- 1. 다음 중 다항식의 계산결과가 <u>잘못된</u> 것은?
 - ① (5x y) + (3x 2y) = 8x 3y
 - ② $(5x^3 + x^2 6x + 7) (2x^3 4x^2 1) = 3x^3 + 5x^2 6x + 8$
 - $(xy + xy^2 x^2) (3x^2 xy)$ $= 2xy + xy^2 4x^2$

 $(x^2 + 1)(3x^2 - 2x - 1) = 3x^4 - 2x^3 + 2x^2 - 2x - 1$

2. $\frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{3}$ 을 만족하는 모든 실수 x, y에 대하여 항상 ax+by+5 = 0이다. 이때 a+b의 값을 구하라.

 답:

 ▷ 정답:
 1

 $\frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{3} = t$ 라 하면 $x = 2t - 1, \ y = 3t + 1$ 이것을 ax + by + 5 = 0에 대입하면 a(2t-1) + b(3t+1) + 5 = 0(2a+3b)t + (-a+b+5) = 0이 식이 모든 실수 t에 대하여 성립해야 하므로 $2a + 3b = 0 \cdots 0$ $-a+b+5 = 0 \cdots 0$ $0, ②를 연립하여 풀면 <math display="block">a = 3, \ b = -2 \quad \therefore \ a+b = 3 + (-2) = 1$

 $\frac{A}{B} = \frac{C}{D} \Leftrightarrow AD = BC$ 성질 이용 3x + 3 = 2y - 2 $3x - 2y + 5 = 0 \stackrel{\bullet}{\leftarrow} ax + by + 5 = 0$

 $\therefore a = 3, \ b = -2$

3. $(125^2 - 75^2) \div \{5 + (30 - 50) \div (-4)\}$ 의 값은?

① 75 ② 125 ③ 900 ④ 1000 ⑤ 1225

 $125^{2} - 75^{2} = (125 + 75)(125 - 75)$ $= 200 \times 50 = 10000$ $5 + (30 - 50) \div (-4) = 5 + -\frac{20}{-4} = 10$ (준 식)= 10000 ÷ 10 = 1000

4. $\frac{1+i^3+i^6}{1+i^2+i^4} \cong \mathbb{Z}^{2}$?

① i ② -i ③ $-\frac{i}{2}$ ④ $\frac{1-i}{2}$ ⑤ $\frac{1+i}{2}$

해설 $\frac{1+i^3+i^6}{1+i^2+i^4} = \frac{1+(-i)+(-1)}{1+(-1)+1} = \frac{-i}{1} = -i$

- **5.** 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

 - ③ $\sqrt{2} + i = \sqrt{2} i$ ④ $1 + \sqrt{3} = 1 + \sqrt{3}$

켤레복소수는 허수부분의 부호가 바뀐다.

해설

실수의 켤레복소수는 자기자신이다.

- **6.** 방정식 $\frac{x+2}{3} \frac{1}{2} = \frac{2x+1}{4}$ 의 해를 구하면?
 - ① $-\frac{1}{2}$ ② $-\frac{1}{3}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{1}{3}$ ⑤ 1

양변에 12를 곱하면 4(x+2)-6=3(2x+1)이항하여 정리하면 4x-6x=3-8+6 , -2x=1

 $\therefore x = -\frac{1}{2}$

- 7. 방정식 |x+5| = 1를 만족하는 x의 값들의 합은?

②-10 ③ -11 ④ -12 ⑤ -13

|x+5|=1

해설

① -9

⇒ x+5=1 또는 x+5=-1∴ x=-4 또는 x=-6

8. 이차방정식 $3x^2 - 2x - 1 = 0$ 의 근을 A, B (단, A < B) 라 할 때, 3A + B의 값은?

①0 2 1 3 2 4 3 5 4

 $3x^2 - 2x - 1 = 0$

(3x+1)(x-1) = 0

 $\therefore 3A + B = 0$

- 9. 이차방정식 $x^2 mx + 2m + 1 = 0$ 의 한 근이 1일 때 다른 한 근은? (단, m은 상수)



 $x^2 - mx + 2m + 1 = 0$ 에 x = 1을 대입하면

해설

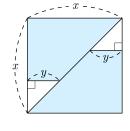
 $1 - m + 2m + 1 = 0 \quad \therefore m = -2$ $x^{2} + 2x - 3 = 0$, (x+3)(x-1) = 0 $\therefore x = -3, 1$ 따라서, 다른 근은 -3

10. 이차방정식 $x^2 - 3x + 1 = 0$ 의 두 근이 α, β 일 때, $\alpha^2 + \beta^2$ 의 값은?

① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6

두근의 합 : 3, 두근의 곱 : 1 $\therefore \alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta$

11. 다음 그림은 한변의 길이가 x인 정사각형을 대각선을 따라 자른 후 직각이등변삼각형 2 개를 떼어낸 도형이다. 이때, 색칠한 부분의 넓이를 x, y에 관한 식으로 나타내어라.



③ $x^2 - y$

- ① $xy y^2$ ② $x^2 y^2$ ④ $\frac{xy y^2}{2}$ ⑤ $\frac{x y}{2}$

ে নাব্র $x^2 - 2 \times \frac{1}{2} \times y \times y = x^2 - y^2$

12. $(2x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(3x^4 + 2x^3 - 2x^2 - 7x + 8)$ 을 전개한 식에서 x^3 의 계수는?

① 31

- ② 33 ③ 35 ④ 37
- **(5)** 39

 $2x^3 \times 8 - 3x^2 \times (-7x) + 3x \times (-2x^2) + 4 \times 2x^3 = 39x^3$

- **13.** 등식 $2x^2 3x 2 = a(x-1)(x-2) + bx(x-2) + cx(x-1)$ 가 x값에 관계없이 항상 성립할 때, 상수 a+b+c의 값은?



양변에 x = 0을 대입하면

해설

-2 = 2a : a = -1양변에 x = 1을 대입하면

 $-3 = -b \therefore b = 3$

양변에 x = 2를 대입하면

 $0=2c\ \therefore c=0$ $\therefore a+b+c=2$

- **14.** 다항식 $6x^3 7x^2 + 17x 3$ 을 3x 2로 나눈 몫을 Q(x), 나머지를 R이라 할 때, Q(1) + R의 값을 구하여라.
 - 답:

▷ 정답: 13

해설 $6x^3 - 7x^2 + 17x - 3 = (3x - 2)Q(x) + R$

양변에 x=1을 대입하면, 13=Q(1)+R∴ Q(1)+R=13

데 해설

 $6x^3 - 7x^2 + 17x - 3$ 를 3x - 2로 직접 나누거나 조립제법을 이용하여 몫과 나머지를 구할 수 있다.

15. 다항식 $x^4 - 3x^2 + ax + 5$ 를 x + 2로 나누면 나머지가 3이다. a의 값은?

- ① 0 ② 2 ③ 3 ④ -2 ⑤ -3

해설

 $x^4 - 3x^2 + ax + 5 = f(x)$ 라 놓자. f(-2) = 3 에서 -2a + 9 = 3 $\therefore a = 3$

16. $f(x) = 2x^3 - 3x^2 + x - k$ 가 x - 2를 인수로 가질 때, k를 구하여라.

답:

▷ 정답: 6

- 해설 - (() ㅋ

f(x) 가 x-2를 인수로 갖는다는 것은 f(x)가 x-2로 나누어 떨어진다는 뜻이다. 즉, f(2)=0을 만족시키는 k를 구하면,

 $f(2) = 2 \times 2^3 - 3 \times 2^2 + 2 - k = 0$ $\therefore k = 6$

17. $(x^4 - 8x^2 - 9) \div (x^2 - 9)$ 를 계산하여라.

① $x^2 + 1$ ② $x^2 - 1$ ③ $x^2 + 2$

$$x^4 - 8x^2 - 9 = (x^2 - 9)(x^2 + 1)$$

 $\therefore ($ 준식 $) = x^2 + 1$

18. 다음 중 다항식 $x^4 - 8x^2 - 9$ 의 인수가 <u>아닌</u> 것은?

- ① x 3 $3 x^2 + 1$
- ② x + 3
- $4x^2 + 9$

준 식을 인수분해 하면 $x^4 - 8x^2 - 9 = (x^2 + 1)(x^2 - 9)$

 $= (x^2 + 1)(x + 3)(x - 3)$

19. $x^3 - 4x^2 + x + 6$ 을 인수분해하면 (x+a)(x+b)(x+c)이다. $a^2 + b^2 + c^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 14

해설

f(x) = x³ - 4x² + x + 6이라 놓으면, x = -1일 때, -1 - 4 - 1 + 6 = 0

따라서, f(x)는 (x+1)로 나누어 떨어진다. 즉, f(x)는 (x+1)의 인수를 갖는다.

 $\stackrel{\text{def}}{=}, f(x) = (x+1)Q(x) \frac{\mathbb{R}}{\mathbb{R}}$

Q(x)는 조립제법으로 구한다.

f(x) = (x-3)(x-2)(x+1)

 $f(x) = (x^2 - 5x + 6)(x + 1)$

 $\therefore a^2 + b^2 + c^2 = (-3)^2 + (-2)^2 + 1^2 = 14$

 ${f 20.}$ $(1+ai)^2=2i\;(a\; \cupe{c}\; \cupe{$ (단, $i = \sqrt{-1}$)

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

 $(1+ai)^2 = 2i$ 에서 $(1-a^2) + 2ai = 2i$ 복소수의 상등에서 $1-a^2=0,\ 2a=2$ $\therefore a = 1$

 $\therefore (1+ai)(1-ai) = (1+i)(1-i)$ =1-(-1)=2

21. 다음이 성립하도록 하는 실수 x 의 값의 범위는?

$$\sqrt{-x^2 + 5x - 6} = -\sqrt{x - 3}\sqrt{2 - x}$$

- ① $x \ge 2$ ② $x \le 3$ ③ $x \le 2$

해설

(4) $x \ge 3$ (5) $2 \le x \le 3$

 $\sqrt{-x^2 + 5x - 6} = -\sqrt{(x - 3)(2 - x)}$ = $-\sqrt{x - 3}\sqrt{2 - x}$ 이려면 (x-3)(2-x) 에서

- ①, ⓒ을 동시에 만족시켜야 하므로
- $\therefore 2 \le x \le 3$

22. 이차방정식 $x^2 + 2x + 3 = 0$ 의 해를 구하기 위해 완전제곱식으로 고쳐 $(x+a)^2=b$ 를 얻었다. 이때, 상수 a,b에 대하여 a-b의 값을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: 3

 $x^2 + 2x + 3 = 0$ 를 완전제곱식으로 고치면

 $(x^2 + 2x + 1) + 2 = 0, (x + 1)^2 = -2$ $\therefore a = 1, \ b = -2$ $\therefore a - b = 3$

23. $x^2-px+q=0$ 의 두 근이 α , β 이다. $\alpha+\beta=3$, $\alpha\beta=2$ 일 때 p^2+q^2 의 값을 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 13

해설

두 근의 합이 3이므로 p=3, 두 근의 곱이 2이므로 q=2이다. 따라서 $p^2+q^2=9+4=13$

- ${f 24}$. 다항식 f(x)를 다항식 g(x)로 나눈 나머지를 r(x)라 할 때, f(x) g(x) - 2r(x)를 g(x)로 나눈 나머지는?
 - ① -2r(x)
- \bigcirc -r(x)
- 3 0

f(x)를 g(x)로 나눈 몫을 Q(x)라 하면

f(x) = g(x)Q(x) + r(x) $\therefore f(x) - g(x) - 2r(x)$

- = g(x)Q(x) + r(x) g(x) 2r(x)
- $= g(x) \left\{ Q(x) 1 \right\} r(x)$ 여기서 g(x)의 차수는 -r(x)의 차수보다 높으므로 구하는 나머
- 지는 -r(x)이다.

25. x 에 대한 다항식 $x^3 + ax^2 + bx + 2$ 를 $x^2 - x + 1$ 로 나눈 나머지가 x+3 이 되도록 a, b 의 값을 정할 때, ab 값을 구하여라.

▶ 답:

> 정답: ab = -6

해설

검산식을 사용 $x^3 + ax^2 + bx + 2 = (x^2 - x + 1) \cdot A + (x + 3)$ A = (x + p) $x^{3} + ax^{2} + bx + 2 - (x+3) = (x^{2} - x + 1)(x+p)$ $x^{3} + ax^{2} + (b-1)x - 1 = (x^{2} - x + 1)(x-1) \therefore p = -1$ 우변을 정리하면 $\therefore a = -2, b = 3$ $\therefore ab = -6$

26. 세 실수 a,b,c 에 대하여 $a+b+c=2,\,a^2+b^2+c^2=6,\,abc=-1$ 일 때, $a^3 + b^3 + c^3$ 의 값은?

해설

② 12 ③ 13 ④ 14

⑤ 15

$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^3 + 2(ab+bc+ca)$$

$$ab+bc+ca = -1$$

$$a^3 + b^3 + c^3$$

$$= (a+b+c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) + 3abc$$

$$= 2 \times (6 - (-1)) - 3 = 11$$

- **27.** x에 관한 항등식 $(x^2+x+1)^5=a_{10}(x+1)^{10}+a_9(x+1)^9+\cdots+a_1(x+1)+a_0$ 에서 $a_0+a_1+\cdots+a_9+a_{10}$ 의 값은?
 - ②1 ③ 16 ④ 32 ⑤ 64
 - ① 0

주어진 식에 x = 0을 대입하면

 $(0+0+1)^5 = a_{10} + a_9 + \dots + a_1 + a_0$

 $\therefore a_0 + a_1 + \dots + a_9 + a_{10} = 1$

28. x = 1001일 때, $\frac{x^6 - x^4 + x^2 - 1}{x^5 + x^4 + x + 1}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1000

 $\frac{x^6 - x^4 + x^2 - 1}{x^5 + x^4 + x + 1} = \frac{(x^4 + 1)(x^2 - 1)}{(x^4 + 1)(x + 1)}$ = x - 1 = 1001 - 1 = 1000

- **29.** x에 관한 이차방정식 $x^2 2(m-a+1)x + m^2 + a^2 2b = 0$ 이 m의 값에 관계없이 항상 중근을 갖도록 a, b의 값을 정하면?
 - ① $a = -1, b = \frac{1}{2}$ ② $a = 1, b = \frac{1}{2}$ ③ $a = -1, b = -\frac{1}{2}$ ④ $a = 1, b = -\frac{1}{2}$
 - ⑤ a = 1, b = -1

 $\frac{D}{4} = 0$ 이므로

 $(m-a+1)^2 - (m^2 + a^2 - 2b) = 0,$ m에 관하여 정리하면

2(-a+1)m - 2a + 2b + 1 = 0

m에 관계없이 성립하므로 2(-a+1) = 0, -2a+2b+1 = 0

 $\therefore a = 1, b = \frac{1}{2}$

30. x에 관한 다항식 f(x)를 $x^2 - 4$ 로 나눈 나머지는 2x + 1이고, g(x)를 x^2-5x+6 으로 나눈 나머지는 x-4이다. 이 때, (x+2)f(x)+3g(x+1)을 x − 2로 나눈 나머지를 구하면?

① 7 ② 9 ③ 13

417

⑤ 23

해설

 $f(x) = (x^2 - 4)p(x) + 2x + 1$ 에서 f(2) = 5 $g(x) = (x^2 - 5x + 6)q(x) + x - 4$ 에서 g(3) = -1

h(x)=(x+2)f(x)+3g(x+1)이라 놓으면, h(x)를 x-2로 나눈 나머지는

h(2) = 4f(2) + 3g(3) = 17

31.
$$x + \frac{1}{x} = 1$$
 일 때, $x^3 + 5x + \frac{2}{x} + \frac{1}{x^3}$ 의 값을 구하면?

- $\frac{1}{2}(1 \pm \sqrt{3}i)$ ② $\frac{3}{2}(1 \pm \sqrt{3}i)$ ③ $\frac{5}{2}(2 \pm \sqrt{3}i)$ ④ $\frac{7}{2}(3 \pm \sqrt{3}i)$ ⑤ $\frac{9}{2}(4 \pm \sqrt{3}i)$

$$x + \frac{1}{x} = 1 \implies x^2 - x + 1 = 0 \therefore x = \frac{1 \pm \sqrt{3}i}{2}$$

$$(\stackrel{\angle}{\mathbb{L}} \stackrel{\triangle}{\to}) = x^3 + \frac{1}{x^3} + 2\left(x + \frac{1}{x}\right) + 3x$$

$$= \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - \left(x + \frac{1}{x}\right) + 3x$$

$$= 3x$$

$$= \frac{3}{2}(1 \pm \sqrt{3}i)$$

32. 구간 0 < x < 5에서 $x = \frac{1}{x - [x]}$ 를 만족시키는 x의 개수는? (단, [x]는 x보다 크지 않은 최대의 정수)

③ 4개

(iv) 3 < x < 4일 때 [x] = 3

(i), (ii), (iii), (iv), (v)에서 x의 개수는 4개

① 2개 ② 3개 ④ 5개 ⑤ 무수히 많다.

 $x - [x] \neq 0$ 이므로 x는 정수가 아니다. 주어진 식의 양변에 x - [x]를 곱하면 $x^2 - x[x] - 1 = 0$ (i) 0 < x < 1일 때 $[x] = 0, x^2 - 1 = 0$ ∴ x = ±1, 이 값은 0 < x < 1 에 속하지 않는다. ..해가 없다. (ii) 1 < x < 2일 때 $[x] = 1, x^2 - x - 1 = 0$ $\therefore x = \frac{1 \pm \sqrt{1+4}}{2} = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$ 1 < x < 2이므로 $x = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$ (iii) 2 < x < 3일 때 [x] = 2 $\therefore x^2 - 2x - 1 = 0$ $x = 1 \pm \sqrt{1+1} = 1 \pm \sqrt{2}$ 2 < x < 3이므로 $x = 1 + \sqrt{2}$

 $\therefore x^2 - 3x - 1 = 0$ $\therefore x = \frac{3 \pm \sqrt{9 + 4}}{2} = \frac{3 \pm \sqrt{13}}{2}$ 3 < x < 4이므로 $x = \frac{3 + \sqrt{13}}{2}$ (v) 4 < x < 5일 때 [x] = 4 $\therefore x^2 - 4x - 1 = 0$ $x = 2 \pm \sqrt{4+1} = 2 \pm \sqrt{5}$ 4 < x < 5이므로 $x = 2 + \sqrt{5}$

- **33.** 방정식 $x^2+x+2=0$ 의 한 허근을 ω 라 할 때, $f(x)=ax^2+bx+12(a\neq 0)$ 에 대하여 $f(\omega)=3\omega$ 를 만족한다. 이 때, 실수 a,b의 합은?
 - ① 12 ② -12 ③ 15 ④ -15 ⑤ 18

 $x^2 + x + 2 = 0$ 의 한 하근이 ω 이므로 $\omega^2 + \omega + 2 = 0$ \therefore $\omega^2 = -\omega - 2$ $f(\omega) = a\omega^2 + b\omega + 12 = a(-\omega - 2) + b\omega + 12$ $= (b - a)\omega + (12 - 2a)$ $f(\omega) = 3\omega$ 이므로 $(b - a)\omega + (12 - 2a) = 3\omega$ b - a = 3, 12 - 2a = 0 $(\because \omega = 5)$

해설