- **1.** 등식 $a(x+1)^2 + b(x+1) + cx^2 = 3x 1$ 가 모든 x의 값에 대하여 항상 성립할 때 상수 a, b, c에 대하여 $\frac{a}{c} + b$ 의 값을 구하면?
 - ② -5 ③ -4 ④ -2 ⑤ -1

좌변을 전개해서 계수비교하면 $(a+c) x^2 + (2a+b) x + a + b = 3x - 1$

 $\therefore a + c = 0, \ 2a + b = 3, \ a + b = -1$ $\therefore a = 4, \ b = -5, \ c = -4$ $\therefore \frac{a}{c} + b = -6$

 $\frac{-}{6}$ 4 $2x^2 + 10x - 18 = a(x-2)(x+3) + bx(x-2) + cx(x+3)$ x = x**2**. 대한 항등식이 되도록 상수 a,b,c 의 값을 정할 때, a-b+c 의 값을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: 6

양변에 x = 0을 대입하면,

-18 = -6a : a = 3양변에 x=2 를 대입하면

 $10 = 10c \therefore c = 1$

양변에 x = -3을 대입하면, -30 = 15b, $\therefore b = -2$

 $\therefore a-b+c=3+2+1=6$

3. 다항식 $x^3 - 2x^2 + 5x - 6$ 을 일차식 x - 2로 나눌 때의 나머지는?

① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3

해설 $f(x) = x^3 - 2x^2 + 5x - 6$ = (x - 2)Q(x) + R $\therefore f(2) = 2^3 - 2 \cdot 2^2 + 5 \cdot 2 - 6$ = 8 - 8 + 10 - 6 = 4 $\therefore R = 4$

4. x에 대한 다항식 $x^3 - 2x^2 - px + 2$ 가 x - 2로 나누어떨어지도록 상수 p의 값을 정하면?

① 1 ② -1 ③ 2 ④ -2 ⑤ 3

해설

 $x^3-2x^2-px+2=f(x)$ 로 놓으면 f(x) 가 x-2로 나누어떨어 지려면 f(2) = 0 이므로,

f(2) = 8 - 8 - 2p + 2 = 0

 $\therefore p = 1$

다항식 $f(x) = x^3 - x^2 - x + 1$ 을 인수분해하면? **5.**

①
$$(x-1)^2(x+1)$$
 ② $(x+1)^2(x-1)$ ③ $(x-1)(x+1)$ ④ $(x-1)^3$

$$(x+1)^3$$

 $x^3 - x^2 - x + 1 = x^2(x - 1) - (x - 1)$

$$x^{3} - x^{2} - x + 1 = x^{2}(x - 1) - (x - 1)$$

$$= (x - 1)(x^{2} - 1)$$

$$= (x - 1)^{2}(x + 1)$$

$$\therefore f(x) = (x - 1)(x^{2} - 1) = (x - 1)^{2}(x + 1)$$

인수정리를 이용하여 인수분해할 수 있다. f(1) = 0 ,즉 x-1로 나누어 떨어지므로

조립제법을 써서 인수분해하면 된다.

등식 (a+3b)+(a-2b)i=7-3i를 만족하는 실수 a, b에 대하여 **6.** a − b 의 값은?

① -3

- ②-1 ③ 1 ④ 3 ⑤ 5

해설 (a+3b) + (a-2b)i = 7-3i 에서 복소수가 서로 같을 조건에

의해서 a + 3b = 7, a - 2b = -3위의 두 식을 연립하여 풀면

a = 1, b = 2

- $\therefore a b = 1 2 = -1$

7. (3+2i)-(3-2i) 를 계산하여라.

답:

▷ 정답: 4i

해설 실수부는 실수부끼리, 허수부는 허수부끼리 계산해야 한다.

즉, 실수부는 0이 되고, 허수부는 4*i* 가 되므로 답은 4*i* 이다.

- 8. 허수단위 i에 대하여 $i + i^2 + i^3 + i^4 + i^5 + i^6$ 을 간단히하면?
 - ① 1 + i4 2 + i

= -1 + i

 $i + i^2 + i^3 + i^4 + i^5 + i^6$

= i + (-1) + (-i) + 1 + i + (-1)

- ②-1+i ③ 2*i*
- ⑤ 2

9. 이차방정식 $x^2 - 6x + k = 0$ 이 중근을 가질 때, 실수 k의 값은?

① 1 ② 3 ③ 6 ④ 9 ⑤ 36

주어진 이차방정식이 중근을 가지므로

$$\frac{D}{4} = (-3)^2 - 1 \cdot k = 0$$

$$\therefore k = 9$$

10. 이차방정식 $2x^2 - 4x + 5 = 0$ 의 두 근을 α 와 β 라 할 때, $\alpha^3 + \beta^3$ 의 값은?

① -7 ② -3 ③ 0 ④ 3 ⑤ 7

 $2x^2 - 4x + 5 = 0$ 의 두 근을 α, β 라 하면

 $\alpha + \beta = 2, \, \alpha\beta = \frac{5}{2}$

 $\alpha^{3} + \beta^{3} = (\alpha + \beta)^{3} - 3\alpha\beta(\alpha + \beta) = 2^{3} - 3 \times \frac{5}{2} \times 2$ = 8 - 15 = -7

- **11.** 다항식 $x^3 2$ 를 $x^2 2$ 로 나눈 나머지는?

 $\frac{x^3 - 2}{x^2 - 2} = \frac{x^3 - 2x + 2x - 2}{x^2 - 2} = x + \frac{2x - 2}{x^2 - 2}$

∴몫은 x, 나머지는 2x - 2

- ① 2 ② -2 ③ -2x-2
- 4 2x + 2 2x 2

- ① $(x+1)(x^2-x+1) = x^3+1$
- ② $(a+2b-3c)^2 = a^2+4b^2+9c^2+4ab-12bc-6ac$ $(x+2)(x^2-2x+4) = x^3+8$
- $(x-1)^2 (x+1)^2 = x^4 - 2x^2 + 1$

해설

13.
$$a^2 + b^2 + c^2 = 9$$
, $ab + bc + ca = 9$, $a + b + c \stackrel{\triangle}{=} ?$

- ① $-3\sqrt{2}$ ② $-2\sqrt{3}$
- 3 ±3 $\sqrt{3}$
- ④ $\pm 3\sqrt{2}$
- ⑤ $\sqrt{6}$

=9+18=27

 $(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab+bc+ca)$

 $\therefore a+b+c=\pm 3\sqrt{3}$

해설

- 14. x^3 의 항의 계수가 1 인 삼차 다항식 P(x) 가 P(1) = P(2) = P(3) = 0을 만족할 때, *P*(4) 의 값은?
 - ②6 ③ 8 ④ 10 ⑤ 12 ① 4

인수정리에 의해 P(x) = (x-1)(x-2)(x-3) $P(4) = 3 \times 2 \times 1 = 6$

해설

15. $z_1 = 1 - i, z_2 = 1 + i$ 일 때, $z_1^3 + z_2^3$ 의 값은? (단, $i = \sqrt{-1}$)

4 -2 + 4i 5 -4

① 4 - 2i

② 0 3 20

 $z_1 + z_2 = 2, \ z_1 z_2 = 2$ $z_1^3 + z_2^3 = (z_1 + z_2)^3 - 3z_1 z_2 (z_1 + z_2)$ = 8 - 12= -4

16. 복소수 z 에 대한 다음 보기의 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은? (단, z 는 z 의 켤레복소수이다.)

① z·z는 실수이다. ⓒ z+z는 실수이다. ⓒ z-z는 허수이다. ⓒ (z+1)(z+1)은 실수이다.

③ ₺, ₺

④¬, □, □
⑤¬, □, □, □

 \bigcirc , \bigcirc

el 21

② ⋽, ⊜

 $z = a + bi \ (a, b \vdash \Delta \uparrow)$ 로 놓으면 $\bar{z} = a - bi$ 이므로 ① $z \cdot \bar{z} = (a + bi)(a - bi) = a^2 + b^2$ (실수) ① $z + \bar{z} = (a + bi) + (a - bi) = 2a$ (실수) ② $z - \bar{z} = (a + bi) - (a - bi) = 2bi$ b = 0 이면 실수, $b \neq 0$ 이면 하수이다. ② $(z + 1)(\bar{z} + 1) = (a + bi + 1)(a - bi + 1)$ = (a + 1 + bi)(a + 1 - bi) $= (a + 1)^2 + b^2$ (실수)

17. 복소수 z와 그 켤레복소수 \overline{z} 에 대하여 다음을 만족하는 z를 구하면?

 $z + \bar{z} = 4, \quad z \cdot \bar{z} = 7$

- ① $z = 1 \pm \sqrt{3}i$ ② $z = 2 \pm \sqrt{3}i$ ③ $z = 3 \pm \sqrt{3}i$
- (4) $z = 1 \pm 2\sqrt{3}i$ (5) $z = 2 \pm 2\sqrt{3}i$

z = a + bi

 $z + \overline{z} = 2a = 4, z \cdot \overline{z} = a^2 + b^2 = 7$

해설

 $\therefore a = 2, b = \pm \sqrt{3}$

 $\therefore z = 2 \pm \sqrt{3}i$

- bx + 3 = 0 의 두 근의 합은?
 - ① $\frac{1}{5}$ ② $\frac{2}{5}$ ③ $\frac{3}{5}$ ④ $\frac{4}{5}$ ⑤ $\frac{6}{5}$

-a = 2 + 3, a = -5 $b = 2 \cdot 3 = 6$ ∴ $-5x^2 + 6x + 3 = 0$

두 근의 합은 $\frac{6}{5}$

- **19.** 이차함수 $y = x^2 + (k-3)x + k$ 의 그래프가 x 축과 만나지 않을 때, 실수 k 의 값의 범위는?

 - $\textcircled{4} 1 < k < 9 \qquad \qquad \textcircled{5} \ 1 < k < 10$
 - ① -1 < k < 7 ② -1 < k < 8 ③ 0 < k < 9

해설

주어진 이차함수의 그래프가

x 축과 만나지 않으려면

- 이차방정식 $x^2 + (k-3)x + k = 0$ 이
- 실근을 갖지 않아야 하므로 $D = (k - 3)^2 - 4k < 0$
- $k^2 10k + 9 < 0, (k 1)(k 9) < 0$
- 1 < k < 9

- **20.** 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 점 (1,5) 를 지나고, x = -1일 때 최솟값 -3 을 가진다. 이 때, *abc* 의 값은?
 - ① -10
- 3 -6 4 -4 5 -2

해설

 $y = a(x+1)^2 - 3$ 에 (1, 5) 를 대입하면 a = 2따라서 $y = 2(x+1)^2 - 3$ 을 전개하면 $y = 2x^2 + 4x - 1$ 이므로 a = 2, b = 4, c = -1 $\therefore abc = -8$

21. 이차함수 $y = -3x^2 - 6x + k$ 의 최댓값이 $\frac{5}{2}$ 일 때, 상수 k의 값을 구하면?

- $\bigcirc -\frac{1}{2}$ ② 0 ③ $\frac{1}{2}$ ④ 1 ⑤ $\frac{3}{2}$

 $y = -3x^2 - 6x + k = -3(x^2 + 2x + 1) + k + 3 = -3(x + 1)^2 + k + 3$ 이므로 꼭짓점의 좌표는 (-1, k + 3) 이다. 주어진 함수는 위로 볼록한 함수이므로 꼭짓점의 y의 값이 최 댓값이 된다. ∴ $k + 3 = \frac{5}{2}$ ∴ $k = -\frac{1}{2}$

 ${f 22.}$ $2 \le x \le 4$ 에서 이차함수 $y = x^2 - 2x + 3$ 의 최댓값은 ${f M}$, 최솟값은 m 이다. M + m 의 값은?

① 10

② 11 ③ 12 ④ 13

⑤14

O 1 2 4



 $y = x^2 - 2x + 3 = (x - 1)^2 + 2$ 따라서 함수의 그래프는 점(1,2) 를 꼭지 점으로 하는 아래로 볼록한 포물선이므

(i) x = 2 일 때 최소이며, 최솟값은

 $f(2) = 2^2 - 2 \cdot 2 + 3 = 3$ $\therefore m = 3$ (ii) x=4 일 때 최대이며, 최댓값은 $f(4)=4^2-2\cdot 4+3=11$

- $\therefore M = 11$
- $\therefore M+m=14$

23. x의 범위가 $0 \le x \le 3$ 일 때, 이차함수 $y = -x^2 + 2x + 1$ 의 최댓값을 M, 최솟값을 m 이라 한다. 이 때, M + m 의 값을 구하여라.

 답:

 ▷ 정답:
 0

00.

 $y = -x^2 + 2x + 1 = -(x - 1)^2 + 2$ 이므로 오른쪽 그림에서 주어진 이차함수 는 x = 1 일 때, 최댓값 2, x = 3 일 때, 최솟값 -2를 가짐을 알 수 있다. ∴ M + m = 2 + (-2) = 0

- **24.** 세 다항식 $A = x^2 + 3x 2$, $B = 3x^2 2x + 1$, $C = 4x^2 + 2x 3$ 에 $3A - \{5A - (3B - 4C)\} + 2B$ 를 간단히 하면?

 - ① $3x^2 + 12x 13$ $3x^2 - 12x + 21$
- $2 -3x^2 + 24x + 21$
- $3 x^2 + 12x + 11$
- $\bigcirc -3x^2 24x + 21$

 $3A - \{5A - (3B - 4C)\} + 2B$

= -2A + 5B - 4C= -2(x² + 3x - 2) + 5(3x² - 2x + 1) - 4(4x² + 2x - 3)

 $= -3x^2 - 24x + 21$

- 25. x-y=1을 만족하는 임의의 실수 x,y에 대하여 $ax^2+bxy+cy^2-1=0$ 이 항상 성립할 때, a+b+c의 값은?
- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

y = x - 1을 준식에 대입하여 x에 대한 내림차순으로 정리하면 $(a+b+c)x^2 - (b+2c)x + c - 1 = 0$ x에 대한 항등식이므로 a+b+c=0, b+2c=0, c-1=0

 $\therefore a = 1, b = -2, c = 1$ $\therefore a+b+c=0$

26. 다항식 f(x)에 대하여, $f\left(\frac{1}{2}\right) = 3$, $f\left(\frac{1}{3}\right) = 1$ 일 때, f(x) 를 (2x-1)(3x-1)로 나눈 나머지를 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 12x-3

구하는 나머지를 ax + b라 하면 f(x) = (2x - 1)(3x - 1)Q(x) + ax + b $x = \frac{1}{2}, \ x = \frac{1}{3}$ 을 각각 양변에 대입하면

 $f\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2}a + b = 3, \ f\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{1}{3}a + b = 1$

두 식을 연립하여 풀면
$$\frac{1}{6}a=2\Rightarrow a=12, b=-3$$

∴구하는 나머지는 12*x* − 3

27. (x-3)(x-1)(x+2)(x+4)+24 를 인수분해하면 $(x+a)(x+b)(x^2+cx+d)$ 이다. a+b+c-d의 값을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: 10

해설

 $x^2 + x = A$ 로 치환하면 (x-3)(x-1)(x+2)(x+4) + 24

 $= \{(x-1)(x+2)\}\{(x-3)(x+4)\} + 24$

 $= (x^2 + x - 2)(x^2 + x - 12) + 24$

= (A-2)(A-12) + 24 $= A^2 - 14A + 48 = (A - 6)(A - 8)$

 $= (x^2 + x - 6)(x^2 + x - 8)$ $= (x-2)(x+3)(x^2+x-8)$

 $\therefore a+b+c-d=-2+3+1-(-8)=10$

- **28.** 자연수 $N = 35^3 + 3 \cdot 35^2 + 3 \cdot 35 + 1$ 의 양의 약수의 개수를 구하여 라.(인수분해공식을 이용하여 푸시오.)
 - <u>개</u>

정답: 49<u>개</u>

 $a^3 + 3a^2 + 3a + 1 = (a+1)^3$

해설

 $N = 35^3 + 3 \cdot 35^2 + 3 \cdot 35 + 1$ $= (35+1)^3 = 36^3 = 2^6 \times 3^6$

∴ 약수의 개수 = (6+1) × (6+1) = 49

29. $x^4 + 2x^2 + 9 = (x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$ 로 인수분해될 때, |ab - cd|의 값을 구하여라.

답:▷ 정답: 12

7 02: 1

해설

(준시) = $(x^2 + 3)^2 - (2x)^2$

 $= (x^2 + 2x + 3)(x^2 - 2x + 3)$ 여기서 계수를 비교하면 a = 2, b = 3, c = -2, d = 3 $\therefore |ab - cd| = |2 \times 3 - (-2) \times 3| = 12$ **30.** (x-1)(x-3)(x-5)(x-7) + a가 이차식의 완전제곱이 되도록 a의 값을 정하면?

해설

① 4 ② 8 ③ 12 ④ 15

③16

(준식)= $(x^2 - 8x + 7)(x^2 - 8x + 15) + a$ 여기서, $x^2 - 8x + 7 = X$ 로 놓으면 (준식) = X(X+8) + a $= X^2 + 8X + a = (X+4)^2 + a - 16$ 따라서 a = 16

31. α , β 가 복소수일 때, 다음 중 옳은 것의 개수는?(단, $\overline{\alpha}$, $\overline{\beta}$ 는 각각 α , β 의 켤레복소수이고, $i = \sqrt{-1}$ 이다.)

③ 3개

- \bigcirc $\alpha = \overline{\beta}$ 이면 $\alpha + \beta$, $\alpha\beta$ 는 모두 실수이다. \bigcirc $\alpha = \overline{\beta}$ 일 때, $\alpha\beta = 0$ 이면 $\alpha = 0$ 이다.
- ⑤ $\alpha^2 + \beta^2 = 0$ 이면 $\alpha = 0$, $\beta = 0$ 이다.

- ① 1개 ②2개
 - 해설 \bigcirc $\alpha = a + bi$ (a, b 는 실수)라 하면

④ 4개

⑤ 없다

 $\alpha = \overline{\beta}$ 이므로 $\beta = a - bi$ $\therefore \alpha + \beta = (a+bi) + (a-bi) = 2a$

 $\alpha\beta = (a+bi)(a-bi) = a^2 + b^2$

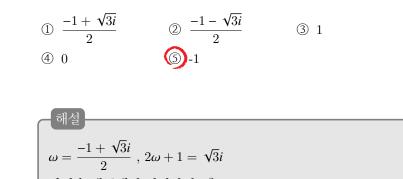
실수이므로 a = 0, b = 0 즉, = a + bi = 0이다.

 $\therefore \alpha + \beta, \alpha\beta$ 는 실수이다.

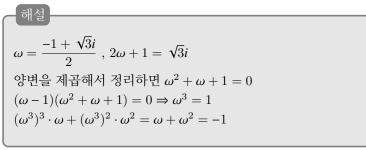
© :(반례) $\alpha=i,\;\beta=1$ $\therefore \ \alpha^2 + \beta^2 = i^2 + 1^2 = 0$

 $(반례) \ \alpha = 1, \ \beta = i$ $\therefore \ \alpha + \beta i = 0$

 \therefore ©, ②는 α , β 가 실수일 때만 성립한다.



32. $\left(\frac{-1+\sqrt{3i}}{2}\right)^{10} + \left(\frac{-1+\sqrt{3i}}{2}\right)^{8}$ 값을 구하면?



33. x의 이차방정식 $x^2 + (2m-1)x + m^2 - m - 2 = 0$ 의 두 근이 모두 양이고, 또 한 근이 다른 근의 2배일 때, 실수 m의 값을 구하시오.

답:

▷ 정답: -4

 $D = (2m-1)^2 - 4(m^2 - m - 2) = 9 > 0$ 이므로

서로 다른 두 실근을 갖는다. 두 근을 α , 2α 라 하면

 $\alpha + 2\alpha = -(2m-1) > 0 \quad \cdots \quad \bigcirc$

 $\alpha \times 2\alpha = m^2 - m - 2 > 0 \quad \cdots \quad \Box$

¬, □의 공통 범위를 구하면m < -1 ······□

또, ①에서의 $\alpha=\frac{1-2m}{3}$ 을 \bigcirc 에 대입하여 풀면 $m=-4,\ 5$ 조건 \bigcirc 에 의해서 m=-4