

1. 다음 중 옳지 않은 것은?

① $a^4 \div a^4 = 0$

② $a^4 \div a^3 = a$

③ $a^3 \div a^6 = \frac{1}{a^3}$

④ $a \times a \times a \times a = a^4$

⑤ $a + a + a + a = 4a$

해설

$a^4 \div a^4 = a^0 = 1$ 이다.

2. 다음 칠판에 적힌 문제 $(-2x)^2 \times x^2y^3 \div (xy)^2$ 을 두 친구가 풀었다.
다음 중 옳게 풀이한 학생은 누구인지 찾아라.

가영

$$\begin{aligned} (-2x)^2 \times x^2y^3 \div (xy)^2 &= -2^2x^2 \times x^2y^3 \div x^2y^2 \\ &= -4x^2 \times x^2y^3 \div x^2y^2 \\ &= -4 \times x^{2+2+2} \times y^{3+2} \\ &= -4 \times x^8 \times y^6 \\ &= -4x^8y^6 \end{aligned}$$

미진

$$\begin{aligned} (-2x)^2 \times x^2y^3 \div (xy)^2 &= (-2)^2x^2 \times x^2y^3 \div x^2y^2 \\ &= 4x^2 \times x^2y^3 \div x^2y^2 \\ &= 4 \times x^{2+2-2} \times y^{3-2} \\ &= 4 \times x^2 \times y^1 \\ &= 4x^2y \end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: 미진

해설

가영의 부분에서 맨 위 부분인
 $(-2x)^2 \times x^2y^3 \div (xy)^2 = -2^2x^2 \times x^2y^3 \div x^2y^2$
부분이 틀렸다. $(-2x)^2 = (-2)^2x^2 = 4x^2$ 으로 계산해야 한다.
 $-4x^2 \times x^2y^3 \div x^2y^2 = -4 \times x^{2+2+2} \times y^{3+2}$

부분에서도 부분계산이 틀렸다.
 $-4x^2 \times x^2y^3 \div x^2y^2 = -4 \times x^{2+2-2} \times y^{3-2}$
 $= -4x^2y$
로 계산해야 한다.

3. 윗변의 길이가 a , 아랫변의 길이가 b , 높이가 h 인 사다리꼴의 넓이를 s 라 할 때, b 를 다른 문자에 관한 식으로 나타내면?

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} \quad b = 2s - h & \textcircled{2} \quad b = 2s + ah \\ \textcircled{4} \quad b = \frac{2s}{h} + a & \textcircled{5} \quad b = \frac{2s}{h} + 1 \end{array}$$

해설

$$s = (a + b) \times h \div 2 = \frac{ah + bh}{2}$$

$$2s = ah + bh$$

$$bh = 2s - ah$$

$$\therefore b = \frac{2s - ah}{h} = \frac{2s}{h} - a$$

4. 다음 중에서 순서쌍 $(1, -1)$ 이 해가 되는 일차방정식은 모두 몇 개인가?

Ⓐ $3x - y = 4$ Ⓑ $9x - 4y = 12$

Ⓒ $-x + 4y = -5$ Ⓛ $y = ax - a - 1$

- ① 4 개 Ⓛ 3 개 Ⓝ 2 개 Ⓞ 1 개 Ⓟ 0 개

해설

$(1, -1)$ 을 각각의 식에 대입했을 때 참이 되는 것은 Ⓐ, Ⓒ, Ⓛ이다.

5. $-1 < x < 2$ 일 때, $-2x + 3$ 의 값의 범위를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-1 < -2x + 3 < 5$

해설

$$\begin{aligned} -1 &< x < 2 \\ -1 \times (-2) &> -2x > 2 \times (-2) \\ 2 &> -2x > -4 \\ 2 + 3 &> -2x + 3 > -4 + 3 \\ 5 &> -2x + 3 > -1 \\ \therefore -1 &< -2x + 3 < 5 \end{aligned}$$

6. $x = 1, 2, 3, 4$ 일 때, 일차부등식 $1 - x < -2$ 를 참이 되게 하는 x 의 값을 모두 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$1 - x < -2$$

$$-x < -3$$

따라서 $x > 3$ 을 만족시키는 x 의 값은 4 이다.

7. 일차함수 $y = f(x)$ 에서 $f(x) = 3x - 2$ 일 때, $2f(-2)$ 의 값을 구하여라.

① -12 ② -14 ③ **-16** ④ -18 ⑤ -20

해설

$$f(-2) = -6 - 2 = -8$$

$$2f(-2) = 2 \times (-8) = -16$$

8. 일차함수 $y = 2x + a + 5$ 의 x 절편이 -4 일 때, y 절편은?

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설

$y = 2x + a + 5$ 에 $(-4, 0)$ 를 대입하면

$$0 = -8 + a + 5$$

$$a = 3$$

그리므로 $y = 2x + 8$

y 절편은 8

9. $0.\dot{4}\dot{3} - 0.\dot{1}\dot{5}$ 를 계산하면?

- ① 0. $\dot{2}$ ② 0. $\dot{2}\dot{8}$ ③ 0.2 $\dot{8}$ ④ 0.3 $\dot{8}$ ⑤ 0. $\dot{2}0\dot{8}$

해설

$$0.\dot{4}\dot{3} - 0.\dot{1}\dot{5} = \frac{43}{99} - \frac{15}{99} = \frac{28}{99} = 0.\dot{2}\dot{8}$$

10. $16^3 \div 4^n = 8^{-2}$ 일 때, n 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$$16^3 \div 4^n = 8^{-2}$$

$$2^{12} \div 4^n = 2^{-6}$$

$$4^n = 2^{18} = 4^9$$

$$\therefore n = 9$$

11. 다음 연립방정식을 가감법으로 풀어라.

$$\begin{cases} 3x + 2y = 6 \\ x - y = 2 \end{cases}$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 2$

▷ 정답: $y = 0$

해설

$$\begin{cases} 3x + 2y = 6 & \cdots ① \\ x - y = 2 & \cdots ② \\ 0 & \end{cases}$$

②에 2배를 한 후 ①과 더하면 $x = 2$, $y = 0$

12. 연립방정식 $\begin{cases} 2x + y = 16 \cdots ① \\ 3x = y + k \cdots ② \end{cases}$ 를 만족하는 y 의 값이 x 의 값의 2 배일 때, k 의 값을 구하면?

- ① 0 ② 2 ③ 4 ④ 6 ⑤ 8

해설

$y = 2x$ 를 ①식에 대입하면
 $2x + 2x = 16$
 $\therefore x = 4, y = 8$
②식에 x, y 값을 대입하면 $k = 4$ 이다.

13. 연립방정식 $\begin{cases} x - 2y = -3 & \cdots \textcircled{\text{①}} \\ 3x - y = 5 & \cdots \textcircled{\text{②}} \end{cases}$ 을 푸는데 효진이는 5를 잘못 보고 풀어 $x = 3$ 이 되었다. 5를 무엇으로 잘못 보았는가?

① 3 ② 4 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

해설

연립방정식 $\begin{cases} x - 2y = -3 & \cdots \textcircled{\text{①}} \\ 3x - y = 5 & \cdots \textcircled{\text{②}} \end{cases}$ 에서 $x = 3$ 을 바르게 본 식

①에 대입하면 $3 - 2y = -3$ 따라서 $y = 3$ 이 나온다.

$x = 3, y = 3$ 을 ②에 대입하면 $9 - 3 = 6$

따라서 $3x - y = 6$ 으로 효진이는 5를 6으로 잘못 보았다.

14. 숙련공은 견습공보다 한시간에 2 개의 부품을 더 만든다고 한다. 견습공은 6 시간, 숙련공은 8 시간 작업하였더니, 견습공은 숙련공의 절반밖에 못 만들었다고 한다. 두 사람이 만든 부품을 모두 합하면?

- ① 10 개 ② 50 개 ③ 68 개 ④ 72 개 ⑤ 84 개

해설

숙련공이 1 시간 동안 만드는 개수를 x 개, 견습공이 1 시간 동안 만드는 부품의 개수를 y 개라 하면

$$\begin{cases} x = y + 2 & \cdots (1) \\ 6y = 8x \times \frac{1}{2} & \cdots (2) \end{cases}$$

(1)을 (2)에 대입하면 $6y = 4(y + 2)$

방정식을 풀면 $y = 4$, $x = 6$

$\therefore 6 \times 8 + 4 \times 6 = 48 + 24 = 72(\text{개})$

15. 원가 50000 원인 청바지를 정가의 50% 를 할인하여 팔아도 원가의 10% 이상 이익을 얻으려 한다. 정가의 최솟값은?

- ① 9 만원 ② 10 만원 ③ 11 만원
④ 12 만원 ⑤ 13 만원

해설

정가를 A 원이라고 하면
 $0.5 \times A \geq 1.1 \times 50000$
 $\therefore A \geq 110000$

16. 다음 중 x 값의 증가량에 대한 y 값의 증가량의 비율이 3 인 일차함수는?

- ① $y = -x + 3$ ② $y = 2x - 6$ ③ $y = 3x + \frac{1}{2}$
④ $y = 2x + 3$ ⑤ $y = \frac{1}{3}x - 1$

해설

$$\text{기울기} = \frac{y\text{값의 증가량}}{x\text{값의 증가량}} = 3$$

17. 다음 조건을 만족하는 일차방정식 $mx + 2y - 2 = 0$ 의 그래프의 상수 m 의 값을 구하여라.

x 값이 3만큼 증가할 때, y 값은 6만큼 감소한다.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$y = -\frac{m}{2}x + 1 \quad | \text{므로} \quad -\frac{m}{2} = \frac{-6}{3}$$
$$\therefore m = 4$$

18. 다음 중 순환소수를 x 로 놓고 분수로 고칠 때, $1000x - x$ 가 가장 편리하게 사용되는 것은?

- ① 0.521 ② 0. $\dot{5}2\dot{1}$ ③ 5. $\dot{2}\dot{1}$ ④ 5.21 ⑤ 5.521

해설

② $1000x$ 와 x 의 소수점 아래 부분이 일치하는 0. $\dot{5}2\dot{1}$ 을 분수로 고칠 때 가장 편리한 식이 된다.

19. 두 직선 $4y = 3x + p$ 와 $qx + y = -3$ 의 교점의 좌표가 $(-3, 1)$ 일 때,
 $p + q$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{43}{3}$

해설

$4y = 3x + p$ 와 $qx + y = -3$ 에 $(-3, 1)$ 을 대입하면 $4 = -9 + p$, $p = 13$

$$-3q + 1 = -3, -3q = -4$$

$$q = \frac{4}{3}$$

$$\therefore p + q = 13 + \frac{4}{3} = \frac{39}{3} + \frac{4}{3} = \frac{43}{3}$$

20. 다음 연립부등식의 해가 될 수 있는 값을 고르면?

$$\begin{cases} 3(x+1) \geq x+5 \\ 0.3x > 0.2(x+2) \end{cases}$$

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$3x + 3 \geq x + 5$$

$$3x - x \geq 5 - 3$$

$$2x \geq 2$$

$$x \geq 1$$

$$3x > 2(x+2)$$

$$3x > 2x + 4$$

$$3x - 2x > 4$$

$$x > 4$$

공통부분은 $x > 4$

21. y 절편을 알 수 없는 일차함수의 기울기가 -3 이고 x 절편이 -1 이라고 한다. 이때, y 절편과 기울기의 합은?

① -6 ② -3 ③ 0 ④ 1 ⑤ 3

해설

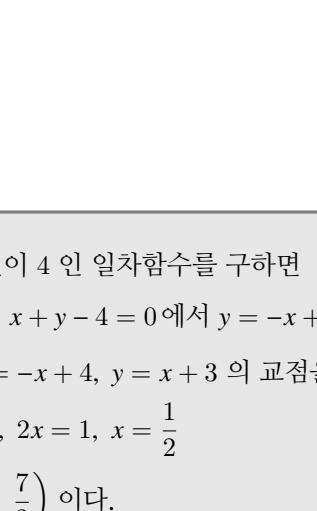
기울기가 -3 인 일차함수를 $y = -3x + b$ 라고 놓으면

x 절편이 -1 이므로 $(-1, 0)$ 을 지난다.

$$\therefore 0 = (-3) \times (-1) + b$$

$b = -3$ 이므로 y 절편은 -3 이므로 y 절편과 기울기의 합은 -6 이다.

22. 다음 그림을 보고 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{49}{4}$

해설

x 절편과 y 절편이 4인 일차함수를 구하면

$$\frac{x}{4} + \frac{y}{4} - 1 = 0, x + y - 4 = 0 \text{에서 } y = -x + 4 \text{ 이다.}$$

두 일차함수 $y = -x + 4$, $y = x + 3$ 의 교점을 구하면

$$-x + 4 = x + 3, 2x = 1, x = \frac{1}{2}$$

$$y = \frac{7}{2} \text{에서 } \left(\frac{1}{2}, \frac{7}{2}\right) \text{ 이다.}$$

$y = x + 3$ 의 x 절편을 구하면 $0 = x + 3$ 에서 $x = -3$ 이다.

$$\text{따라서 넓이는 } \frac{1}{2} \times (3 + 4) \times \frac{7}{2} = \frac{49}{4} \text{ 이다.}$$

23. $(-3x^2y)^2 \div \frac{3x^2y^4}{2y^2} - 2x^3y^2 \times \frac{1}{xy^2}$ 의 값은?

- ① $3xy^3$ ② $-3x^3y$ ③ $-4x^2$
④ $4x^2$ ⑤ $4x^2y$

해설

$$\begin{aligned} & (-3x^2y)^2 \div \frac{3x^2y^4}{2y^2} - 2x^3y^2 \times \frac{1}{xy^2} \\ &= 9x^4y^2 \times \frac{2y^2}{3x^2y^4} - 2x^3y^2 \times \frac{1}{xy^2} \\ &= 6x^2 - 2x^2 = 4x^2 \end{aligned}$$

24. 3000 원 하는 안개꽃 한 다발과 한 송이에 700 원 하는 장미 여러 송 이를 사려고 한다. 집에서 꽃가게는 편도 1200 원의 차비가 들고 꽃은 모두 30000 원 이하의 비용으로 사되 장미를 가능한 한 많이 넣어서 집에 도착하려 할 때, 장미는 몇 송이 넣을 수 있는지 구하여라.

▶ 답:

송이

▷ 정답: 35 송이

해설

안개꽃은 한 다발만 산다고 했으므로 3000 원이고 장미의 송이 수를 x 개로 하면 $700x$ 가 되고 차비는 편도 1200 원이기 때문에 총 2400 원이 든다.

모두 합치면 $(3000 + 700x + 2400)$ 원이 되고 30000 원 이하이므로 식을 세우면

$$3000 + 700x + 2400 \leq 30000 \text{ 이 된다.}$$

식을 풀면

$$3000 + 700x + 2400 \leq 30000$$

$$700x \leq 30000 - 3000 - 2400$$

$$700x \leq 24600$$

$$7x \leq 246$$

$$\therefore x \leq \frac{246}{7} = 35. \times \times \times$$

이므로 장미를 최대한 많이 넣으려면 35 송이를 사면 된다.

25. 일차함수 $y = ax + 3$ 의 그래프를 y 축의 음의 방향으로 b 만큼 평행이동시켰더니 두 점 $(-1, 6)$, $(3, -2)$ 를 지난다. 이때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -3

해설

일차함수 $y = ax + 3$ 의 그래프를 y 축의 음의 방향으로 b 만큼 평행이동한 함수는 $y = ax + 3 - b$ 이고, 이 그래프가 점 $(-1, 6)$, $(3, -2)$ 를 지나므로 $6 = a \times (-1) + 3 - b$, $-2 = a \times 3 + 3 - b$ 이다.

$$\begin{cases} -a + 3 - b = 6 \\ 3a + 3 - b = -2 \end{cases}$$

연립일차방정식을 풀면 $a = -2$, $b = -1$ 이다.

따라서 $a + b = (-2) + (-1) = -3$ 이다.