

1. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고르면?

보기

Ⓐ 3의 음의 제곱근은 $\sqrt{-3}$ 이다.

Ⓑ $\sqrt{25}$ 는 5이다.

Ⓒ 제곱근 16은 4이다.

Ⓓ $(-3)^2$ 의 제곱근은 3이다.

Ⓔ $x^2 = a$ ($a > 0$) 이면 $x = \sqrt{a}$ 이다.

Ⓐ, Ⓑ

Ⓑ, Ⓒ

Ⓒ, Ⓓ

Ⓓ

Ⓔ, Ⓑ, Ⓓ

해설

Ⓐ 3의 음의 제곱근은 $-\sqrt{3}$

Ⓓ $(-3)^2 = 9$ 의 제곱근은 ± 3

Ⓔ $x^2 = a$ ($a > 0$) 이면, $x = \pm \sqrt{a}$

2. 다음 식에서 안에 들어갈 알맞은 숫자로 짹지어진 것은?

(ㄱ) 제곱근 81 은 이다.

(ㄴ) $\sqrt{6^2}$ 은 와 같다.

① (ㄱ) ± 9 , (ㄴ) 6 ② (ㄱ) 9, (ㄴ) 6 ③ (ㄱ) 9, (ㄴ) ± 6

④ (ㄱ) 81, (ㄴ) 6 ⑤ (ㄱ) 81, (ㄴ) 6

해설

(ㄱ) 제곱근 81 \rightarrow 81 의 양의 제곱근 \rightarrow 9

(ㄴ) $\sqrt{6^2} = \sqrt{36} \rightarrow 36$ 의 양의 제곱근 \rightarrow 6

3. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 3의 제곱근은 2개이다.
- ② 제곱근 $\frac{1}{25}$ 의 값은 $\frac{1}{5}$ 이다.
- ③ $\sqrt{81}$ 의 제곱근은 3, -3이다.
- ④ 제곱하여 0.01이 되는 수는 2개가 있다.
- ⑤ 음이 아닌 수의 제곱근은 서로 다른 2개가 있고, 그 절댓값은 같다.

해설

⑤ 0의 제곱근은 하나이다.

4. $\sqrt{\frac{180}{a}}$ 가 자연수가 되게 하는 정수 a 는 모두 몇 개인가?

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

$$\sqrt{\frac{180}{a}} = \sqrt{\frac{2^2 \times 3^2 \times 5}{a}}$$

$a = 5, 5 \times 2^2, 5 \times 3^2, 5 \times 2^2 \times 3^2$ 이므로 4 개이다.

5. $\sqrt{\frac{756}{x}}$ 가 자연수가 되기 위한 x 의 값 중 가장 작은 수는?

- ① 3 ② 6 ③ 7 ④ 21 ⑤ 42

해설

$756 = 2^2 \times 3^3 \times 7$ 이므로 $\sqrt{\frac{2^2 \times 3^3 \times 7}{x}}$ 이 자연수가 되기 위한
자연수 중 가장 작은 값 $x = 3 \times 7 = 21$ 이다.

6. $\sqrt{135 \times a}$ 가 정수가 되는 가장 작은 자연수 a 의 값은?

- ① 17 ② 15 ③ 7 ④ 5 ⑤ 3

해설

$135 \times a$ 가 제곱수이어야 한다. 135 를 소인수분해하면 $3^3 \times 5$ 이다.

따라서, $135a = 3^3 \times 5 \times a$ 꼴이고 제곱수인 3^2 을 제외한 $15a$ 도 제곱수이다.

\therefore 가장 작은 자연수 a 는 15 이다.

7. $x^2 - 2xy + y^2 + 2x - 2y - 3$ 을 인수분해하면?

- ① $(x - y - 3)(x - y + 1)$ ② $(x + 2y + 3)(x - y - 1)$
③ $(x - y + 3)(x - y - 1)$ ④ $(x - 2y - 3)(x - y - 1)$
⑤ $(x - y + 3)(x - 2y + 1)$

해설

주어진 식을 x 에 관해 정리하면
 $x^2 + (2 - 2y)x + y^2 - 2y - 3$
 $= x^2 + (2 - 2y)x + (y + 1)(y - 3)$
 $= \{x - (y + 1)\}\{x - (y - 3)\}$
 $= (x - y - 1)(x - y + 3)$

8. 다음 식을 인수분해하면?

$$abc + ab + ac + a + bc + b + c + 1$$

① $(a - 1)(b - 1)(c + 1)$ ② $(a + 1)(b - 1)(c - 1)$

③ $(a + 1)(b + 1)(c + 1)$ ④ $(a - 1)(b + 1)(c - 1)$

⑤ $(a - 1)(b - 1)(c - 1)$

해설

$$\begin{aligned} & abc + ab + ac + a + bc + b + c + 1 \\ &= a(bc + b + c + 1) + (bc + b + c + 1) \\ &= (a + 1)(bc + b + c + 1) \\ &= (a + 1)(b + 1)(c + 1) \end{aligned}$$

9. $x^2 - 2xy + y^2 - 5x + 5y + 4$ 를 인수분해하면?

- ① $(x - y - 4)(x - y - 1)$ ② $(x - y + 4)(x - y + 1)$
③ $(x + y + 4)(x + y + 1)$ ④ $(x + y - 4)(x + y - 1)$
⑤ $(x - y - 4)(x - 2y - 1)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xy + y^2 - 5x + 5y + 4 \\= (x - y)^2 - 5(x - y) + 4 \\= (x - y - 4)(x - y - 1)\end{aligned}$$

10. $[a, b, c] = (a-b)(a-c)$ 라 할 때, $[a, b, c] - [b, a, c]$ 를 인수분해하면,
 $(xa + yb + zc)(pa + qb + rc)$ 이다. 이 때, $x + y + z + p + q + r$ 의
값은?

① -1 ② 3 ③ 0 ④ 2 ⑤ -2

해설

$$\begin{aligned} & (a-b)(a-c) - (b-a)(b-c) \\ &= (a-b)(a-c) + (a-b)(b-c) \\ &= (a-b)\{(a-c) + (b-c)\} \\ &= (a-b)(a+b-2c) \\ &\therefore x + y + z + p + q + r \\ &= 1 + (-1) + 0 + 1 + 1 + (-2) = 0 \end{aligned}$$

11. $2x^3 - 8xy^2$ 을 인수분해하면?

- ① $x(x+2y)(x-2y)$ ② $\textcircled{2} 2x(x+2y)(x-2y)$
③ $2(x+2y)(x-2y)$ ④ $2x(x+2y)(x-y)$
⑤ $2x(x+y)(x-2y)$

해설

$$\begin{aligned}2x^3 - 8xy^2 &= 2x(x^2 - 4y^2) \\&= 2x(x+2y)(x-2y)\end{aligned}$$

12. 다음 중 $27ax^2 - 12ay^2$ 를 바르게 인수분해 한 것은?

- ① $(3ax - 3y)^2$ ② $3^2(3ax - 4ay)^2$
③ $3a(3^2ax - 4ay)^2$ ④ $\textcircled{4} 3a(3x + 2y)(3x - 2y)$
⑤ $3(9ax^2 - 4ay^2)$

해설

$$27ax^2 - 12ay^2 = 3a(9x^2 - 4y^2) \\ = 3a(3x + 2y)(3x - 2y)$$