1

해설

$100 = a$ 로 치환 하면

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (a - 1)(a + 1)(a^2 + a + 1)(a^2 - a + 1) \\&= (a^3 - 1)(a^3 + 1) \\&= a^6 - 1 \\&= 100^6 - 1\end{aligned}$$

8. 삼각형의 세 변의 길이  $a, b, c$ 에 대하여  $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca$  이 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

① 직각삼각형

② 이등변삼각형

③ 정삼각형

④ 직각이등변삼각형

⑤ 둔각삼각형

### 해설

$$a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca \text{에서 } a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 0$$

$$\frac{1}{2}(2a^2 + 2b^2 + 2c^2 - 2ab - 2bc - 2ca) = 0$$

$$\frac{1}{2}(a^2 - 2ab + b^2 + b^2 - 2bc + c^2 + c^2 - 2ca + a^2) = 0$$

$$\frac{1}{2} \{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\} = 0 \text{이고,}$$

$a, b, c$ 는 실수이므로,  $a-b=0, b-c=0, c-a=0$

$$\therefore a=b=c$$

따라서, 주어진 삼각형은 정삼각형이다.

9.  $x^2 - x + 1 = 0$  일 때,  $x^5 + \frac{1}{x^5}$  의 값은?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$x^2 - x + 1 = 0$ , 양변에  $x + 1$  을 곱하면,

$$(x+1)(x^2 - x + 1) = 0$$

$x^3 + 1 = 0$ ,  $x^3 = -1$  에서  $x^5 = x^3 \times x^2 = -x^2$

$$x^5 + \frac{1}{x^5} = -\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right) \dots\dots \textcircled{1}$$

$x^2 - x + 1 = 0$  를  $x$  로 나누어 정리한다.

$$x + \frac{1}{x} = 1$$

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 = -1$$

① 에 대입하면,  $x^5 + \frac{1}{x^5} = 1$

10. 다항식  $(5x^2 + 3x + 1)^2$  을 전개하였을 때,  $x^2$  의 계수는?

① 10

② 13

③ 16

④ 19

⑤ 25

해설

$(5x^2 + 3x + 1)(5x^2 + 3x + 1)$  에서

i ) (일차항)  $\times$  (일차항)의 경우  $9x^2$

ii ) (이차항)  $\times$  (상수항)의 경우  $2 \times 5x^2$

즉,  $5x^2 + 5x^2 + 9x^2 = 19x^2$

$\therefore 19$