

1. 다항식  $2xy^2 + x^2y - 3x + x^3 - 1$ 에 대한 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

- ①  $x$ 에 대한 삼차식이다.
- ②  $y$ 에 대한 이차식이다.
- ③  $x^2$ 의 계수는  $y$ 이다.
- ④  $x$ 의 계수는  $2y^2 - 3$ 이다.
- ⑤  $y$ 에 대한 상수항은  $-1$ 이다.

해설

⑤  $y$ 에 대한 상수항:  $x^3 - 3x - 1$

2. 두 다항식  $A = 5x^3 + x^2 - 6x + 7$ ,  $B = 2x^3 - 4x^2 - 1$ 에 대하여  $2A - 3B$ 를 계산한 식에서  $x^2$ 의 계수는 얼마인가?

① 14

② -12

③ 4

④ 17

⑤ 18

해설

$$\begin{aligned}2A - 3B \\= 2(5x^3 + x^2 - 6x + 7) - 3(2x^3 - 4x^2 - 1) \\= 4x^3 + 14x^2 - 12x + 17\end{aligned}$$

∴  $x^2$ 의 계수 : 14

해설

이차항만 뽑아서 계산한다.

$$2A - 3B \Rightarrow 2(x^2) - 3(-4x^2) = 2x^2 + 12x^2 = 14x^2$$

3. 다항식  $f(x) = 3x^3 - 7x^2 + 5x + 2$ 를  $3x - 1$ 로 나눌 때의 몫과 나머지를 구하면?

① 몫 :  $x^2 - 2x + 1$ , 나머지 : 3

② 몫 :  $x^2 - 2x + 1$ , 나머지 : 2

③ 몫 :  $x^2 + 2x + 1$ , 나머지 : 3

④ 몫 :  $x^2 + 2x + 1$ , 나머지 : 2

⑤ 몫 :  $x^2 + 2x + 1$ , 나머지 : 1

해설

직접나누는 방법과 조립제법을 이용하여 구하는 방법이 있다.

$$f(x) = (3x - 1)(x^2 - 2x + 1) + 3$$

$$\therefore \text{몫} : x^2 - 2x + 1, \text{나머지} : 3$$

4. 다음 중 다항식의 사칙연산이 잘못된 것은?

①  $(4x - 2) + (7 - 2x) = 2x - 5$

②  $(x^2 + 2y^2) - 2(y^2 - 3x^2) = 7x^2$

③  $(x + y)^3 = x^3 + 3x^2y + 3xy^2 + y^3$

④  $(x + y + z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2yz + 2zx$

⑤  $(x^3 + 1) \div (x + 1) = x^2 - x + 1$

해설

①  $(4x - 2) + (7 - 2x) = 2x + 5$

5.  $x$  에 대한 다항식  $A = 2x^3 + 5x^2 + 4$  를 다항식  $B$  로 나눌 때, 몫이  $2x + 1$  이고, 나머지가  $-6x + 2$  이다. 이 때, 다항식  $B$  를 구하면?

- Ⓐ  $x^2 + 2x + 2$  Ⓛ  $x^2 + x + 2$  Ⓝ  $x^2 - x + 2$   
Ⓐ  $x^2 - 2x + 2$  Ⓟ  $x^2 - 3x + 2$

해설

$$A = B(2x + 1) - 6x + 2 \text{ 에서}$$

$$B(2x + 1) = 2x^3 + 5x^2 + 6x + 2$$

$$\begin{aligned}\therefore B &= (2x^3 + 5x^2 + 6x + 2) \div (2x + 1) \\ &= x^2 + 2x + 2\end{aligned}$$

6. 다항식  $f(x)$ 를  $2x^2 + 3x + 2$ 로 나누었더니 몫이  $3x - 4$ 이고, 나머지가  $2x + 5$ 이었다. 이 때,  $f(1)$ 의 값은?

- ① -1      ② 0      ③ 1      ④ 3      ⑤ 5

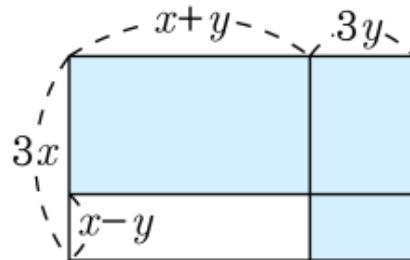
해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\&= 6x^3 + 9x^2 + 6x - 8x^2 - 12x - 8 + 2x + 5 \\&= 6x^3 + x^2 - 4x - 3 \\\therefore f(1) &= 6 + 1 - 4 - 3 = 0\end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\f(1) &= (2 + 3 + 2)(3 - 4) + (2 + 5) = -7 + 7 = 0\end{aligned}$$

7. 다음 그림의 직사각형에서 색칠한 부분의 넓이를 나타내는 식을 세워 전개하였을 때,  $y^2$  항의 계수는?



- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned}(x + 4y)(3x) - (x + y)(x - y) \\= 3x^2 + 12xy - x^2 + y^2 \\= 2x^2 + 12xy + y^2\end{aligned}$$

8. 다음  안에 알맞은 수를 차례대로 써 넣어라.

$$(x^3 + 4x^2 + 3x - 2) \div (\square x^2 + \square x + \square) = x + 2$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

▷ 정답 : 2

▷ 정답 : -1

### 해설

$$\square x^2 + \square x + \square = A \text{ 라 하면}$$

$$(x^3 + 4x^2 + 3x - 2) \div A = x + 2$$

$$\therefore A = (x^3 + 4x^2 + 3x - 2) \div (x + 2)$$

$$\therefore A = x^2 + 2x - 1 \text{ 이므로}$$

안에 알맞은 수는 차례대로 1, 2, -1이다.

9. 두 다항식  $(1 + x + x^2 + x^3)^3$ ,  $(1 + x + x^2 + x^3 + x^4)^3$ 의  $x^3$ 의 계수를 각각  $a$ ,  $b$  라 할 때,  $a - b$ 의 값은?

①  $4^3 - 5^3$

②  $3^3 - 3^4$

③ 0

④ 1

⑤ -1

### 해설

두 다항식이  $1+x+x^2+x^3$ 을 포함하고 있으므로  $1+x+x^2+x^3 = A$  라 놓으면

$$(1 + x + x^2 + x^3 + x^4)^3$$

$$= (A + x^4)^3$$

$$= A^3 + 3A^2x^4 + 3Ax^8 + x^{12}$$

$$= A^3 + (3A^2 + 3Ax^4 + x^8)x^4$$

이 때  $(3A^2 + 3Ax^4 + x^8)x^4$ 은  $x^3$  항을 포함하고 있지 않으므로 두 다항식의  $x^3$ 의 계수는 같다.

$$\therefore a - b = 0$$

10.  $a = 2004$ ,  $b = 2001$  일 때,  $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$  의 값은?

① 21

② 23

③ 25

④ 27

⑤ 29

해설

준 식은  $(a - b)^3$  이다.

$$a - b = 2004 - 2001 = 3$$

$$\therefore (a - b)^3 = 3^3 = 27$$

11.  $(10^5 + 2)^3$ 의 각 자리의 숫자의 합을 구하여라.

① 15

② 18

③ 21

④ 26

⑤ 28

해설

준식을 전개하면

$$\begin{aligned} & 10^{15} + 2^3 + 3 \times 2 \times 10^5 (10^5 + 2) \\ &= 10^{15} + 2^3 + 6 \times 10^{10} + 12 \times 10^5 \\ &= 10^{15} + 10^{10} \times 6 + 10^5 \times 12 + 8 \\ \therefore & 1 + 6 + 1 + 2 + 8 = 18 \end{aligned}$$

12.  $a+b+c = 0$ ,  $a^2+b^2+c^2 = 1$  일 때,  $4(a^2b^2+b^2c^2+c^2a^2)$ 의 값은?

- ①  $\frac{1}{4}$       ②  $\frac{1}{2}$       ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca)$$

$$\therefore ab + bc + ca = -\frac{1}{2}$$

$$4(a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2)$$

$$= 4\{(ab + bc + ca)^2 - 2abc(a + b + c)\}$$

$$= 4 \times \left(-\frac{1}{2}\right)^2 = 1$$

13. 세 모서리의 길이의 합이 22이고 대각선의 길이가 14인 직육면체의  
겉넓이는?

① 144

② 196

③ 288

④ 308

⑤ 496

해설

세 모서리를  $x, y, z$ 라 하면

$$x + y + z = 22 \cdots \cdots ①$$

$$\sqrt{x^2 + y^2 + z^2} = 14 \cdots \cdots ② \text{이고}$$

겉넓이는  $2(xy + yz + zx)$ 이다.

$$①, ② \text{에서 } 22^2 = 14^2 + 2(xy + yz + zx)$$

$$\therefore 2(xy + yz + zx) = 288$$

14.  $x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$  일 때,  $a^{x^2} \div a^{2\sqrt{2}x+3}$  의 값을 구하면?

①  $\frac{2 - \sqrt{3}}{4}$

②  $\frac{4 + \sqrt{3}}{4}$

③  $\frac{2\sqrt{3} - 3}{4}$

④  $\frac{2 - \sqrt{3}}{2}$

⑤  $\frac{2 + \sqrt{3}}{2}$

해설

( i )  $x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$ 에서  $x - \sqrt{2} = \sqrt{3}$

$$x^2 - 2\sqrt{2}x + 2 = 3$$

$$\therefore x^2 - 2\sqrt{2}x = 1$$

( ii )  $a^{x^2} \div a^{2\sqrt{2}x+3} = a^{x^2 - 2\sqrt{2}x - 3} = a^{-2}$

$$= \frac{1}{a^2} = \frac{2 - \sqrt{3}}{2}$$

15.  $P = (2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$ 의 값을 구하면?

- ①  $2^{32}-1$       ②  $2^{32}+1$       ③  $2^{31}-1$   
④  $2^{31}+1$       ⑤  $2^{17}-1$

해설

주어진 식에  $(2-1)=1$ 을 곱해도 값은 변하지 않으므로

$$\begin{aligned}P &= (2-1)(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1) \\&= (2^2-1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1) \\&= (2^4-1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1) \\&= \vdots \\&= (2^{16}-1)(2^{16}+1) \\&= 2^{32}-1\end{aligned}$$

16. 삼각형의 세 변의 길이  $a, b, c$ 에 대하여  $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca$  이 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

① 직각삼각형

② 이등변삼각형

③ 정삼각형

④ 직각이등변삼각형

⑤ 둔각삼각형

해설

$$a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca \text{에서 } a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 0$$

$$\frac{1}{2}(2a^2 + 2b^2 + 2c^2 - 2ab - 2bc - 2ca) = 0$$

$$\frac{1}{2}(a^2 - 2ab + b^2 + b^2 - 2bc + c^2 + c^2 - 2ca + a^2) = 0$$

$$\frac{1}{2} \{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\} = 0 \text{이고,}$$

$a, b, c$ 는 실수이므로,  $a-b=0, b-c=0, c-a=0$

$$\therefore a=b=c$$

따라서, 주어진 삼각형은 정삼각형이다.

17. 대각선의 길이가 28이고, 모든 모서리의 길이의 합이 176인 직육면체의 겉넓이를 구하려 할 때, 다음 중에서 사용되는 식은 ?

①  $(x-a)(x-b)(x-c)$

$$= x^3 - (a+b+c)x^2 + (ab+bc+ca)x - abc$$

②  $\frac{1}{2}\{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\}$   
 $= a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca$

③  $(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$

④  $(x+a)(x+b)(x+c)$

$$= x^3 + (a+b+c)x^2 + (ab+bc+ca)x + abc$$

⑤  $(a+b+c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca)$

$$= a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$$

### 해설

직육면체의 가로의 길이, 세로의 길이, 높이를

각각  $a, b, c$  라 하면 대각선의 길이는

$$\sqrt{a^2 + b^2 + c^2} = 28$$

$$\therefore a^2 + b^2 + c^2 = 28^2 \cdots \textcircled{⑦}$$

또, 모든 모서리의 길이의 합은 176이므로

$$4(a+b+c) = 176$$

$$\therefore a+b+c = 44 \cdots \textcircled{⑧}$$

이 때, 직육면체의 겉넓이는  $2(ab+bc+ca)$  이므로

$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab+bc+ca) \cdots \textcircled{⑨}$$

따라서 ⑦, ⑧을 ⑨에 대입하여 겉넓이를 구하면 1152이다.

18. 두 실수  $x, y$ 에 대하여  $x^2 + y^2 = 7$ ,  $x + y = 3$  일 때,  $x^5 + y^5$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 123

해설

$$(x+y)^2 = x^2 + y^2 + 2xy \text{에서 } 3^2 = 7 + 2xy, xy = 1$$

$$(x+y)^3 = x^3 + y^3 + 3xy(x+y) \text{에서 } x^3 + y^3 = 18$$

$$\begin{aligned}x^5 + y^5 &= (x^2 + y^2)(x^3 + y^3) - x^2y^2(x+y) \\&= 7 \times 18 - 1^2 \times 3 \\&= 123\end{aligned}$$

19. 다항식  $f(x)$ 는 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x^2 + 1) = x^4 + 5x^2 + 3$  을 만족시킨다.  $f(x^2 - 1)$  을 구한 것은?

- ①  $x^4 + 5x^2 + 1$       ②  $x^4 + x^2 - 3$       ③  $x^4 - 5x^2 + 1$   
④  $x^4 + x^2 + 3$       ⑤ 답 없음

해설

$$x^2 + 1 = t \text{ 라 하면 } x^2 = t - 1$$

주어진 식에 대입하면

$$f(t) = (t - 1)^2 + 5(t - 1) + 3$$

$$\therefore f(t) = t^2 + 3t - 1$$

$$\begin{aligned}f(x^2 - 1) &= (x^2 - 1)^2 + 3(x^2 - 1) - 1 \\&= x^4 + x^2 - 3\end{aligned}$$

20.  $a - b = 1$  이고,  $a^2 + b^2 = -1$  일 때,  $a^{14} + b^{20}$  의 값을 구하면?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$b = a - 1$  을  $a^2 + b^2 = -1$ 에 대입하면

$a^2 - a + 1 = 0$ 에서  $a^3 = -1$

$a = b + 1$  을  $a^2 + b^2 = -1$ 에 대입하면

$b^2 + b + 1 = 0$ 에서  $b^3 = 1$

$$a^{14} + b^{20} = (a^3)^4 \times a^2 + (b^3)^6 \times b^2$$

$$= a^2 + b^2 = -1$$