

1. 다음 중 함수가 아닌 것은?

- ① 5%의 소금물 x g에 들어 있는 소금 y g
- ② 자연수 x 를 3으로 나눌 때 나머지 y
- ③ 반지름의 길이가 x cm 인 원의 넓이 y cm²
- ④ 1개에 40원하는 물건 x 개의 값 y 원
- ⑤ 자연수 x 보다 작은 소수 y

해설

⑤ (반례) 자연수 6 보다 작은 소수는 2, 3, 5 : 3 개

2. 다음 중 함수가 아닌 것을 모두 골라라.

- ㉠

한 변의 길이가 $x\text{cm}$ 인 정오각형의 둘레의 길이는 $y\text{cm}$ 이다.
- ㉡

농구공 x 개와 축구공 4개를 합하면 모두 y 개이다.
- ㉢

키가 $x\text{cm}$ 인 사람의 몸무게는 $y\text{kg}$ 이다.
- ㉣

하루 중 낮의 길이가 x 시간이면 밤의 길이는 y 시간이다.
- ㉤

12보다 작은 자연수 x 의 배수는 y 이다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉢

▶ 정답 : ㉤

해설

x 의 값에 따라 y 의 값이 하나로 결정되지 않으면 함수가 아니다.

㉠ $y = 5x$

㉡ $y = x + 4$

㉣ $y = 24 - x$

3. 넓이가 36 cm^2 인 직사각형의 가로 길이가 $x\text{ cm}$, 세로 길이가 $y\text{ cm}$ 이다. y 는 x 의 함수일 때, 이 함수의 관계식을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $y = \frac{36}{x}$

해설

x 의 값이 하나 정해지면 그에 따라 y 의 값이 오직 하나씩 대응하므로 함수이다.

이 함수의 관계식은 $xy = 36$ 이다. 따라서 $y = \frac{36}{x}$ 이다.

4. 두 함수 $f(x) = -2x + 5$, $g(x) = 3x - 1$ 에 대하여 $f(1) = a$, $g(5) = b$ 일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 17

해설

$$f(1) = -2 \times 1 + 5 = 3 = a$$

$$g(5) = 3 \times 5 - 1 = 14 = b$$

$$\therefore a + b = 3 + 14 = 17$$

5. x 의 값이 -5 이상 0 이하일 때, 함수 $y = 5x$ 의 함숫값은?

① $0 \leq y \leq 5$

② $-5 \leq y \leq 0$

③ $-10 \leq y \leq 5$

④ $-15 \leq y < 0$

⑤ $-25 \leq y \leq 0$

해설

$f(-5) = -25$, $f(0) = 0$ 이므로 함숫값은 $-25 \leq y \leq 0$ 이다.

6. 함수 $f(x) = 5x - 2$ 에서 이 함수의 함숫값의 범위가 $-12, -7, 3, 8$ 일 때, x 의 범위는?

- ① $-4, -2, 2, 4$ ② $-4, -2, 0, 2$ ③ $-2, -1, 0, 1$
④ $-2, -1, 1, 2$ ⑤ $-2, 0, 2, 4$

해설

$$\begin{aligned} 5x - 2 &= -12 \\ \therefore x &= -2 \\ 5x - 2 &= -7 \\ \therefore x &= -1 \\ 5x - 2 &= 3 \\ \therefore x &= 1 \\ 5x - 2 &= 8 \\ \therefore x &= 2 \\ \therefore (x\text{의 범위}) &= -2, -1, 1, 2 \end{aligned}$$

7. 10L 의 주스를 x 명이 똑같이 나누어 마셨을 때, 한 사람이 마신 주스의 양을 y L 라고 하면 y 는 x 의 함수이다. 이 함수를 $y = f(x)$ 로 나타낼 때, $f(x)$ 는?

- ① $f(x) = 10x$ ② $f(x) = \frac{x}{10}$ ③ $f(x) = \frac{10}{x}$
④ $f(x) = \frac{100}{x}$ ⑤ $f(x) = \frac{x}{100}$

해설

10L 의 주스를 x 명이 똑같이 나누어 마셨으므로 $f(x) = \frac{10}{x}$ 이 된다.

8. 함수 $f(x) = ax + 1$ 에 대하여 $f(-2) = 5$ 이다. 이때, $f(3) + f(-1)$ 의 값은?

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$$f(-2) = (-2) \times a + 1 = 5 \quad \therefore a = -2$$

$$f(x) = -2x + 1$$

$$f(3) = (-2) \times 3 + 1 = -5$$

$$f(-1) = (-2) \times (-1) + 1 = 3$$

$$\therefore f(3) + f(-1) = -5 + 3 = -2$$

9. 두 함수 $f(x) = -\frac{x}{2} + 11$, $g(x) = \frac{24}{x} - 5$ 에 대하여 $2f(2) \div g(4)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 20

해설

$$f(2) = -\frac{2}{2} + 11 = 10$$

$$g(4) = \frac{24}{4} - 5 = 1$$

$$\therefore 2f(2) \div g(4) = 2 \times 10 \div 1 = 20$$

10. 함수 $f(x) = ax$ 일 때, $f(2) = 5$ 이다. $f(3)$ 의 값은?

① $\frac{13}{2}$

② 7

③ $\frac{15}{2}$

④ 8

⑤ $\frac{17}{2}$

해설

$$f(2) = 2a = 5, a = \frac{5}{2}$$

$$f(x) = \frac{5}{2}x$$

$$\therefore f(3) = \frac{5}{2} \times 3 = \frac{15}{2}$$

11. x 의 값이 0, 1, 2이고, y 의 값이 -4 이상 4이하인 유리수일 때, 다음 중 함수가 아닌 것은?

① $y = 2x$

② $y = -2x$

③ $y = -x$

④ $y = x$

⑤ $y = 3x$

해설

⑤ $y = 3x$

$x = 0$ 일 때 $y = 0$, $x = 1$ 일 때 $y = 3$, $x = 2$ 일 때, 함숫값은 y 의 값에 포함되지 않으므로 함수가 아니다.

12. 함수 $y = f(x)$ 의 관계식이 $f(-x-2) = \frac{2x^2+x-4}{x}$ 일 때, $f(2)$ 의 값을 구하시오. (단, $x \neq 0$)

▶ 답 :

▷ 정답 : -6

해설

x 가 -4 일 때, $-x-2$ 가 2 이므로

$$f(2) = \frac{2 \times (-4)^2 + (-4) - 4}{-4} = \frac{24}{-4} = -6 \text{ 이다.}$$

13. x 의 범위가 $0, \frac{1}{4}, \frac{1}{2}, 1$ 인 함수 $y = 8x$ 의 y 의 범위가 될 수 있는 것을 고르면?

- ① 10 이하의 짝수 ② 8의 약수
③ $0 \leq x \leq 10$ 인 정수 ④ 10보다 작은 짝수
⑤ 2의 배수

해설

y 의 범위는 함숫값을 모두 포함해야 한다.

$y = 8x$ 에서

$$f(0) = 0, f\left(\frac{1}{4}\right) = 2, f\left(\frac{1}{2}\right) = 4, f(1) = 8$$

이므로 함숫값의 범위는 $0, 2, 4, 8$ 이다.

- ① 2, 4, 6, 8, 10
② 1, 2, 4, 8
③ $0, 1, 2, \dots, 10$
④ 2, 4, 6, 8
⑤ 2, 4, 6, 8, $\dots$

따라서 함숫값 $0, 2, 4, 8$ 이 모두 포함되어 있는 것은 $0 \leq x \leq 10$ 인 정수이다.

14. x 가 $0 < x < 10$ 인 정수이고 $y = (x \text{를 } 3 \text{으로 나눈 나머지})$ 일 때, $y = 2$ 에 대응하는 x 를 모두 구하면?

① 2 ② 0, 1, 2 ③ 2, 5, 8 ④ 3, 6, 9 ⑤ 2, 5

해설

$0 < x < 10$ 인 정수 중에서 3으로 나누었을 때 나머지가 2인 것을 찾으면 된다.
 $\therefore x = 2, 5, 8$

15. x 의 값이 1 이상 4 이하인 자연수이고, y 의 값이 -3 이상 8 이하인 정수 일 때, 다음 중 y 가 x 의 함수인 것은?
- ① $y = (x$ 와 3의 곱보다 2만큼 작은 수)
 - ② $y = (x$ 보다 5만큼 큰 수)
 - ③ $y = (x$ 의 절댓값에 2를 곱한 수)
 - ④ $y = ($ 절댓값이 x 보다 큰 자연수)
 - ⑤ $y = ($ 절댓값이 x 보다 작은 정수)

해설

x 의 값이 1, 2, 3, 4이고, y 의 값이 $-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8$ 이다.

③ $y = 2|x|$
함숫값은 2, 4, 6, 8이므로 모든 함수값이 y 의 범위에 포함된다.

① $y = 3x - 2$
함숫값은 1, 4, 7, 10이므로 함수값이 y 의 값에 포함되지 않는다.

② $y = x + 5$
함숫값은 6, 7, 8, 9이므로 함수값이 y 의 값에 포함되지 않는다.

④ $y = ($ 절댓값이 x 보다 큰 자연수)
절댓값이 1 보다 큰 자연수 $\Rightarrow 2, 3, 4, 5, \dots$
무수히 많다.
절댓값이 2 보다 큰 자연수 $\Rightarrow 3, 4, 5, 6, \dots$
무수히 많다.

x 의 값 한 개에 대응하는 값이 한 개가 아니다.
 $\therefore$ 함수가 아니다.

⑤ $y = ($ 절댓값이 x 보다 작은 정수의 개수)
절댓값이 1 보다 작은 정수 $\Rightarrow 0$
절댓값이 2 보다 작은 정수 $\Rightarrow -1, 0, 1$
절댓값이 3 보다 작은 정수 $\Rightarrow -2, -1, 0, 1, 2$
 x 의 값 한 개에 대응하는 값이 한 개가 아니다.
 $\therefore$ 함수가 아니다.

16. 함수 $f(x) = ax+3$ 에 대하여 $f(1) = 1$ 일 때, $f(f(3))+f(5)$ 의 값은?

① -23

② -10

③ -7

④ 10

⑤ 23

해설

$f(1) = 1$ 을 대입하면 $1 = a + 3, a = -2$

$\therefore f(x) = -2x + 3$

$f(3) = -2 \times 3 + 3 = -3$

$f(5) = -2 \times 5 + 3 = -7$

$\therefore f(-10) = -2 \times (-10) + 3 = 23$

17. A 가 a, b 이고, B 가 1, 2일 때, A 에서 B 로의 함수의 갯수는?

- ① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

해설

1) $f(a) = 1, f(b) = 2$

2) $f(a) = 2, f(b) = 1$

3) $f(a) = 1, f(b) = 1$

4) $f(a) = 2, f(b) = 2$

A 에서 B 로의 함수의 갯수는 4개이다.

18. 두 함수 $f(x) = x + 2$, $g(x) = 2x$ 에 대하여 $f(3) - g(2)$ 의 값은?

① -8

② -7

③ 1

④ 3

⑤ -3

해설

$$f(3) = 3 + 2 = 5$$

$$g(2) = 2 \times 2 = 4$$

$$\therefore f(3) - g(2) = 5 - 4 = 1$$

19. 함숫값이 $-10 \leq y < 0$ 을 만족하는 짝수인 함수 $y = -2x$ 의 x 값을 모두 구하면?

- ㉠ 1, 2, 3, 4, 5
㉡ -1, 0, 1
㉢ -3, -2, -1, 0
㉣ -5, -4, -3, -2, -1
㉤ 0, -1, -2, -3, -4, ...

해설

함숫값이 -10, -8, -6, -4, -2 이므로,
함수 $y = -2x$ 에 $y = -10, -8, -6, -4, -2$ 를 각각 대입해 보면

$$-10 = -2 \times x, \quad x = 5$$

$$-8 = -2 \times x, \quad x = 4$$

$$-6 = -2 \times x, \quad x = 3$$

$$-4 = -2 \times x, \quad x = 2$$

$$-2 = -2 \times x, \quad x = 1$$

따라서 x 의 값을 모두 구하면 1, 2, 3, 4, 5 이다.

20. 함수 $y = f(x)$ 가 자연수 x 의 약수의 개수일 때, $f(28) - f(13)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$28 = 2^2 \times 7$ 이므로

$f(28) = (2 + 1) \times (1 + 1) = 6$

13은 소수이므로 $f(13) = 2$

$\therefore f(28) - f(13) = 6 - 2 = 4$