

1. 연립방정식 $\begin{cases} 2x - y = 8 & \dots \textcircled{A} \\ 3x + 2y = 5 & \dots \textcircled{B} \end{cases}$ 을 대입법으로 푸는 과정이다. A

에 알맞은 식은?

ⓐ을 y에 관하여 풀면 $y = \boxed{\text{A}} \dots \textcircled{B}$

ⓑ을 ⓐ에 대입하여 풀면 $3x + 2\boxed{\text{A}} = 5$

∴ $x = \boxed{}$

$x = \boxed{}$ 를 ⓑ에 대입하면 $y = \boxed{}$

- ⓐ $x - 4$

ⓑ $-x - 4$

ⓒ $2x + 8$
- ⓓ $2x - 8$

ⓔ $-2x + 8$

해설

$\begin{cases} 2x - y = 8 & \dots \textcircled{A} \\ 3x + 2y = 5 & \dots \textcircled{B} \end{cases}$

ⓐ을 y에 관하여 풀면 $y = 2x - 8 \dots \textcircled{B}$

ⓑ을 ⓐ에 대입하여 풀면 $3x + 2(2x - 8) = 5$

∴ $x = 3$

$x = 3$ 을 ⓑ에 대입하면 $y = -2$

2. 연립방정식 $\begin{cases} x + 2y = 3a \cdots \textcircled{1} \\ 4x - y = 3 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$ 을 만족하는 y 의 값이 5 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 4$

해설

$\textcircled{2}$ 식에 $y = 5$ 를 대입하면,
 $4x - 5 = 3$, $4x = 8$, $x = 2$
 $\textcircled{1}$ 식에 $(2, 5)$ 를 대입하면, $2 + 10 = 3a$
 $\therefore a = 4$

3. 연립방정식 $\frac{4x+y}{5} = \frac{3x-y}{2} = 1$ 에서 x 의 값은?

- ① 1 ② -1 ③ -3 ④ $-\frac{1}{3}$ ⑤ $\frac{7}{2}$

해설

$$\begin{cases} \frac{4x+y}{5} = 1 \\ \frac{3x-y}{2} = 1 \end{cases}$$

$$4x + y = 5, \quad 3x - y = 2$$

두 식을 변끼리 더하면 $7x = 7$

$$\therefore x = 1, y = 1$$

4. 두 정수가 있다. 작은 수의 2 배에서 큰 수를 더하면 10 이다. 또 큰 수를 작은 수로 나누면 몫은 1 이고, 나머지도 1 이다. 두 정수의 합은?

① 1

② 3

③ 5

④ 7

⑤ 9

해설

큰 수를 x , 작은 수를 y 라고 하면

$$\begin{cases} 2y + x = 10 \\ x = y + 1 \end{cases}$$

연립하여 풀면 $x = 4$, $y = 3$ 이다.

$$\therefore 3 + 4 = 7$$

5. 어느 학교의 금년의 학생 수는 작년에 비하여 남학생은 15% 늘고 여학생은 10% 줄어서, 전체 학생 수는 20 명이 늘어나 620 명이 되었다고 한다. 금년의 남학생 수와 여학생 수를 각각 구하면?
- ① 남학생 : 368 명, 여학생 : 252 명
- ② 남학생 : 366 명, 여학생 : 254 명
- ③ 남학생 : 364 명, 여학생 : 256 명
- ④ 남학생 : 362 명, 여학생 : 258 명
- ⑤ 남학생 : 360 명, 여학생 : 260 명

해설

작년의 남학생 수를 x 명, 여학생 수를 y 명이라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 620 - 20 \\ \frac{15}{100}x - \frac{10}{100}y = 20 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x + y = 600 \\ 3x - 2y = 400 \end{cases}$$

$$\therefore x = 320, y = 280$$

따라서 금년의 남학생 수는 $320 + 320 \times \frac{15}{100} = 368(\text{명})$, 여학생

수는 $280 - 280 \times \frac{10}{100} = 252(\text{명})$ 이다.

6. A 가 $x + 2y = 9$, B 가 $2x + ay = 5$ 이고, A 와 B 의 공통해 (x, y) 가 존재하지 않을 때, a 의 값은?

① 3

② 4

③ $\frac{5}{2}$

④ $\frac{5}{6}$

⑤ $\frac{2}{3}$

해설

공통해가 존재하지 않으려면 직선의 기울기가 같아야 한다.

$$A \text{의 기울기} : -\frac{1}{2}$$

$$B \text{의 기울기} : -\frac{2}{a}$$

$$-\frac{1}{2} = -\frac{2}{a}$$

$$\therefore a = 4$$

7. 아름이네 반에서는 중간고사가 끝나는 날 영화를 구경하였다. 이날 관람한 학생 수를 세어보니 반 학생 수의 $\frac{2}{3}$ 가 영화를 보았는데, 이것은 남학생의 $\frac{4}{5}$ 과 여학생의 $\frac{1}{2}$ 이 본 셈이다. 이 학급의 학생 수가 총 36명일 때, 여학생 수를 구하여라.

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 16 명

해설

남학생 수를 x 명, 여학생 수를 y 명이라 하면

$$\begin{cases} x+y=36 \\ \frac{4}{5}x+\frac{1}{2}y=36\times\frac{2}{3} \end{cases}, \text{ 즉 } \begin{cases} x+y=36 \\ 8x+5y=240 \end{cases}$$

$$\therefore x=20, y=16$$

8. A, B 두 사람이 가위바위보를 하여 이긴 사람은 3 계단을 올라가고, 진 사람은 1 계단을 내려가기로 하였다. 출발점에서 A 는 24 계단을, B 는 처음 위치 그대로였다. B 가 진 횟수를 구하여라. (단, 비기는 경우는 없다.)

▶ **답:** 회

▶ 정답 : 9 회

해설

A 가 이진 횃수를 x , 진 횃수를 y 라 하면, B 가 이진 횃수는 y , 진 횃수는 x 이다.

$$\begin{cases} 3x - y = 24 \\ 3y - x = 0 \end{cases} \quad \text{연립해서 풀면 } x = 9, y = 3 \text{ 이다.}$$

9. 영재의 집에서 학교까지의 거리는 3km 이다. 영재가 아침 8 시에 집을 나서 시속 4km 로 학교로 걸어가다가 늦을 것 같아서 도중에 시속 8km 의 속력으로 달려서 8 시 30 분에 학교에 도착하였다. 영재가 달린 거리는?

① 0.5km

② 1km

③ 1.5km

④ 2km

⑤ 2.5km

해설

걸은 거리를 x km , 달린 거리를 y km 라 하면

$$\begin{cases} x + y = 3 & \cdots (1) \\ \frac{x}{4} + \frac{y}{8} = \frac{1}{2} & \cdots (2) \end{cases}$$

(2) 의 양변에 8을 곱하면 $2x + y = 4 \cdots (3)$

(2) - (1) 하면 $x = 1$,

$x = 1$ 을 (1) 에 대입하면 $y = 2$

따라서 영재가 달린 거리는 2km 이다.

10. 물속에서 금속 A 는 그 무게의 $\frac{11}{15}$ 이 가벼워지고, 금속 B 는 $\frac{1}{4}$ 이 가벼워진다. A, B 로 만든 합금 1500g 을 물속에서 달았더니 719g 이었다. 이 합금에는 A 가 몇 g 섞여 있는지 구하여라.

▶ 加 | 59

▷ 정답 : 840g

해설

금속 A, B의 양을 각각 xg , yg 이라 하면

$$x + y = 1500 \dots \textcircled{1}$$

$$\frac{11}{15}x + \frac{1}{4}y = 1500 - 719 \dots \textcircled{2}$$

①, ②를 연립하여 풀면 $x = 840$, $y = 660$ 이다.