1. 두 다항식 A = 3x - y + 1, B = -x + 2y - 2에 대하여 A - B의 계산결 과로 맞는 식은?

해설

- $\textcircled{4} 4x 3y + 3 \qquad \qquad \textcircled{5} \ \ 2x + y 1$
- ① 2x 3y 1 ② 4x + y 1 ③ 2x + 3y + 3

= 3x - y + 1 + x - 2y + 2

=4x-3y+3

A - B = (3x - y + 1) - (-x + 2y - 2)

2. 다항식 $2x^3 + x^2 - 5x + 3$ 을 $x^2 + x - 1$ 로 나눌 때, 몫과 나머지의 합을 구하여라.

 답:

 ▷ 정답:
 1

02.

직접 나누어 보면

해설

∴ 몫 : 2x - 1, 나머지 : -2x + 2 몫과 나머지의 합은 1 **3.** 다음 등식이 x에 대한 항등식이 되도록 실수 a,b,c의 값을 구하여라.

 $ax^2 - x + c - 3 = 2x^2 - bx - 2$

답:

▶ 답:

▶ 답:

 \triangleright 정답: a=2 \triangleright 정답: b=1

 ▶ 정답: c = 1

해설

각 항의 계수를 서로 비교한다.

4. 등식 $3x^2 + 5x = a(x-1)^2 + b(x+1) + c$ 가 x에 관한 항등식이 되도록 하는 상수 a, b, c에 대하여 a+b-c의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 28

해설

우변을 전개하여 계수비교법으로 미정계수를 구한다. $3x^2 + 5x = a(x-1)^2 + b(x+1) + c$

 $= ax^2 + (-2a + b)x + a + b + c$

a = 3, -2a + b = 5, a + b + c = 0

 $\therefore a = 3, b = 11, c = -14$ $\therefore a+b-c=28$

수치대입법으로 미정계수를 구해도 된다.

해설

양변에 x = 0을 대입하면 $0 = a + b + c \cdots \bigcirc$

양변에 x = 1을 대입하면

 $8 = 2b + c \cdots \bigcirc$

양변에 x = -1을 대입하면 $-2 = 4a + c \cdot \cdot \cdot \bigcirc$ ⊙, ⓒ, ⓒ을 연립하면

a = 3, b = 11, c = -14

 $\therefore a+b-c=28$

- 임의의 실수 x, y에 대하여, $(x+y)a^2+(x-y)b=4x+y$ 가 성립할 **5**. 때, $a^2 + b^2$ 의 값은?

 - ① $\frac{13}{4}$ ② $\frac{15}{4}$ ③ $\frac{17}{4}$ ④ $\frac{19}{4}$ ⑤ $\frac{21}{4}$

$$(a^{2} + b)x + (a^{2} - b)y = 4x + y$$

$$a^{2} + b = 4 \cdots ①, a^{2} - b = 1 \cdots ②$$

1. ②에서
$$a^2 = \frac{5}{2}, b = \frac{3}{2}$$

①, ②에서
$$a^2 = \frac{5}{2}$$
, $b = \frac{3}{2}$

$$\therefore a^2 + b^2 = \frac{19}{4}$$

6. 다항식 $x^{22} + x^{11} + 22x + 11$ 을 x + 1로 나눈 나머지는?

② -22 **3**-11 ① -33 **4** 11 **5** 33

 $f(x) = x^{22} + x^{11} + 22x + 11$ 이라 하면,

해설

f(x) = (x+1)Q(x) + R에서 f(-1) = R이므로 $f(-1) = (-1)^{22} + (-1)^{11} - 22 + 11 = -11$

다항식 $f(x) = x^3 + 3x^2 + kx - k$ 가 x + 1로 나누어떨어지도록 상수 k7. 의 값을 정하면?

① -3 ② -2 ③ -1 ④ 0

⑤1

해설

즉, f(-1) = 0 이므로

f(-1) = -1 + 3 - k - k = 0, $\therefore k = 1$

① 2P ② 4P ③ 6P ④ 8P ⑤ 18P

 $3(4x + 5\pi) = P$ 일 때, $6(8x + 10\pi)$ 느?

8.

해설 $6(8x+10\pi) = 6 \cdot 2(4x+5\pi) = 4 \cdot 3(4x+5\pi) = 4P$

9. $x^3 + x^2 - 8x - 12$ 를 인수분해하면 (x - 3) 이다. 이 때, \Box 안에 알맞은 식은?

① $(x+2)^2$ ② $(x-2)^2$ ③ $(x+1)^2$

 $(x-3)^2$ $(x+3)^2$

- **10.** 2012 = k라 할 때, $2013 \times 2011 \stackrel{.}{=} k$ 로 나타내면?
 - ① $k^2 + k$ (4) $k^2 - k + 1$ (5) $k^2 - k$
- ② $k^2 1$ 3 $k^2 + k + 1$

 $2013 \times 2011 = (k+1)(k-1)$ $= k^2 - 1$

- **11.** x 에 대한 다항식 $3x^3y + 5y xz + 9xy 4$ 에 대하여 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은?
 - ⊙ 내림차순으로 정리하면 $3yx^3 + (9y - z)x + 5y - 4$ 이다.
 - © 오름차순으로 정리하면 $5y - 4 + (9y - z)x + 3yx^3$ 이다.
 - ② x³ 의 계수는 3이다.
 - ◎ 상수항은 -4 이다.

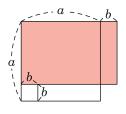
 - \bigcirc \bigcirc , \bigcirc

① ⑦, ⑤

- ② ¬, ©, © ④ つ, ७, ७, ⋒
- $\textcircled{5} \ \textcircled{7}, \textcircled{C}, \textcircled{E}, \textcircled{2}, \textcircled{0}$
- 해설

② x³ 의 계수는 3y 이다. ◎ 상수항은 5y − 4 이다.

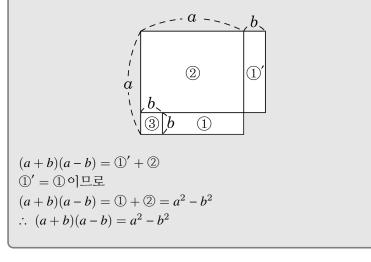
12. 다음 그림에서 색칠한 부분이 나타내고 있는 곱셈공식은 무엇인가?



- ① $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ ② $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
- $(a+b)(a-b) = a^2 b^2$

해설

- $(a+b)(a^2 ab + b^2) = a^3 + b^3$



13. $(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$ 를 전개했을 때, x^2 과 x^3 의 계수를 모두 0이 되게 하는 상수 a, b에 대하여 a+b의 값은?

 \bigcirc -1 3 1 4 2 5 $\frac{3}{2}$ ① -2

 $(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$ $= x^5 + bx^4 + (a+2)x^3 + (ab+2)x^2 + (2a+2b)x + 4$ $(x^2$ 의 계수)= $(x^3$ 의 계수)=0이므로 $ab + 2 = 0, \ a + 2 = 0$ 따라서 a = -2, b = 1 $\therefore a+b=-1$

해설

- **14.** 다항식 $x^3 + ax 8$ 을 $x^2 + 4x + b$ 로 나눌 때, 나머지가 3x + 4가 되도록 상수 a + b의 값을 정하여라.
 - ▶ 답:

▷ 정답: -7

02:

 $x^{3} + ax - 8$ 을 $x^{2} + 4x + b$ 로 직접나는 나머지는

해설

(a-b+16)x + 4b - 8 $(a-b+16)x + 4b - 8 = 3x + 4 \cdots$

①이 x에 대한 항등식이므로,

a-b+16=3, 4b-8=4 $\therefore a=-10, b=3$

 $\therefore a+b=-7$

 $x^3 + ax - 8 = (x^2 + 4x + b)(x + p) + 3x + 4$ 의 양변의 계수를

해설

비교하여 $a=-10,\;b=3,\;p=-4$ 를 구해도 된다.

15. x에 대한 다항식 $(4x^2 - 3x + 1)^5$ 을 전개하였을 때, 모든 계수들(상수항 포함)의 합은?

① 0 ② 16 ③ 32 ④ 64 ⑤ 1024

 $(4x^2-3x+1)^5$ 을 전개하여 x에 대한 내림차순으로 정리하면 $(4x^2 - 3x + 1)^5 = a_0x^{10} + a_1x^9 + a_2x^8 + \dots + a_9x + a_{10}$ 과 같이 된다. 여기서 모든 계수들의 합

 $a_0 + a_1 + a_2 + \dots + a_{10}$ 을 구하려면 x = 1을 대입하면 된다.

모든 계수들의 합은 $2^5 = 32$

 $\stackrel{\text{\tiny A}}{=}$, $(4-3+1)^5 = a_0 + a_1 + a_2 + \dots + a_{10}$

해설

16. $x^3 + ax^2 + bx - 4$ 는 x - 2로 나누어 떨어지고 x + 1로 나누면 나머지가 6이다. a - b의 값을 구하여라.

답:

➢ 정답: 11

해설

 $f(x) = x^3 + ax^2 + bx - 4$ 라 하면 $f(2) = 4a + 2b + 4 = 0 \cdots$ \bigcirc $f(-1) = a - b - 5 = 6 \cdots$ \bigcirc \bigcirc , \bigcirc 에서 a = 3, b = -8 $\therefore a - b = 11$

17. 다항식 $x^4 - 3x^2 + ax + 5$ 를 x + 2로 나누면 나머지가 3이다. a의 값은?

- ① 0 ② 2 ③ 3 ④ -2 ⑤ -3

해설 $x^4 - 3x^2 + ax + 5 = f(x)$ 라 놓자.

f(-2) = 3 에서 -2a + 9 = 3 $\therefore a = 3$

- **18.** 다항식 f(x)를 두 일차식 x-1, x-2로 나눌 때의 나머지는 각각 2, 1이다. 이때, f(x)를 $x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때 나머지는?
 - 4 x 3 5 x + 1

① x + 3

- ②-x+3 ③ x-3

f(x)를 x-1, x-2로 나눈 나머지는 각각 2,1이므로

f(1)=2, f(2)=1, 구하는 나머지를 ax+b라 하자. $f(x) = (x^2 - 3x + 2)Q(x) + ax + b$

= (x-1)(x-2)Q(x) + ax + b

양변에 각각 x = 1, x = 2를 대입하면 $f(1) = a + b = 2, \ f(2) = 2a + b = 1$

두 식을 연립하여 구하면 a=-1,b=3∴구하는 나머지는 -*x* + 3

- **19.** 다항식 $8x^3 1 riangleq 4x^2 + 2x + 1$ 로 나누었을 때의 몫을 Q(x)라 할 때 Q(x)의 상수항의 계수는?
 - ① -2

- ②-1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

 $8x^3 - 1 = (2x)^3 - 1^3 = (2x - 1)(4x^2 + 2x + 1)$

 $\therefore Q(x) = 2x - 1$

:.상수항은 -1

20. $(x^2 + x)(x^2 + x + 1) - 6$ 을 인수분해하면?

③
$$(x-2)(x+1)(x^2+x+3)$$
 ④ $(x-1)(x+2)(x^2-x+3)$
⑤ $(x+1)(x-2)(x^2-x+3)$

① $(x-1)(x+2)(x^2+x+3)$ ② $(x-1)(x+2)(x^2+x-3)$

$$x^2 + x = X$$
라 하자.
(준식) = $X(X+1) - 6$
= $X^2 + X - 6$
= $(X+3)(X-2)$
= $(x^2 + x + 3)(x^2 + x - 2)$
= $(x-1)(x+2)(x^2 + x + 3)$

21. 다음 중 다항식 $x^4 - 5x^2 + 4$ 를 인수분해 할 때, 나타나는 인수가 <u>아닌</u> 것은?

① x-1 ② x-2 ③ x-3 ④ x+1 ⑤ x+2

해설 $x^4 - 5x^2 + 4 = (x^2 - 1)(x^2 - 4)$ = (x+1)(x-1)(x+2)(x-2)

22. $x^4 + 3x^2 + 4 = (x^2 + x + 2)(x^2 + ax + b)$ 일 때, 상수 a, b의 곱을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

(좌 년) = $(x^2 + 2)^2 - x^2$ = $(x^2 + x + 2)(x^2 - x + 2)$ ∴ a = -1, b = 2

 $\therefore ab = -1 \times 2 = -2$

23. $x^2 - 2x - y^2 + 2y$ 를 인수분해 하였더니 (x + ay)(x - by + c)가 된다고 할 때, a + b + c의 값을 구하여라.

▶ 답:

N 715

▷ 정답: -4

해설

 $x^2 - 2x - y^2 + 2y$

$$= (x^2 - y^2) - 2(x - y)$$

$$= (x + y - 2)(x - y)$$

$$= (x + ay)(x - by + c)$$
계수를 비교하면
$$a = -1, b = -1, c = -2$$

$$\therefore a + b + c = -1 - 1 - 2 = -4$$

24. 다음 중 식의 전개가 바르지 <u>않은</u> 것을 고르면?

①
$$(1-x)(1+x+x^2) = 1-x^3$$

② $(x^2+xy+y^2)(x^2-xy+y^2) = x^4+x^2y^2+y^4$

해설

$$(x-3)(x-2)(x+1)(x+2) = x^4 - 8x^2 + 12$$

⑤
$$(a+b-c)(a-b+c) = a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$$

$$(x-3)(x-2)(x+1)(x+2)$$

$$= (x^2 - x - 6)(x^2 - x - 2)$$

$$x^2 - x = Y \stackrel{!}{\rightarrow} \stackrel{$$

25. a = 2004, b = 2001일 때, $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$ 의 값은?

① 21

② 23

3 25

⑤ 29

준 식은 $(a-b)^3$ 이다. a - b = 2004 - 2001 = 3

 $\therefore (a-b)^3 = 3^3 = 27$