다음의 수 중에서 수직선에 나타냈을 때 왼쪽에서 2 번째 수를 a, 가장 1. 큰 수를 b, 절댓값이 가장 작은 수를 c 라 할 때, $a \times b \times c$ 의 값을 구하여라.

$$+5, -3, \frac{7}{2}, -2.4, -\frac{21}{5}, \frac{100}{1}, 0.1$$

▶ 답:

▷ 정답: -30

수의 대소를 비교해 보면
$$-\frac{21}{5} < -3 < -2.4 < 0.1 < \frac{7}{2} < +5 < \frac{100}{1}$$

$$a = -3, \ b = \frac{100}{1}, \ c = 0.1$$

$$\therefore \ a \times b \times c = (-3) \times \frac{100}{1} \times 0.1 = -30$$

 $\mathbf{2}$. 다음 조건을 모두 만족하는 서로 다른 두 유리수 a,b 에 대하여 옳지 않은 것을 고르면?(정답 3개)

a > -b ② -a > b ③ -a - b < 0② a - b > 6 ③ $\frac{1}{a} > -\frac{1}{b}$

a > 3, b < 3, |a| > |b| 이므로, b < 3 < a 이고 |b| < 3 이다.

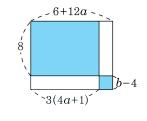
- $a > -b \ b$ 의 절댓값이 3 보다 작으므로 옳다.
- -a > b a 의 절댓값이 b 보다 크므로 옳지 않다.
- -a-b < 0 a 의 절댓값이 b 보다 크므로 옳다. a-b>6 a 는 3 보다 크고 b 는 3 보다 작으므로 옳지 않다.
- $\frac{1}{a} > -\frac{1}{b}$ b 의 절댓값이 더 작으므로 옳지 않다.

- 상수 a, b, c, d 에 대하여 다음 보기에서 a+b-3c+3d 의 값을 3.
 - - ▶ 답:
 - ▷ 정답: 11
 - $\bigcirc x [2x (y 3x) \{x (3x y)\}]$
 - $= x \{2x y + 3x (x 3x + y)\}\$ $= x - \{2x + 3x - y - (-2x + y)\}\$ = x - (5x - y + 2x - y)
 - = x (5x + 2x y y)
 - = x (7x 2y)= x - 7x + 2y
 - = -6x + 2y
 - 이므로 a = -6, b = 2 이다.
 - ① $5y \left[2y \frac{2}{3}(x y) \left\{\frac{5}{3}x (x 4y)\right\}\right]$

 - $\begin{aligned}
 & = 5y \left\{2y \frac{2}{3}(x y) \left(\frac{3}{3}x (x 4y)\right)\right\} \\
 & = 5y \left\{2y \frac{2}{3}x + \frac{2}{3}y \left(\frac{5}{3}x x + 4y\right)\right\} \\
 & = 5y \left\{-\frac{2}{3}x + 2y + \frac{2}{3}y \left(\frac{2}{3}x + 4y\right)\right\} \\
 & = 5y \left(-\frac{2}{3}x + \frac{8}{3}y \frac{2}{3}x 4y\right) \\
 & = 5y \left(-\frac{4}{3}x \frac{4}{3}y\right) \\
 & = 5y + \frac{4}{3}x + \frac{4}{3}y \\
 & = \frac{4}{3}x + \frac{19}{3}y
 \end{aligned}$

 - 이므로 $c = \frac{4}{3}$, $d = \frac{19}{3}$ 이다. $\therefore a+b-3c+3d=-6+2-3\times\frac{4}{3}+3\times\frac{19}{3}=11$

다음 그림의 사각형이 모두 직사각형일 때, 4. 색칠된 부분의 넓이를 a, b를 사용한 식으로 나타내어라.



▶ 답:

▷ 정답: 96a + 3b + 12

 $8\times 3\left(4a+1\right)+\left\{ 6+12a-3\left(4a+1\right)\right\} \times (b-4)$

해설

= 24 (4a + 1) + (6 + 12a - 12a - 3) (b - 4)= 96a + 24 + 3(b - 4)

=96a + 3b + 12

5. 두 정수 a,b 에 대하여 a*b 를 다음과 같이 정의할 때, a(a*b)=4 이다. 이를 만족하는 ab 의 최댓값을 구하여라.

$$a * b = a - b(a > b)$$

$$b(a = b)$$

$$-a + b(a < b)$$

답:

➢ 정답: 20

a>b 일 때, a=b 일 때, a< b 일 때로 나누어 a(a*b) 를

구해보면, (1) a > b 이면, a(a*b) = a(a-b) = 4, (a,b) = (4,3), (1,-3)(2) a = b 이면, a(a*b) = b = 4, (a,b) = (4,4)

(3) a < b 이면, a(a*b) = a(-a+b) = 4, (a,b) = (4,5), (1,5)∴ (ab의 최댓값) = 20

두 정수 p,q 가 p|p-q|=5를 만족할 때, p+q 의 최댓값을 구하여라. 6.

▶ 답:

➢ 정답: 9

해설

p|p-q|=5 이므로, p 는 -5,-1,1,5 중 하나의 값이다. 1) *p* = −5 이면,

p|p-q|=5, |5-q|=-1 절댓값은 항상 0 보다 크므로 성립할 수 없다.

2) p = -1 이면,

p|p-q|=5, |5-q|=-5 절댓값은 항상 0 보다 크므로 성립할 수 없다.

3) p=1 이면, p|p-q|=5, |1-q|=5, q=-4, 6

4) p=5 이면, p|p-q|=5, |5-q|=1, q=-6, 4 $\therefore (p+q의 최댓값) = 9$

7. a 가 양의 정수, b 가 음의 정수일 때 다음 다섯 개의 수 a, b, a-b, a+b, b-a 를 큰 순서부터 나열할 때, 가장 큰 수를 구하여라.

■ 답:

정답: a - b

해설) a > 0

a > 0, b < 0 이므로 -a < 0, -b > 0 a + b < a < -b, b - a < b < a + b ∴ b - a < b < a + b < a < a - b 따라서 가장 큰 수는 a - b 이다.

- 8. 두 정수 a, b 에 대하여 b 의 절댓값이 a 의 절댓값보다 6 배 크고, a < b, $a \times b < 0$, b a = 14 를 만족할 때, a + b 의 값은?
 - ① 2 ② 6 ③ 10 ④ 12 ⑤ 14

ab < 0, a < b에서 a < 0, b > 0

해설

 $|b| = 6 \times |a|$ |a| |b| = -6a - 6a - a = -7a = 14, $\therefore a = -2$ $\therefore b = -6a = (-6) \times (-2) = 12$

 $\therefore a + b = -2 + 12 = 10$

· · · · · ·

9. 유리수 a,b 에 대하여 연산 \diamond 을 $a\diamond b=\frac{1}{a}+\frac{1}{b}-\frac{1}{ab}$ 로 정의 할 때, $\frac{1.4\diamond 0.8}{(0.25\diamond 0.6)\diamond 0.25}$ 을 구하여라.

답:

ightharpoonup 정답: $rac{15}{98}$

 $a \diamond b = \frac{1}{a} + \frac{1}{b} - \frac{1}{ab} = \frac{a+b-1}{ab}$ $1.4 \diamond 0.8 = \frac{1.4+0.8-1}{1.4 \times 0.8} = \frac{15}{14}$ $0.25 \diamond 0.6 = \frac{0.25+0.6-1}{0.25 \times 0.6} = -1$ $(0.25 \diamond 0.6) \diamond 0.25 = (-1) \diamond 0.25$

$$= \frac{-0.25}{-0.25}$$

$$= 7$$

$$\therefore \frac{1.4 \Leftrightarrow 0.8}{(0.25 \Leftrightarrow 0.6) \Leftrightarrow 0.25} = \frac{\frac{15}{14}}{7} = \frac{15}{98}$$

 $\left[\frac{1\times2\times3\times\cdots\times5097+1\times2\times3\times\cdots\times5094}{1\times2\times3\times\cdots\times5096+1\times2\times3\times\cdots\times5095}\right]$ 의 값을 구하여라.

10. 유리수 x 에 대하여 [x] 는 x 보다 크지 않은 최대의 정수일 때,

답:

➢ 정답: 5096

