- **1.**  $(2x^3 3x + 1) \div (x^2 + 2)$  의 계산에서 나머지는?
- ① -5x+1 ② -x+1 ③ 5x+1
- 4 x + 1
- $\bigcirc$  -7x + 1

 $2x^3 - 3x + 1$ 을  $x^2 + 2$ 로 직접 나누어서 구한다.

해설

몫: 2x, 나머지: -7x+1

**2.** 다항식  $(3x^3 - 2x^2 - x + 5) \div (x^2 - 2x + 2)$ 를 계산하여 몫과 나머지를 써라.

▶ 답:

▶ 답:

 정답: 몫: 3x + 4 ▷ 정답: 나머지: x-3

 $(3x^3 - 2x^2 - x + 5)$ 

해설

 $= (x^3 - 2x + 2) (3x + 4) + x - 3$ ∴ 몫 : 3x + 4, 나머지 : x - 3

- **3.** (a+b-c)(a-b+c)를 전개하면?
  - ①  $a^2 + b^2 c^2 2bc$ ③  $a^2 + b^2 - c^2 + 2ab$
- ②  $a^2 b^2 + c^2 2bc$ ④  $a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$

**(**해설)

(a+b-c)(a-b+c)=  $\{a+(b-c)\}\{a-(b-c)\}$ 

 $= a^{2} - (b - c)^{2}$  $= a^{2} - b^{2} - c^{2} + 2bc$ 

**4.** (a-b+c)(a-b-c)를 전개하면?

- ①  $-a^2 + b^2 c^2 + 2ca$  $3 a^2 + b^2 + c^2 + abc$ 
  - ②  $a^2 b^2 + c^2 + 2ab$
- $\bigcirc$   $a^2 + b^2 c^2 2ab$

해설

$$(a-b+c) (a-b-c)$$
= {(a-b)+c}{(a-b)-c}  
= (a-b)^2 - c^2  
= a^2 + b^2 - c^2 - 2ab

$$= (a-b)^2 - c^2$$
$$= a^2 + b^2 - c^2 - 2a$$

- 다항식  $2x^3 + ax^2 + bx + 3$  이 다항식  $2x^2 x 3$  으로 나누어 떨어질 **5.** 때, a + b 의 값은 ?

- ① 3 ② 1 ③ -1 ④ -2 ⑤ -5

해설

$$2x^{3} + ax^{2} + bx + 3 = (2x^{2} - x - 3)Q(x)$$
$$= (x+1)(2x-3)Q(x)$$

$$x = -1$$
 일 때,  $-2 + a - b + 3 = 0$ 

∴ 
$$a - b = -1$$
 ··· ①
$$x = \frac{3}{2} \text{ Qual}, \frac{27}{4} + \frac{9}{4}a + \frac{3}{2}b + 3 = 0$$

$$x = \frac{3}{3}$$
 일 때,  $\frac{27}{4} + \frac{9}{4}a + \frac{3}{3}b + \frac{3}{3}a + \frac$ 

$$27 + 9a + 6b + 12 = 0$$
  
∴  $3a + 2b = -13 \cdots$  ©

$$\bigcirc$$
,  $\bigcirc$  에서  $a=-3$ ,  $b=-2$ 

$$\therefore a+b=(-3)+(-2)=-5$$

**6.**  $f(x) = x^3 - ax^2 + bx - 2$ 가 (x-1)(x+2)로 나누어 떨어지도록 상수 a+b의 값을 정하시오.

▶ 답:

▷ 정답: -3

해설

 $f(x) = x^3 - ax^2 + bx - 2$  라 놓으면, f(1) = 1 - a + b - 2 = 0

 $\therefore -a+b=1\cdots \bigcirc$ 

f(-2) = -8 - 4a - 2b - 2 = 0 $\therefore 2a + b = -5 \cdots \bigcirc$ 

- 7.  $(2ax^2)^3 \times (-3a^2x)^2$ 을 간단히 하면?
- ①  $72a^7x^8$  ②  $-72a^7x^8$  ③  $72a^{12}x^{12}$
- $\textcircled{4} -72a^{12}x^{12}$   $\textcircled{5} 48a^8x^7$

해설  $(2ax^2)^3 \times (-3a^2x)^2 = 8a^3x^6 \times 9a^4x^2 = 72a^7x^8$  8. 다항식  $x^2y(x^3 + y^2)$ 을 전개하여라.

답:

해설

 $\triangleright$  정답:  $x^5y + x^2y^3$ 

 $x^{2}y(x^{3} + y^{2}) = (x^{2}y)x^{3} + (x^{2}y)y^{2}$  $= x^{3}(x^{2}y) + (x^{2}y)y^{2}$ 

 $= (x^{3}x^{2})y + x^{2}(yy^{2})$  $= x^{5}y + x^{2}y^{3}$ 

- 9. 다항식 f(x)를  $x \frac{1}{2}$ 으로 나눌 때의 몫을 Q(x), 나머지를 R라고 할 때, f(x)를 2x 1으로 나눌 때의 몫과 나머지는?

  - ① 몫 : 2Q(x)나머지 :  $\frac{1}{2}R$  ② 몫 : 2Q(x)나머지 : R ③ 몫 :  $\frac{1}{2}Q(x)$ 나머지 :  $\frac{1}{2}R$  ④ 몫 :  $\frac{1}{2}Q(x)$ 나머지 : R ⑤ 몫 :  $\frac{1}{2}Q(x)$ 나머지 : 2R

 $x - \frac{1}{2}$ 에 2를 곱하면 2x - 1  $f(x) = \left(x - \frac{1}{2}\right)Q(x) + R = (2x - 1)\frac{1}{2}Q(x) + R$ 

- 10. x 에 대한 다항식  $A = 2x^3 + 5x^2 + 4$  를 다항식 B 로 나눌 때, 몫이 2x + 1 이고, 나머지가 -6x + 2 이다. 이 때, 다항식 B 를 구하면?
- ①  $x^2 + 2x + 2$  ②  $x^2 + x + 2$  ③  $x^2 x + 2$

해설

A = B(2x+1) - 6x + 2에서

 $B(2x+1) = 2x^3 + 5x^2 + 6x + 2$  $\therefore B = (2x^3 + 5x^2 + 6x + 2) \div (2x + 1)$  $= x^2 + 2x + 2$ 

- **11.** 두 다항식  $(1+x+x^2+x^3)^3$ ,  $(1+x+x^2+x^3+x^4)^3$ 의  $x^3$ 의 계수를 각각 a, b라 할 때, a - b의 값은?
  - 4 1
  - ①  $4^3 5^3$  ②  $3^3 3^4$
- **3**0
- ⑤ -1

해설 두 다항식이  $1+x+x^2+x^3$ 을 포함하고 있으므로  $1+x+x^2+x^3=$ 

A 라 놓으면  $(1 + x + x^2 + x^3 + x^4)^3$ 

 $= (A + x^4)^3$ 

- $= A^3 + 3A^2x^4 + 3Ax^8 + x^{12}$
- $= A^3 + (3A^2 + 3Ax^4 + x^8)x^4$
- 이 때  $(3A^2 + 3Ax^4 + x^8)x^4$ 은  $x^3$  항을 포함하고 있지 않으므로 두 다항식의  $x^3$ 의 계수는 같다.
- $\therefore a b = 0$

- **12.** 다항식  $(5x^2 + 3x + 1)^2$ 을 전개하였을 때,  $x^2$ 의 계수는?
  - ① 10 ② 13 ③ 16 ⑤ 25

 $(5x^2 + 3x + 1)(5x^2 + 3x + 1)$ i ) (일차항)×(일차항)의 경우 9x²

- ii) (이차항)×(상수항)의 경우 2×5x²  $\stackrel{\mathbf{Z}}{\neg}$ ,  $5x^2 + 5x^2 + 9x^2 = 19x^2$
- ∴ 19

13. 모든 모서리의 합이 36, 겉넓이가 56인 직육면체의 대각선의 길이는?

①5 26 37 48 59

직육면체의 가로, 세로, 높이를 각각 a, b, c 라 하자. 4(a+b+c)=36, 2(ab+bc+ca)=56  $(a+b+c)^2=a^2+b^2+c^2+2(ab+bc+ca)$ 

 $a^2 + b^2 + c^2 = 81 - 56 = 25$ ∴ (대각선의 길이) =  $\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$ 

 $=\sqrt{25}=5$ 

해설

- 14. 다음 중에서 겉넓이가 22, 모든 모서리의 길이의 합이 24인 직육면체의 대각선의 길이는?
  - ②  $\sqrt{12}$  $\sqrt{4}$   $\sqrt{14}$ ③  $\sqrt{13}$

①  $\sqrt{11}$ 

해설

- ⑤ 유일하지 않다.

겉넓이 : 2xy + 2xz + 2yz = 22모서리 : 4x + 4y + 4z = 24대각선 :  $d^2 = x^2 + y^2 + z^2$   $\therefore d = \sqrt{14}$  $= (x + y + z)^{2} - 2(xy + yz + zx)$  $= 6^{2} - 22 = 14$ 

- **15.**  $\frac{2x+3a}{4x+2}$ 가 x에 관계없이 일정한 값을 가질 때, a의 값을 구하면?  $\left(단, x \neq -\frac{1}{2}\right)$

- ① 1 ②  $\frac{1}{2}$  ③  $\frac{1}{3}$  ④  $\frac{1}{4}$  ⑤  $\frac{1}{5}$

 $\frac{2x+3a}{4x+2} = k \text{ (일정)} 라 놓으면$ 2x + 3a = k(4x + 2) 에서 (2 - 4k)x + (3a - 2k) = 0이 식은 x에 대한 항등식이므로 2 - 4k = 0, 3a - 2k = 0 $\therefore k = \frac{1}{2}$ 이므로  $a = \frac{1}{3}$ 

- **16.** k의 값에 관계없이 $(2k^2-3k)x-(k+2)y-(k^2-4)z=28$ 이 항상 성립하도록 x, y, z의 값을 정할 때, 3x + y + z의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4

주어진 식을 k에 대해 정리하면

해설

 $(2x-z)k^2 - (3x+y)k - (2y-4z+28) = 0$ 

 $\therefore 2x - z = 0, 3x + y = 0, 2y - 4z + 28 = 0$ 

z = 2x, y = -3x 을 2y - 4z + 28 = 0에 대입하면 x = 2, y = -6, z = 4

 $\therefore 3x + y + z = 4$ 

- 17. x에 대한 다항식 f(x)를 x-1로 나눈 나머지는 6이고,  $(x-2)^2$ 으로 나눈 나머지는 6x+1이다. 이때, f(x)를 (x-1)(x-2)로 나눈 나머지는?
  - ① 6x + 7 ④ 7x 1

해설

- ② -6x + 5
- ③ 7x + 7
- TX.
- ⑤ 8x + 13

 $f(1) = 6, f(x) = (x-2)^2 q(x) + 6x + 1$ f(x) = (x-1)(x-2)Q(x) + ax + b

- f(1) = a + b = 6, f(2) = 2a + b = 13 $\therefore a = 7, b = -1$
- .. u = 7, v = -1따라서 f(x)를 (x - 1)(x - 2)로 나눈 나머지는 7x - 1이다.

- **18.** 다항식 f(x)를  $x^2 x$ 로 나누면 3이 남고  $x^2 + x 6$ 로 나누면 x 1이 남을 때, f(x)를  $x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때의 나머지를 R(x)라 할 때, R(1)의 값을 구하면?
  - ③33 ④ -2 ⑤ -3 ① 1 ② 2

 $f(x) = x(x-1)Q_1(x) + 3$ 

 $f(x) = (x-2)(x+3)Q_2(x) + x - 1$ 

f(x) = (x-1)(x-2)Q(x) + ax + bf(1) = 3, f(2) = 1 이므로

a + b = 3, 2a + b = 1

연립하여 풀면, a = -2, b = 5∴(구하는 나머지)R(x) = -2x + 5

 $\therefore R(1) = 3$ 

해설

- **19.** 사차식  $x^4 10x^2y^2 + 9y^4$ 의 인수가 <u>아닌</u> 것은?
  - ① x-3y

해설  $x^{4} - 10x^{2}y^{2} + 9y^{4} = (x^{2} - 9y^{2})(x^{2} - y^{2})$ = (x - 3y)(x + 3y)(x - y)(x + y)

## **20.** $16a^4 - 250ab^3$ 의 인수가 <u>아닌</u> 것은?

- ① a
- ② 2a 5b
- $3 \ 2a(2a-5b)$
- $4a^2 + 10ab + 25b^2$

 $\bigcirc$  2a(2a + 5b)

해설

(준식) =  $2a(8a^3 - 125b^3)$  $= 2a\{(2a)^3 - (5b)^3\}$ 

 $=2a(2a-5b)(4a^2+10ab+25b^2)$ 

- **21.** 다음 중 다항식  $a^3(b-c)+b^3(c-a)+c^3(a-b)$ 의 인수가 <u>아닌</u> 것은?
  - ① *a b*
- $\bigcirc b-c$
- $\textcircled{4} \ a+b+c \qquad \qquad \textcircled{3} a-b+c$

해설

## 주어진 식을 a에 관하여 정리하면

(준식)=  $a^3(b-c) - a(b^3-c^3) + bc(b^2-c^2)$ 

 $= (b-c)\{a^3 - a(b^2 + bc + c^2) + bc(b+c)\}$  $= (b-c)\{b^2(c-a) + b(c^2-ca) - a(c^2-a^2)\}\$ 

- $= (b-c)(c-a)(b^{2} + bc ac a^{2})$
- $= (b-c)(c-a)\{c(b-a) + (b^2 a^2)\}\$
- = (b-c)(c-a)(b-a)(a+b+c)

22. 다음 식을 간단히 하면?

$$\frac{a^{2}}{(a-b)(a-c)} + \frac{b^{2}}{(b-c)(b-a)} + \frac{c^{2}}{(c-a)(c-b)}$$
 (단.  $a \neq b \neq c$ )

① -1 ② 1 ③  $-\frac{1}{2}$  ④  $\frac{1}{2}$  ⑤ 5

$$(\vec{\Xi} \ \ \ \ ) = \frac{a^2(c-b) + b^2(a-c) + c^2(b-a)}{(a-b)(b-c)(c-a)}$$

$$= \frac{(c-b)a^2 - (c^2 - b^2)a + bc(c-b)}{(a-b)(b-c)(c-a)}$$

$$= \frac{(c-b)(a-b)(a-c)}{(a-b)(b-c)(c-a)} = 1$$

**23.** 다음 등식이 x 에 대한 항등식일 때, a - b + c 의 값은?

 $x^{2} - 2x + 4 = a(x - 1)(x - 2) + bx(x - 2) + cx(x - 1)$ 

① 8

②7 3 3 4 0 5 -3

## 해설

주어진 등식이 x 에 대한 항등식이므로 x 에 어떤 값을 대입하여 도 성립한다. x = 0을 대입하면

4 = 2a : a = 2

x = 1을 대입하면

 $3 = -b \quad \therefore \ b = -3$ x = 2을 대입하면

4 = 2c  $\therefore$  c = 2

 $\therefore a - b + c = 2 - (-3) + 2 = 7$ 

 ${f 24.}$  등식  $(x+1)(x-1)(x^3-x^2+x-1)=x^5-x^4+ax-b$ 가 항상 성립하도록 a,b값을 정할 때, a+b의 값을 구하면?

- $\bigcirc -2$   $\bigcirc -1$   $\bigcirc 3$  0  $\bigcirc 4$  1  $\bigcirc 5$  2

해설 양변에 x=1을 대입하면,  $0=a-b\cdots$ 

양변에 x = -1을 대입하면,  $0 = -2 - a - b \cdots$   $\square$ 

 $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$  에서 a=b=-1 $\therefore a+b=-2$ 

**25.** 삼각형의 세변의 길이를 x, y, z라 할 때, 이들 사이에 다음의 관계가 성립한다면 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

$$x^2yz + x^3z - xy^2z + xz^3 - y^3z + yz^3 = 0$$

- ① x가 빗변인 직각삼각형 ②y가 빗변인 직각삼각형
- ③ z가 빗변인 직각삼각형
- ④ x = y인 이등변삼각형 ⑤ x = y, z가 빗변인 직각삼각형

## $(x^2y + x^3 - xy^2 + xz^2 - y^3 + yz^2)z$

 $= \left\{ x^2(x+y) + (x+y)z^2 - (x+y)y^2 \right\} z$  $= (x+y)(x^2 + z^2 - y^2)z$ ∴ (x+y)(x²+z²-y²)z = 0
 x²+z²-y²=0 (∵ x, y, z는 모두 양수)
 ∴ x²+z²=y²⇒ y가 빗변인 직각삼각형

- ${f 26}$ .  $a,\ b,\ c$ 가 삼각형의 세변의 길이를 나타내고 ab(a+b)=bc(b+c)+ca(c-a) 인 관계가 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?
  - ① a = b인 이등변 삼각형 ③ 정삼각형
- ②a = c인 이등변 삼각형
  - ⑤ b가 빗변인 직각 삼각형
- ④ a가 빗변인 직각 삼각형

해설

ab(a+b) = bc(b+c) + ca(c-a) $a^{2}b + ab^{2} - bc(b+c) - ac^{2} + a^{2}c = 0$  $(b+c)a^{2} + (b^{2} - c^{2})a - bc(b+c) = 0$  $(b+c) \{a^{2} + (b-c)a - bc\}$ = (b+c)(a+b)(a-c) = 0

**27.** (125<sup>2</sup> - 75<sup>2</sup>) ÷ {5 + (30 - 50) ÷ (-4)} 의 값은?

**4**1000 ⑤ 1225 ① 75 ② 125 3 900

 $125^2 - 75^2 = (125 + 75)(125 - 75)$  $= 200 \times 50 = 10000$  $5 + (30 - 50) \div (-4) = 5 + 5 = 10$  이므로 (준식)= 10000 ÷ 10 = 1000

**28.** 
$$10^2 - 9^2 + 8^2 - 7^2 + 6^2 - 5^2 + 4^2 - 3^2 + 2^2 - 1^2$$
의 값을 구하면?

① 51 ② 52 ③ 53 ④ 54 ⑤ 55

해설

(10-9)(10+9) + (8-7)(8+7) + (6-5)(6+5) + (4-3)(4+3) + (2-1)(2+1) = 10+9+8+7+6+5+4+3+2+1=55

**29.** 등식  $x^3 + ax^2 + 2x + b = (x^2 + x + 1)Q(x) + 2x + 1$ 이 x에 대한 항등식일 때, a + b의 값은?

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

Q(x) = x + c 라고 두고 전개하여 계수를 비교하면  $a = 0, \ b = 0, \ c = -1$ 이므로 a + b = 0

 $x^3 + ax^2 + 2x + b = x^2 + x + 1$ 로 직접 나눗셈을 하면,  $\frac{x + (a-1)}{x^2 + x + 1} \frac{x + ax^2 + 2x + b}{x^3 + ax^2 + 2x + b} - \frac{x^3 + x^2 + x}{(a-1)x^2 + x + b} - \frac{(a-1)x^2 + (a-1)x + (a-1)}{(2-a)x + b - a + 1}$   $2 - a = 2, \ b - a + 1 = 1$   $a = 0, \ b = 0$ 

해설

해설

**30.** x에 대한 다항식  $x^3 + ax^2 + bx + 3 riangle (x-1)^2$ 을 나누었을 때 나머지가 2x+1이 되도록 상수 a-b의 값을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: 1

해설

최고차항의 계수가 1이므로

 $x^{3} + ax^{2} + bx + 3$   $= (x - 1)^{2} (x + k) + 2x + 1$   $= x^{3} + (k - 2)x^{2} + (3 - 2k)x + k + 1$ 

양변의 계수를 비교하면

a = k - 2, b = 3 - 2k, 3 = k + 1k = 2이므로 a = 0, b = -1

 $\therefore a - b = 0 - (-1) = 1$ 

**31.**  $x^4 + 2x^3 - 2x^2 + 2x - 3$ 을 바르게 인수분해 한 것을 찾으면?

- $(x^2 + 1)(x + 3)(x 1)$ ①  $(x^2+1)(x+3)(x+1)$ ③  $(x^2+1)(x-3)(x-1)$  ④  $(x^2-3)(x-1)(x+1)$
- $(x^2+3)(x-1)(x+1)$

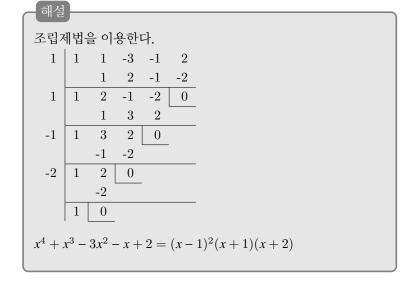
 $f(x) = x^4 + 2x^3 - 2x^2 + 2x - 3$ 라 하면 f(1) = 0, f(3) = 0이므로

f(x)는 x-1, x+3로 나누어떨어진다.

 $f(x) = x^4 + 2x^3 - 2x^2 + 2x - 3$  $= (x^2 + 1)(x + 3)(x - 1)$ 

- **32.** 사차방정식  $x^4 + x^3 3x^2 x + 2$ 을 인수분해 했을 때 인수가 <u>아닌</u> 것은?
  - ① x-1 ② x+1 ③ x+2

- $(x-1)^2$   $(x+1)^2$



- **33.** 임의의 두 다항식 A, B에 대하여 연산 \*를  $A * B = A^2 + B^2 A B$ 라 할 때, 다음 중  $(x+1)*X = 2(x+1)^2$ 을 만족하는 다항식 X는?
  - ① x-1
- ② x+2 ③ 2(x-2)

해설

① 2(x+3) ③ (x+1)(x-2)

주어진 조건에 의해, 식을 전개하면 다음과 같다.  $x^2 + x + X^2 - X = 2x^2 + 4x + 2$  $X^2 - X = x^2 + 3x + 2,$ [X - (x + 2)][X + (x + 1)]

따라서 X = x + 2 또는 X = -x - 1

**34.** a+b+c=0일 때, 다음 중  $2a^2+bc$ 와 같은 것은?

①  $(a-c)^2$  ②  $(b+c)^2$  ③ (a+b)(b+c)

(a-b)(a-c) (a-b)(a+c)

해설

 $2a^2 + bc = 2a^2 - b(a+b) \ (\because \ c = -a-b)$  $=2a^2-ab-b^2$ 

= (a-b)(2a+b)

= (a-b)(a+b+a)

 $= (a-b)(a-c) \ (\because a+b = -c)$