

1. 한 업체가 고객들에게 사과 56 개, 배 84 권, 꿀 70 개를 모두 나누어주려고 한다. 각 고객들에게 똑같이 나누너주고자 할 때, 최대 몇 명의 사람들에게 나누어 줄 수 있는가?

- ① 15 명 ② 14 명 ③ 13 명 ④ 12 명 ⑤ 11 명

해설

$$56 = 2^3 \times 7, 84 = 2^2 \times 3 \times 7, 70 = 2 \times 5 \times 7$$

56, 84, 70 의 최대공약수는 $2 \times 7 = 14$

2. 가로의 길이가 6 cm, 세로의 길이가 8 cm, 높이가 12 cm 인 직육면체 모양의 벽들을 빙틈없이 쌓아서 가장 작은 정육면체 모양을 만들려고 한다. 이때, 정육면체의 한 모서리 길이는?

① 24 cm ② 32 cm ③ 48 cm ④ 50 cm ⑤ 54 cm

해설

정육면체의 한 변의 길이는 6, 8, 12 의 공배수이어야 하고, 가장 작은 정육면체를 만들려면 한 변의 길이는 6, 8, 12 의 최소공배수이어야 한다. 따라서 정육면체의 한 모서리의 길이는 24 cm이다.

$$\begin{array}{r} 2) \ 6 \quad 8 \quad 12 \\ 2) \ 3 \quad 4 \quad 6 \\ 3) \ 3 \quad 2 \quad 3 \\ \hline 1 \quad 2 \quad 1 \end{array}$$

3. 세 자연수 15, 20, 24의 어느 것으로 나누어도 나누어 떨어지는 자연수 중에서 가장 작은 수를 구하면?

① 15 ② 80 ③ 120 ④ 164 ⑤ 210

해설

구하는 수를 x 라고 하면 x 는 15, 20, 24의 공배수이다. 그 중에서 가장 작은 수는 세 수의 최소공배수이므로 15, 20, 24의 최소공배수는 120 이다.

4. 가로의 길이가 720cm, 세로의 길이가 $2^2 \times 3^2 \times 7$ cm인 벽이 있다.

이 벽면에 정사각형의 타일을 가능한 한 적게 붙이려고 한다. 이때,

필요한 타일의 개수는?

① 140개

② 160개

③ 180개

④ 200개

⑤ 220개

해설

$$720 = 2^4 \times 3^2 \times 5 \text{ 이므로 두 수의 최대공약수는}$$

$$2^2 \times 3^2 = 36$$

따라서 정사각형의 타일의 한 변의 길이가 36cm 이므로 필요한
타일의 개수는

$$(720 \div 36) \times \{(2^2 \times 3^2 \times 7) \div 36\} = 20 \times 7 = 140 \text{ (개)} \text{이다.}$$

5. 가로의 길이가 120cm, 세로의 길이가 96cm, 높이가 60cm인 직육면체를 일정한 크기로 잘라 가능한 한 가장 큰 정육면체로 나누려고 한다. 이때, 만들어진 정육면체의 한 모서리의 길이를 A cm, 정육면체의 개수를 B 개라 할 때, $A + B$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 412

해설

만들어진 정육면체의 한 모서리의 길이는

120, 96, 60의 최대공약수이므로

$$120 = 2^3 \times 3 \times 5$$

$$96 = 2^5 \times 3$$

$$60 = 2^2 \times 3 \times 5$$

$$\text{최대공약수는 } 2^2 \times 3 = 12$$

$$\therefore 12\text{cm}$$

정육면체의 개수는

$$(120 \div 12) \times (96 \div 12) \times (60 \div 12)$$

$$= 10 \times 8 \times 5 = 400(\text{개})$$

$$\therefore 400\text{개}$$

$$\text{따라서 } A + B = 12 + 400 = 412$$

6. 세 변의 길이가 각각 96m, 84m, 108m인 삼각형 모양의 농장이 있다.
이 농장의 둘레에 같은 간격으로 말뚝을 박아 철조망을 설치하려고
한다. 세 모퉁이는 반드시 말뚝을 박아야 하며, 말뚝의 개수는 될 수
있는 한 적게 하려고 할 때, 말뚝은 최소한 몇 개를 준비해야 하는지
고르면?

- ① 12 개 ② 18 개 ③ 24 개 ④ 30 개 ⑤ 36 개

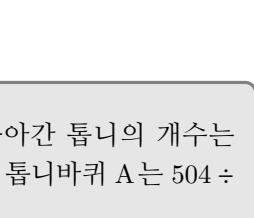
해설

96, 84, 108의 최대공약수는 12이므로

말뚝의 개수는

$$(96 \div 12) + (84 \div 12) + (108 \div 12) = 8 + 7 + 9 \\ = 24(\text{개})$$

7. 다음 그림과 같이 서로 맞물려 돌아가는 세 톱니바퀴 A, B, C의 톱니의 수는 각각 36 개, 24 개, 14 개이다.
세 톱니바퀴가 돌아 원래 모양이 되려면 톱니바퀴 A는 몇 번 회전해야 하는지 구하여라.



▶ 답:

번

▷ 정답: 14번

해설

세 톱니바퀴가 원래 모양이 되기까지 돌아간 톱니의 개수는 36, 24, 14의 최소공배수인 504 개이므로, 톱니바퀴 A는 $504 \div 36 = 14$ (번) 회전해야 한다.

8. 세 수 3048, 5988, 8088 을 자연수 k 로 나누었을 때, 나머지를 같게 하는 자연수 k 의 개수를 구하여라.

▶ 답:

개

▷ 정답: 24개

해설

3048, 5988, 8088 을 동일한 자연수로 나눌 때 나머지가 모두 같으므로

$A = Ga + r, B = Gb + r, C = Gc + r$ 라고 하면

$B - A = G(b - a), C - B = G(c - b)$

이므로 $B - A, C - B$ 의 공약수는 A, B, C 를 나누어서 나머지가 같아지는 수들이다.

8088 - 5988 = 2100, 5988 - 3048 = 2940 이므로 2100 과 2940의 공약수를 구하면, 최대공약수가 420 이므로 약수의 개수는

$420 = 2^2 \times 3 \times 5 \times 7$ 에서 24 개이다.

9. 네 수 14, 42, 56, A 의 최소공배수가 336 일 때, A 의 최댓값을 구하여라.

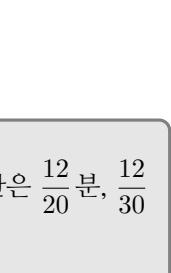
▶ 답:

▷ 정답: 336

해설

$14 = 2 \times 7$, $42 = 2 \times 3 \times 7$, $56 = 2^3 \times 7$, $336 = 2^4 \times 3 \times 7$ 이므로,
A 값이 될 수 있는 수는 $2^x \times 3^y \times 7^z$ (x, y, z 는 0 또는 1)이며,
최댓값을 가질 때는 $x, y = 1$ 일 때이므로 A의 최댓값은 336
이다.

10. 개미 3 마리가 볼펜으로 그어 놓은 원을 따라 각각의 원주 위를 일정한 속력으로 돌고 있다. 12분 동안 A 개미는 20바퀴를 돌고, B 개미는 30바퀴, C 개미는 36 바퀴를 돈다. 세 개미가 동시에 P 지점에서 출발하여 50분 동안 일정한 속도로 돌았다면 동시에 P 지점을 몇 번 통과하는지 구하여라.



▶ 답: 번

▷ 정답: 8번

해설

A, B, C 세 개미가 한 바퀴를 도는 데 걸리는 시간은 $\frac{12}{20}$ 분, $\frac{12}{30}$ 분, $\frac{12}{36}$ 분이다.

$$\frac{12}{20}\text{분} = 36\text{초}, \frac{12}{30}\text{분} = 24\text{초}, \frac{12}{36}\text{분} = 20\text{초} \text{이다.}$$

36, 24, 20의 최소공배수는 360이므로

360초 = 6분마다 한 번씩 P 지점을 통과한다.

따라서 $50 \div 6 = 8\cdots 2$ 이므로 8번 통과한다.