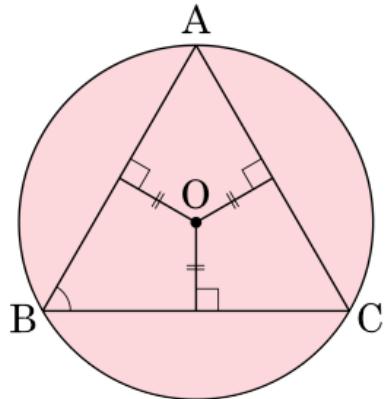


1. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 에서 외접원의 중심 O 에서 세 변에 내린 수선의 길이가 모두 같을 때, $\angle B$ 의 크기를 구하여라.



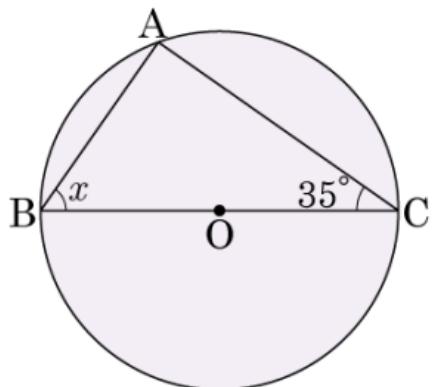
▶ 답 : ${}^{\circ}$

▷ 정답 : 60°

해설

원의 중심에서 현에 내린 수선의 길이가 같으면 그 현의 길이도 같으므로 $\triangle ABC$ 는 정삼각형이다. 따라서 $\angle B = 60^{\circ}$ 이다.

2. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : _____ °

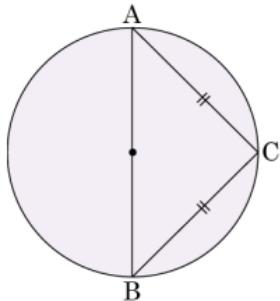
▶ 정답 : 55 °

해설

5.0pt \widehat{BC} 의 원주각 $\angle BAC = 90^\circ$

$\triangle ABC$ 에서 $\angle x = 180^\circ - 90^\circ - 35^\circ = 55^\circ$

3. 다음 그림에서 $5.0\text{pt}\widehat{AC} : 5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 를 구하면?



① $1 : \sqrt{2}$

② $1 : 2$

③ $1 : 3$

④ $2 : 3$

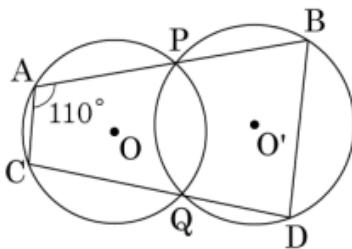
⑤ $3 : 4$

해설

$$5.0\text{pt}\widehat{AC} : 5.0\text{pt}\widehat{AB} = \angle B : \angle C$$

$$45^\circ : 90^\circ = 1 : 2$$

4. 다음 그림에서 $\angle CAP = 110^\circ$ 일 때, $\angle DBP$ 의 크기를 구하여라.



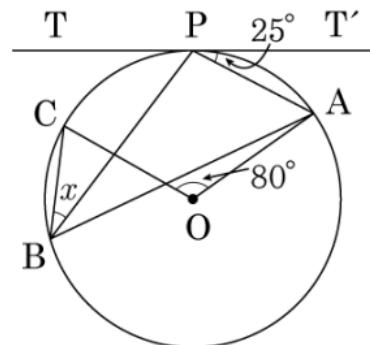
▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}}$ $^\circ$

▶ 정답: 70°

해설

$$\angle DBP = \angle CQP = 70^\circ$$

5. 다음 그림에서 직선 TT' 이 원 O 의 접선이고 점 P 가 접점일 때, $\angle CBP$ 의 크기는 °이다. 안에 알맞은 수는?



▶ 답 :

▷ 정답 : 15

해설

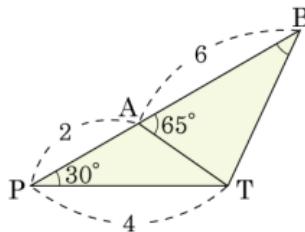
$$\angle ABP = 25^\circ$$

$$\angle ABC = \frac{1}{2} \angle AOC = \frac{1}{2} \times 80^\circ = 40^\circ$$

$$x^\circ + 25^\circ = 40^\circ$$

$$\therefore \angle x = 15^\circ$$

6. 다음 그림에서 $\overline{PA} = 2$, $\overline{AB} = 6$, $\overline{PT} = 4$ 이고 $\angle APT = 30^\circ$, $\angle BAT = 65^\circ$ 이다. 이 때, $\angle PBT$ 의 크기는?



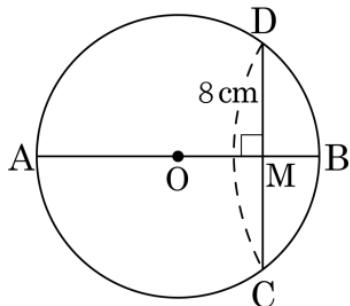
- ① 30° ② 35° ③ 40° ④ 45° ⑤ 50°

해설

$\overline{PT}^2 = \overline{PA} \times \overline{PB} \Rightarrow 4^2 = 2 \times 8$ 이 성립하므로 \overline{PT} 는 원의 접선이다.

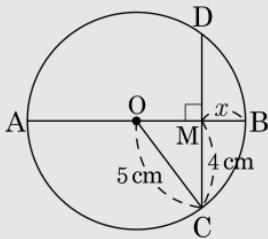
따라서, $\angle ABT = \angle ATP = 65^\circ - 30^\circ = 35^\circ$ 이다.

7. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 5cm 인 원 O에서 $\overline{AB} \perp \overline{CD}$, $\overline{CD} = 8\text{cm}$ 일 때, \overline{BM} 의 길이는?



- ① 1cm ② 2cm ③ 3cm ④ 4cm ⑤ 5cm

해설



$$\overline{BM} = x \text{ 라 하면}$$

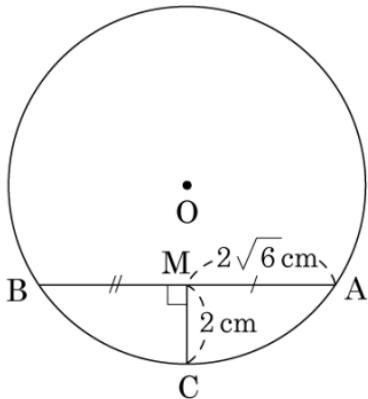
$\triangle OCM$ 에서 $\overline{OC}^2 = \overline{OM}^2 + \overline{CM}^2$ 이므로

$$5^2 = \overline{OM}^2 + 4^2$$

$$\overline{OM} = 3$$

$$\therefore x = 2$$

8. 다음을 그림을 참고하여 원 O의 넓이를 구하면?



- ① $48\pi \text{ cm}^2$ ② $49\pi \text{ cm}^2$ ③ $50\pi \text{ cm}^2$
④ $51\pi \text{ cm}^2$ ⑤ $53\pi \text{ cm}^2$

해설

$$r^2 = (2\sqrt{6})^2 + (r - 2)^2$$

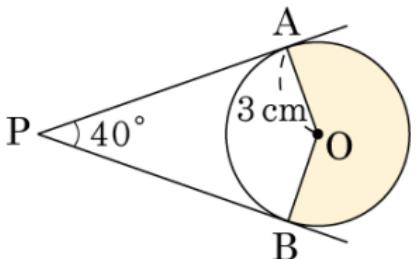
$$r^2 = 24 + r^2 - 4r + 4$$

$$4r = 28$$

$$r = 7 \text{ (cm)}$$

따라서 원의 넓이는 $\pi \times 7^2 = 49\pi \text{ (cm}^2\text{)}$ 이다.

9. 다음 그림에서 \overline{PA} , \overline{PB} 는 반지름의 길이가 3cm인 원 O의 접선이다. 이 때, 색칠한 부분의 넓이는?



- ① $4\pi \text{cm}^2$ ② $5.5\pi \text{cm}^2$ ③ $6\pi \text{cm}^2$
④ $8.5\pi \text{cm}^2$ ⑤ $12\pi \text{cm}^2$

해설

□OAPB에서 $\angle AOB$ 는 140° 이다.

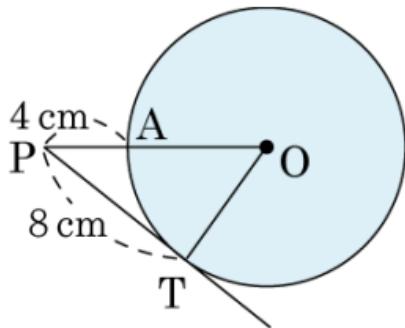
따라서 색칠한 부분의 $\angle AOB = 220^\circ$ 이다.

색칠한 부분의 넓이는

$$\pi \times 3^2 \times \frac{220^\circ}{360^\circ} = \frac{11}{2}\pi (\text{cm}^2) \text{이다.}$$

10. 다음 그림에서 \overrightarrow{PT} 는 원 O의 접선이고 점 T는 접점이다. $\overline{PT} = 8\text{ cm}$, $\overline{PA} = 4\text{ cm}$ 일 때, 원 O의 넓이는?

- ① $24\pi\text{ cm}^2$ ② $36\pi\text{ cm}^2$
③ $49\pi\text{ cm}^2$ ④ $60\pi\text{ cm}^2$
⑤ $65\pi\text{ cm}^2$



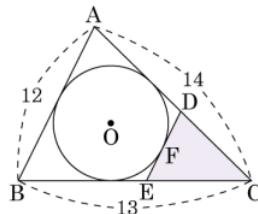
해설

$\overline{AO} = \overline{TO} = r$ 이라 하면, $\overline{OP}^2 = \overline{PT}^2 + \overline{OT}^2$ 에 의하여
 $(r+4)^2 = 64 + r^2$

$$\therefore r = 6$$

따라서 원의 넓이는 $\pi r^2 = 36\pi\text{ cm}^2$ 이다.

11. 다음 그림에서 원 O는 $\triangle ABC$ 의 내접원이고, 점 F가 원 O의 접점일 때, $\triangle CDE$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 15

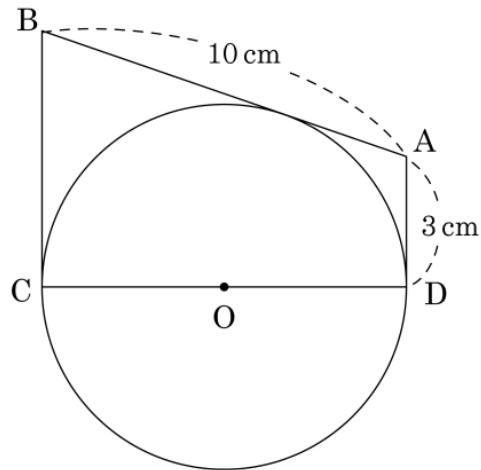
해설

원 O와 \overline{AC} , \overline{BC} 와의 교점을 T, T' 라 하고, $\overline{CT} = \overline{CT'} = x$ 라 하면

$$(13 - x) + (14 - x) = 2, \quad \therefore x = \frac{15}{2}$$

$$(\therefore \triangle CDE \text{의 둘레의 길이}) = \overline{CT} + \overline{CT'} = 2x = 2 \times \frac{15}{2} = 15$$

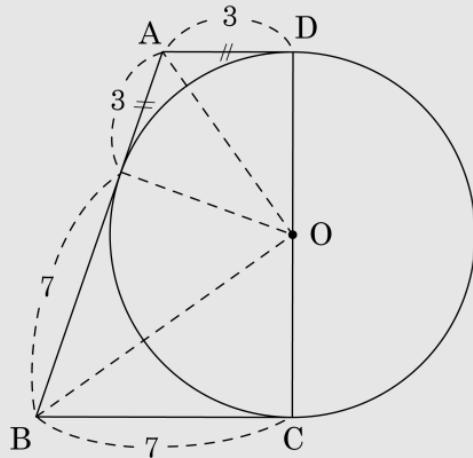
12. 다음 그림과 같이 $\overline{AD} = 3\text{ cm}$, $\overline{AB} = 10\text{ cm}$ 이고 원 O 가 \overline{AD} , \overline{AB} , \overline{BC} 에 각각 접할 때, 선분 BC 의 길이로 알맞은 것은?



- ① 6 cm ② 7 cm ③ 8 cm ④ 9 cm ⑤ 10 cm

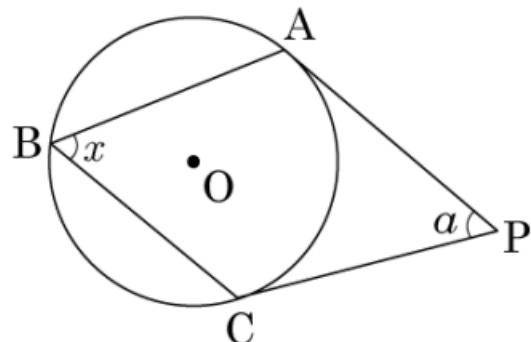
해설

그림과 같이 이으면 $\overline{BC} = 7\text{ cm}$



13. 두 점 A, C 가 접점이고 $\angle ABC = x$ 라고 할 때, a 의 값을 x 에 대한 관계식으로 알맞게 나타낸 것은?

- ① $360^\circ - x$ ② $180^\circ + x$
③ $180^\circ - 2x$ ④ $360^\circ - 2x$
⑤ $90^\circ - x$



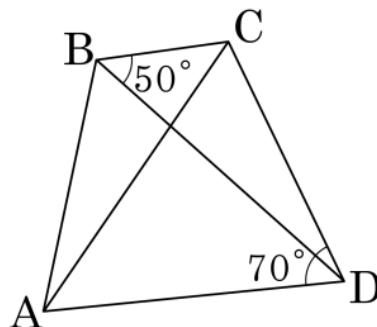
해설

점 A, C에서 원의 중심 O에 이르는 보조선을 그으면 $\angle OCP = \angle OAP = 90^\circ$ 이다.

또한, $\angle AOC = 2x$ 이다.

$$\therefore a = 360^\circ - 90^\circ - 90^\circ - 2x = 180^\circ - 2x$$

14. 다음 그림에서 이 사각형이 원에 내접할 때, $\angle ACD$ 의 크기를 바르게 구한 것은?



- ① 64° ② 63° ③ 62° ④ 61° ⑤ 60°

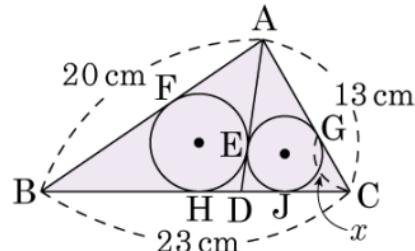
해설

□ABCD 가 원에 내접하므로

$$\angle ABC + \angle ADC = 180^\circ, \angle ABD = 60^\circ$$

$$\angle ABD = \angle ACD = 60^\circ$$

15. 그림과 같이 $\overline{AB} = 20\text{cm}$, $\overline{BC} = 23\text{cm}$, $\overline{AC} = 13\text{cm}$, $\overline{DE} = 3\text{cm}$ 인 $\triangle ABD$, $\triangle ADC$ 의 내접원을 그리면 이 두 원이 한 점 E에서 접할 때, \overline{CG} 의 길이는?



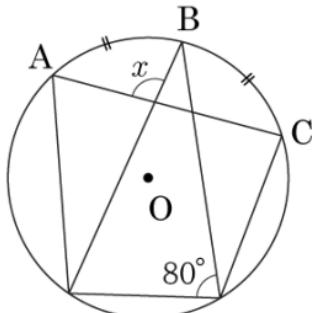
- ① 2cm ② 2.3cm ③ 3.8cm
 ④ 4cm ⑤ 5cm

해설

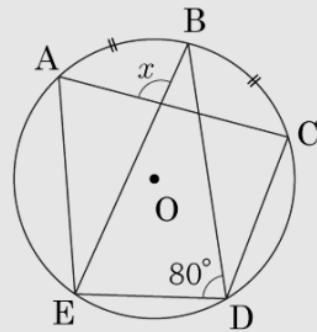
$\overline{CG} = x\text{cm}$ 라 하면
 $\overline{AG} = 13 - x = \overline{AE} = \overline{AF}$,
 $\overline{BF} = 20 - (13 - x) = 7 + x = \overline{BH}$,
 $\overline{DE} = \overline{DH} = \overline{DJ} = 3(\text{cm})$
 따라서, $\overline{BC} = (7 + x) + 3 + 3 + x = 23(\text{cm})$
 $\therefore x = 5(\text{cm})$

16. 다음 그림과 같이 원 O 위의 점 A, B, C 가 있다. $\angle x$ 의 크기는? (단, $5.0pt\widehat{AB} = 5.0pt\widehat{BC}$)

- ① 100° ② 110° ③ 120°
④ 130° ⑤ 140°

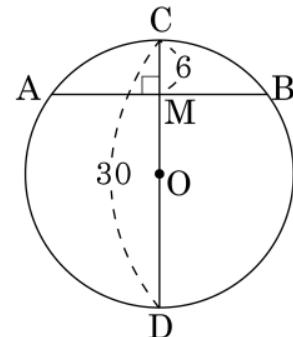


해설



다음 그림에서 점 D, E 를 잡으면 $\angle BDC = \angle BEA$ 이다.
내접사각형 $AEDC$ 에서 $\angle A + \angle EDC = 180^\circ$ 이므로 $x = \angle A + \angle BEA = \angle A + \angle BDC = 100^\circ$ 이다.

17. 다음 그림과 같은 지름의 길이가 30인 원 O에서 $\overline{AB} \perp \overline{CD}$, $CM = 6$ 이다. 이때 \overline{AB} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 24

해설

$$\overline{AM} = \overline{BM} = x \text{ 라 하면}$$

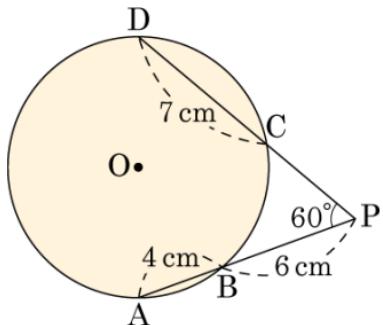
$$\overline{AM} \times \overline{BM} = \overline{CM} \times \overline{DM} \text{ 에서}$$

$$x^2 = 6 \times 24 = 144$$

$$\therefore x = 12 (\because x > 0)$$

$$\therefore \overline{AB} = 2\overline{AM} = 2x = 24$$

18. 다음 그림과 같이 원 O 밖의 한 점 P에서 원에 그은 두 직선이 원과 만나서 생기는 현을 각각 \overline{AB} , \overline{CD} 라고 하자. $\overline{AB} = 4\text{cm}$, $\overline{CD} = 7\text{cm}$, $\overline{PB} = 6\text{cm}$, $\angle APD = 60^\circ$ 일 때, 원 O의 넓이는?



- ① $21\pi \text{ cm}^2$ ② $21\sqrt{3}\pi \text{ cm}^2$
 ④ $31\sqrt{2}\pi \text{ cm}^2$ ⑤ $41\pi \text{ cm}^2$

③ $31\pi \text{ cm}^2$

해설

원에서의 비례 관계에 의하여
 $\overline{PD} \cdot \overline{PC} = \overline{PA} \cdot \overline{PB}$ ($\overline{PC} = x$)
 이므로

$$(x+7) \times x = 10 \times 6$$

$$x^2 + 7x - 60 = 0$$

$$(x+12)(x-5) = 0$$

$$\therefore x = 5\text{ cm} = \overline{PC}$$

\overline{AC} , \overline{AD} 를 그으면 $\overline{AP} = 2\overline{PC}$,

$\angle APC = 60^\circ$ 이므로 $\angle ACP = 90^\circ$ (\because 특수각의 성질)

즉, \overline{AD} 가 원의 지름이다.

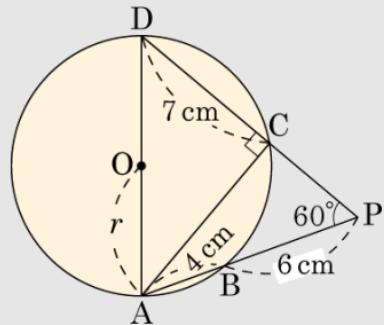
$$\overline{AC} = \sqrt{10^2 - 5^2} = 5\sqrt{3}(\text{cm}) \text{ 이므로}$$

$$\triangle ACD \text{에서 } \overline{AD}^2 = \overline{AC}^2 + \overline{CD}^2$$

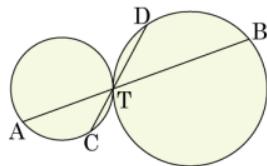
$$4r^2 = 75 + 49$$

$$\therefore r = \sqrt{31} \text{ cm}$$

따라서, 원의 넓이는 $\pi r^2 = 31\pi(\text{cm}^2)$ 이다.



19. 다음 그림과 같이 점 T에서 두 원이 접하고, $\overline{AT} = 4$, $\overline{BT} = 6$, $\overline{CT} = 2$ 일 때, 선분 DT의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

두 원의 공통외접선 PQ를 그으면

$\angle ATP = \angle ACT$, $\angle QTB = \angle BDT$ 이므로

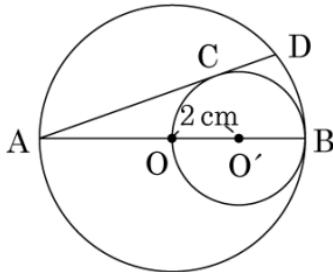
$\angle ACT = \angle BDT$

또, $\angle ATC = \angle BTD$ 이므로 $\triangle TAC \sim \triangle TBD$

$$\text{따라서 } \overline{DT} = \frac{\overline{BT} \cdot \overline{CT}}{\overline{AT}} = 3$$

20. 다음 그림에서 원 O' 은 원 O 의 중심을 지나며 내접하고, \overline{AD} 는 원 O' 과 점 C에서 접한다. $\overline{OO'} = 2\text{ cm}$ 일 때, \overline{AD} 의 길이는?

- ① $3\sqrt{2}\text{ cm}$
- ② $4\sqrt{2}\text{ cm}$
- ③ $3\sqrt{5}\text{ cm}$
- ④ $\frac{16\sqrt{2}}{3}\text{ cm}$
- ⑤ $6\sqrt{2}\text{ cm}$



해설

할선과 접선의 관계에서

$$\overline{AC}^2 = \overline{OA} \cdot \overline{AB} = 4 \times 8 = 32$$

$$\therefore \overline{AC} = 4\sqrt{2}(\text{cm})$$

점 C 와 O' , D 와 B 를 연결하면

$$\angle ACO' = \angle ADB = 90^\circ, \angle A \text{ 는 공통}$$

$\triangle ACO' \sim \triangle ADB$ (AA 닮음) 이므로

$$\therefore \overline{AC} : \overline{AD} = \overline{AO'} : \overline{AB}$$

$$\therefore \overline{AD} = \frac{\overline{AC} \times \overline{AB}}{\overline{AO'}} = \frac{4\sqrt{2} \times 8}{6} = \frac{16}{3}\sqrt{2}(\text{cm})$$