

1. 다음 중 x 에 대한 이차다항식은?

① $2x + 2$

④ $x^3 - x$

② $x^2y + x - y$

⑤ $xy^2 + y^2$

해설

①, ⑤는 x 에 대한 일차식

③, ④는 x 에 대한 삼차식

2. 다항식 $A = x^2 - x + 1$, $B = 3x^2 - 2x - 1$ 에 대하여 $X + 2A = B$ 를 만족하는 다항식 X 를 구하면?

- ① $x^2 + 3x + 1$ ② $x^2 - 1$ ③ $x^2 - 3$
④ $x^2 + 1$ ⑤ $2x^2 - x + 1$

해설

$$\begin{aligned} X &= B - 2A \\ &= (3x^2 - 2x - 1) - 2(x^2 - x + 1) \\ &= x^2 - 3 \end{aligned}$$

해설

3. 다음 두 다항식 A , B 에 대하여 $A - B$ 를 구하면?

$$A = 2y^2 + x^2 - 3xy, \quad B = -4x^2 - 2xy + 5y^2$$

① $5x^2 - 2xy + 3y^2$

② $5x^2 - xy - 3y^2$

③ $5x^2 + xy + 3y^2$

④ $5x^2 + 2xy - 3y^2$

⑤ $5x^2 + 3xy + 3y^2$

해설

동류항끼리 계산해 준다.

$$\begin{aligned} A - B &= (2y^2 + x^2 - 3xy) - (-4x^2 - 2xy + 5y^2) \\ &= 5x^2 - xy - 3y^2 \end{aligned}$$

4. $(2ax^2)^3 \times (-3a^2x)^2$ 을 간단히 하면?

- ① $72a^7x^8$ ② $-72a^7x^8$ ③ $72a^{12}x^{12}$
④ $-72a^{12}x^{12}$ ⑤ $48a^8x^7$

해설

$$(2ax^2)^3 \times (-3a^2x)^2 = 8a^3x^6 \times 9a^4x^2 = 72a^7x^8$$

5. 다항식 $2x^3 + x^2 - 5x + 3$ 을 $x^2 + x - 1$ 로 나눌 때, 몫과 나머지의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

직접 나누어 보면
 \therefore 몫 : $2x - 1$, 나머지 : $-2x + 2$
몫과 나머지의 합은 1

6. $(a - b - c)^2$ 을 옳게 전개한 것은?

- ① $a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$
- ② $a^2 + b^2 + c^2 - 2ab - 2bc - 2ca$
- ③ $a^2 - b^2 - c^2 - 2ab - 2bc - 2ca$
- ④ $a^2 + b^2 + c^2 - 2ab + 2bc - 2ca$
- ⑤ $a^2 - b^2 - c^2 + 2ab - 2bc - 2ca$

해설

$$\begin{aligned}(a - b - c)^2 &= a^2 + (-b)^2 + (-c)^2 + 2a(-b) + 2(-b)(-c) + 2(-c)a \\&= a^2 + b^2 + c^2 - 2ab + 2bc - 2ca\end{aligned}$$

7. $(x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(x^2 + 2x - 5)$ 를 전개한 식에서 x^2 의 계수를 구하면?

- ① 10 ② 15 ③ 19 ④ 21 ⑤ 25

해설

전개식에서 x^2 항은

i) (이차항) \times (삼차항) 에서 $15x^2 + 4x^2 = 19x^2$

ii) (일차항) \times (일차항) 에서 $6x^2$

$\therefore x^2$ 의 계수는 $19 + 6 = 25$

8. $a + b + c = 0$, $a^2 + b^2 + c^2 = 1$ 일 때, $a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2$ 의 값은?

- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 0 ④ 1 ⑤ 4

해설

$$(a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \text{ 이면}$$

$$ab + bc + ca = -\frac{1}{2}$$

$$(ab + bc + ca)^2 = a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2 + 2abc(a + b + c)$$

$$\frac{1}{4} = a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2 + 2abc(a + b + c)$$

$$\text{따라서 } a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2 = \frac{1}{4}$$

9. $a^2 - b^2 = 2$ 일 때, $((a+b)^n + (a-b)^n)^2 - ((a+b)^n - (a-b)^n)^2$ 의 값은?

- ① 2^n ② 2^{n+1} ③ 2^{n+2} ④ 2^{n+3} ⑤ 2^{n+4}

해설

$$\begin{aligned} (a+b)^n &= A, \quad (a-b)^n = B \\ (\text{준식}) &= (A^2 + 2AB + B^2) - (A^2 - 2AB + B^2) \\ &= 4AB \\ &= 4 \{(a+b)(a-b)\}^n \\ &= 4 \times 2^n \\ &= 2^{n+2} \end{aligned}$$

10. $(4+3)(4^2+3^2)(4^4+3^4)(4^8+3^8)$ 을 간단히 하면?

- ① $4^8 + 3^8$ ② $4^{15} - 3^{15}$ ③ $4^{15} + 3^{15}$
④ $4^{16} - 3^{16}$ ⑤ $4^{16} + 3^{16}$

해설

$$\begin{aligned}(4+3)(4^2+3^2)(4^4+3^4)(4^8+3^8) \\&= (4-3)(4+3)(4^2+3^2)(4^4+3^4)(4^8+3^8) \\&= (4^2-3^2)(4^2+3^2)(4^4+3^4)(4^8+3^8) \\&= (4^4-3^4)(4^4+3^4)(4^8+3^8) \\&= (4^8-3^8)(4^8+3^8) \\&= 4^{16}-3^{16}\end{aligned}$$

11. 직육면체 모양의 상자가 있다. 이 상자의 모든 모서리의 길이의 합이 20m이고 대각선의 길이가 3m 일 때, 이 상자의 곁넓이는 몇 m^2 인가?

- ① 12 m^2 ② 13 m^2 ③ 14 m^2 ④ 15 m^2 ⑤ 16 m^2

해설

세 모서리의 길이를 a, b, c 라 하면
 $4(a + b + c) = 20$, $a + b + c = 5$
 $\sqrt{a^2 + b^2 + c^2} = 3$, $a^2 + b^2 + c^2 = 9$
(곁넓이) $= 2(ab + bc + ca)$
 $= (a + b + c)^2 - (a^2 + b^2 + c^2)$
 $= 25 - 9 = 16(\text{m}^2)$

12. 대각선의 길이가 28이고, 모든 모서리의 길이의 합이 176인 직육면체의 겉넓이를 구하려 할 때, 다음 중에서 사용되는 식은?

① $(x-a)(x-b)(x-c)$
 $= x^3 - (a+b+c)x^2 + (ab+bc+ca)x - abc$

② $\frac{1}{2} \{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\}$
 $= a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca$

③ $(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$

④ $(x+a)(x+b)(x+c)$
 $= x^3 + (a+b+c)x^2 + (ab+bc+ca)x + abc$

⑤ $(a+b+c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca)$
 $= a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$

해설

직육면체의 가로의 길이, 세로의 길이, 높이를

각각 a, b, c 라 하면 대각선의 길이는

$$\sqrt{a^2 + b^2 + c^2} = 28$$

$$\therefore a^2 + b^2 + c^2 = 28^2 \cdots \textcircled{1}$$

또, 모든 모서리의 길이의 합은 176이므로

$$4(a+b+c) = 176$$

$$\therefore a+b+c = 44 \cdots \textcircled{2}$$

이 때, 직육면체의 겉넓이[는 $2(ab+bc+ca)$]이므로

$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab+bc+ca) \cdots \textcircled{3}$$

따라서 $\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 을 $\textcircled{3}$ 에 대입하여 겉넓이를 구하면 1152이다.

13. $x + y = 2$, $x^3 + y^3 = 14$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $xy = -1$ ② $x^2 + y^2 = 6$ ③ $x^4 + y^4 = 34$
④ $x^5 + y^5 = 86$ ⑤ $x^6 + y^6 = 198$

해설

① $x^3 + y^3 = (x + y)^3 - 3xy(x + y)$ 에서
 $14 = 2^3 - 3xy \times 2$
 $\therefore xy = -1$

② $x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy$ 에서
 $x^2 + y^2 = 2^2 - 2(-1) = 6$

③ $x^4 + y^4 = (x^2 + y^2)^2 - 2x^2y^2$ 에서
 $x^4 + y^4 = 6^2 - 2(-1)^2 = 34$

④ $x^5 + y^5 = (x^2 + y^2)(x^3 + y^3) - x^2y^2(x + y)$ 에서
 $x^5 + y^5 = 6 \times 14 - (-1)^2 \times 2 = 82 \neq 86$

⑤ $x^6 + y^6 = (x^3 + y^3)^2 - 2x^3y^3$ 에서
 $x^6 + y^6 = 14^2 - 2(-1)^3 = 198$

14. $a(a+1) = 1$ 일 때, $\frac{a^4 - a^2}{a^6 - 1}$ 의 값은?

- ① 1 ② $\frac{1}{2}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{1}{4}$ ⑤ $\frac{1}{5}$

해설

$$\begin{aligned} a(a+1) &= 1 \text{에서} \\ a^2 &= -a + 1 \\ a^4 &= (-a+1)^2 = a^2 - 2a + 1 \\ &= (-a+1) - 2a + 1 = -3a + 2 \\ a^6 &= a^4 \times a^2 = (-3a+2)(-a+1) \\ &= 3a^2 - 5a + 2 = 3(-a+1) - 5a + 2 \\ &= -8a + 5 \\ \therefore \frac{a^4 - a^2}{a^6 - 1} &= \frac{-3a + 2 - (-a + 1)}{-8a + 5 - 1} \\ &= \frac{-2a + 1}{-8a + 4} = \frac{-2a + 1}{4(-2a + 1)} \\ &= \frac{1}{4} \end{aligned}$$

15. $x + y = 2$, $x^3 + y^3 = 14$ 일 때, $x^5 + y^5$ 의 값을 구하면?

- ① 12 ② 32 ③ 52 ④ 82 ⑤ 102

해설

$$x^5 + y^5 = (x^2 + y^2)(x^3 + y^3) - x^2y^2(x + y) \cdots (*)$$

$$x^3 + y^3 = (x + y)^3 - 3xy(x + y)$$

$$\therefore 14 = 8 - 6xy$$

$$\therefore xy = -1 \cdots \textcircled{1}$$

$$x^3 + y^3 = 14 \cdots \textcircled{2}$$

$$x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy = 4 - 2(-1) = 6 \cdots \textcircled{3}$$

①, ②, ③을 (*)에 대입하면

$$x^5 + y^5 = 6 \times 14 - 2 = 82$$