

1. 다음 보기 중 함수인 것을 모두 고른 것은?

보기

- ㉠ 한 개에 100원 하는 지우개 x 개의 값 y 원
- ㉡ 한 변의 길이 $x\text{cm}$ 인 정삼각형의 둘레의 길이 $y\text{cm}$
- ㉢ 절댓값이 x 인 수
- ㉤ 자연수 x 의 약수의 개수 y 개

- ① ㉠, ㉡, ㉤

② ㉠, ㉡, ㉤

③ ㉠, ㉢, ㉤
- ④ ㉡, ㉢, ㉤

⑤ ㉠, ㉡, ㉢, ㉤

해설

㉠, ㉡, ㉤은 x 의 값이 정해지면 그에 따라 y 의 값이 하나로 정해지므로 함수이다.
㉠ $y = 100x$
㉡ $y = 3x$
㉤ $y = (\text{자연수 } x \text{ 의 약수의 개수})$

2. 함수 $f(x) = -ax + 8$ 에 대하여 $f(-1) = 13$ 일 때, a 의 값은?

① 1

② 3

③ 5

④ 7

⑤ 9

해설

$$f(-1) = a + 8 = 13, a = 5$$

3. x 의 값이 $-2, 1, 3$ 이고, y 의 값이 $-9, -3, -2, 2, 6$ 일 때, 다음 중 함수인 것은?

① $y = -2x$

② $y = -3x$

③ $y = x$

④ $y = -\frac{6}{x}$

⑤ $y = \frac{3}{x}$

해설

함수: x 값 하나에 y 값 하나가 대응될 때 함수라 한다.

① $x = -2, x = 3$ 일 때 y 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

③ $x = 1, x = 3$ 일 때 y 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

④ $x = -2, x = 1$ 일 때 y 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

⑤ $x = -2, x = 1, x = 3$ 일 때 y 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

4. 한 개의 무게가 3g인 블록이 있다. 이 블록을 x 개 쌓았을 때의 무게가 y g이라고 할 때, x 와 y 사이의 관계식은?

① $y = x$

② $y = 2x$

③ $y = 3x$

④ $y = 4x$

⑤ $y = 5x$

해설

블록 1개의 무게 : 3g

블록 x 개의 무게 : $3x$ g

$\therefore y = 3x$

5. 함수 $f(x) = \frac{x}{4} + 1$ 에서 함숫값이 $-3, -1, 0, 2$ 일 때, 이 함수의 모든 x 의 값의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -24

해설

관계식 $f(x) = \frac{x}{4} + 1$, 함숫값이 $-3, -1, 0, 2$

$$f(x) = \frac{x}{4} + 1 = -3 \quad \therefore x = -16$$

$$f(x) = \frac{x}{4} + 1 = -1 \quad \therefore x = -8$$

$$f(x) = \frac{x}{4} + 1 = 0 \quad \therefore x = -4$$

$$f(x) = \frac{x}{4} + 1 = 2 \quad \therefore x = 4$$

$\therefore x$ 의 값은 $-16, -8, -4, 4$

$$\therefore -16 - 8 - 4 + 4 = -24$$

6. 두 함수 $f(x) = -\frac{22}{x} + 1$, $g(x) = -\frac{28}{x} + 4$ 에 대하여 $f(8) = a$ 일 때, $g(4a)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

$$f(8) = -\frac{22}{8} + 1 = -\frac{7}{4} = a$$

$$\therefore g(4a) = g(-7) = -\frac{28}{-7} + 4 = 8$$

7. 함수 $f(x) = -\frac{3}{4}x$ 의 x 의 범위가 $-3, -1, 0, 1, 3$ 이고, y 의 범위가 $|y| < 3$ 인 유리수 이고, 함수값의 범위를 Z 라 할 때, 다음 보기 중 옳지 않은 것은?
- ① $n(x) = 5$
- ② $f(-1) = \frac{3}{4}$
- ③ $Z : \frac{9}{4}, \frac{3}{4}, 0, -\frac{3}{4}, -\frac{9}{4}$
- ④ $|f(-1)| = f(1)$
- ⑤ y 의 값은 무한히 많다.

해설

$$f(x) = -\frac{3}{4}x$$

x 의 범위는 $-3, -1, 0, 1, 3$ 이므로

$$f(-3) = \frac{9}{4}, f(-1) = \frac{3}{4}, f(0) = 0, f(1) = -\frac{3}{4}, f(3) = -\frac{9}{4}$$

y 의 범위는 $|y| < 3$ 인 유리수 이므로

따라서 함숫값의 범위는 $\frac{9}{4}, \frac{3}{4}, 0, -\frac{3}{4}, -\frac{9}{4}$ 이다.

8. 함수 $y = ax - 3$ 에서 $f(1) = -1$ 일 때, $a + \frac{f(-3)}{f(3)}$ 의 값은?

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

$$f(1) = a - 3 = -1, a = 2$$

$$f(3) = 2 \times 3 - 3 = 3$$

$$f(-3) = 2 \times (-3) - 3 = -9$$

$$\therefore a + \frac{f(-3)}{f(3)} = 2 + \frac{-9}{3} = -1$$

9. 두 함수 $f(x) = -2x + 3$, $g(x) = x - 6$ 에 대하여 $f(2) = a$ 일 때, $g(a)$ 의 값은?

① -9 ② -7 ③ -5 ④ -3 ⑤ -1

해설

$$f(2) = -4 + 3 = -1$$

$$a = -1$$

$$\therefore g(a) = g(-1) = -1 - 6 = -7$$

10. 함수 $f(x) = x + 2a$ 에 대하여 $f(-1) = 5$, $f(b) = 0$ 일 때, ab 의 값을 구하면?

① -15 ② -16 ③ -17 ④ -18 ⑤ -19

해설

$f(x) = x + 2a$ 에서 $f(-1) = 5$ 이므로 $-1 + 2a = 5$ 이다.

$2a = 6 \quad \therefore a = 3$

$f(x) = x + 6$ 에서 $f(b) = 0$ 이므로

$b + 6 = 0 \quad \therefore b = -6$

$\therefore ab = 3 \times (-6) = -18$