- 이차함수 $f(x) = x^2 2x 3$ 에 대하여 다음 중 옳은 것은? 1.
 - ① f(0) = 0 ② f(-1) = 0 ③ f(1) = 2

- (4) f(2) = 3 (5) f(-2) = 7

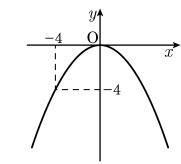
② $f(-1) = (-1)^2 - 2 \times (-1) - 3 = 0$

- 이차함수 $y = x^2 + x a$ 의 그래프가 점 (3, 2) 를 지난다고 한다. 2. 이때, 상수 a 의 값을 구하여라.
 - ① 5
- **2**10
- ③ 15 ④ 20 ⑤ 25

점 (3, 2) 를 지나므로 x = 3, y = 2 를 대입하면 $2 = 3^2 + 3 - 2$

a, 12 - a = 2 : a = 10

3. 다음 그림의 이차함수의 그래프와 x 축 대칭인 그래프의 이차함수의



- ① $y = -3x^2$ ② $y = \frac{1}{4}x^2$ ③ $y = -\frac{1}{3}x^2$ ④ $y = -2x^2$ ⑤ $y = -\frac{1}{4}x^2$

 $y = ax^2$ 에 (-4, -4) 를 대입하면 $a = -\frac{1}{4}$

파라서 $y = -\frac{1}{4}x^2$ 이므로 이 함수와 x 축 대칭인 이차함수는 $y = \frac{1}{4}x^2$ 이다.

다음 함수가 이차함수일 때, k 의 값이 될 수 $\underline{\text{없는}}$ 수를 구하여라. 4.

 $y = -3x^2 + 2 + k(x^2 - 4)$

답:

➢ 정답: k = 3

해설

주어진 식 $y = -3x^2 + 2 + k(x^2 - 4)$ 를 정리하면 $y = (-3 + k)x^2 -$ 이차함수가 되려면 x^2 의 계수 $-3 + k \neq 0$ 이어야 한다. $\therefore k \neq 3$

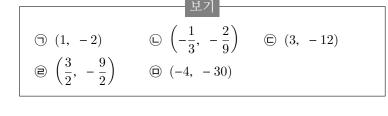
- **5.** 함수 $f: R \to R$ 에서 $f(x) = x^2 x 2$ 이다. f(a) = 4 일 때, 양수 a 의 값은?(단, R은 실수)
 - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

f(a) = 4 이므로 a² - a - 2 = 4, a² - a - 6 = 0, (a - 3)(a + 2) = 0 ∴ a = 3 또는 a = -2 한편, a > 0 이므로 a = 3 이다.

원점을 꼭짓점으로 하는 이차함수의 그래프 y = f(x) 에 대하여 6. $2f\left(\frac{1}{2}\right)-f(-2)=7$ 일 때, 다음 중 이 그래프 위의 점이 <u>아닌</u> 것은 모두 몇 개인가?

① 1개



②2개 ③3개 ④4개 ⑤5개

 $f(x)=ax^2$ 에 대하여 $f\left(rac{1}{2}
ight)=rac{1}{4}a,\; f(-2)=4a$ 이므로 $2f\left(\frac{1}{2}\right) - f(-2) = 7$, $2 \times \frac{1}{4} \times a - 4a = 7$, -7a = 14, a =

$$\begin{vmatrix} 3 & 2 \\ -2 & \therefore f(x) = -2x^2 \end{vmatrix}$$

©
$$f(3) = -2 \times (-3)^2 = -18$$
 : $(3, -18)$
© $f(-4) = -2 \times (-4)^2 = -32$: $(-4, -32)$

- 7. 다음 중 평행이동에 의하여 포물선 $y = -x^2 2$ 의 그래프와 포갤 수 있는 것은?
- ① $y = 2x^2 3$ ② $y = -2x^2 + 3$ ③ $y = -\frac{1}{2}x^2 \frac{3}{2}$ ④ $y = \frac{1}{2}x^2 + \frac{3}{2}$ ⑤ $y = -x^2 7$

 $y = -x^2 - 2$ 의 그래프와 포갤 수 있는 것은 이차항의 계수가 -1 인 포물선이다.

- 8. 두 함수 $(a^2 3a + 2)y^2 + 2y 4x^2 1 = 0$ 과 $y = (2a^2 8)x^2 3x + 1$ 이 모두 y 가 x 에 관한 이차함수가 되도록 상수 a 의 값을 정하여라.
 - ▶ 답: ▷ 정답: 1

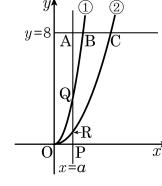
i) $(a^2-3a+2)y^2+2y-4x^2-1=0$ 이 x 에 관한 이차함수가 되기

- 위해서는 $a^2 3a + 2 = 0$ 이어야 하므로 (a 1)(a 2) = 0 $\therefore a = 1$ 또는 a = 2ii) $y = (2a^2 - 8)x^2 - 3x + 1$ 이 x에 관한 이차함수가 되기 위해 서는 $2a^2 - 8 \neq 0$ 이어야 하므로 $a \neq \pm 2$
- i), ii)에 의하여 a=1 이다.

- 9. 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프가 $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프보다 폭이 좁고, $y = 2x^2$ 의 그래프보다 폭이 넓다고 할 때, a 의 값으로 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - ① $-\frac{3}{4}$ ② -1 ③ $\frac{4}{3}$ ④ $\frac{5}{2}$ ⑤ $\frac{7}{4}$

| $a > |-\frac{1}{2}|$ | a < |2|∴ $-2 < a < -\frac{1}{2}, \frac{1}{2} < a < 2$

- 10. 다음 그림은 이차함수 $y = 2x^2(x \ge 0) \cdots$ ①, $y = \frac{1}{2}x^2(x \ge 0) \cdots$ ②의 그래프이다. 직선 y = 8 이 y 축 및 곡선 ①, ②와 점A, B, C 에서 만나고 x = a 가 x 축 및 곡선 ②, ①과 점P, R, Q 에서 만날 때, $\frac{\overline{AB}}{\overline{BC}}$ 와 $\frac{\overline{QR}}{\overline{PR}}$ 의 합을 구하여라.
 - $y \uparrow \qquad \boxed{1} \qquad \boxed{2}$



 ► 답:

 ▷ 정답:
 4

i)
$$8 = 2x^2, x^2 = 4$$
 $x > 0$ 이므로 $x = 2$ $8 = \frac{1}{2}x^2, x^2 = 16$ 에서 $x > 0$ 이므로 $x = 4$

$$\therefore \frac{\overline{AB}}{\overline{BC}} = \frac{2}{4-2} = \frac{2}{2} = 1$$

$$\mathrm{ii})\overline{\mathrm{PR}} = \frac{1}{2}\mathrm{a}^2, \overline{\mathrm{PQ}} = 2\mathrm{a}^2,$$

$$\overline{QR} = 2a^2 - \frac{1}{2}a^2 = \frac{3}{2}a^2$$

$$\overline{QR} = \frac{3}{2}a^2$$

$$\therefore \frac{\overline{QR}}{PR} = \frac{\frac{3}{2}}{\frac{1}{2}} = 3$$
$$\frac{\overline{AB}}{\overline{BC}} + \frac{\overline{QR}}{PR} = 1 + 3 = 4$$