

1. $\sqrt{169} + \sqrt{(-5)^2} - \sqrt{(-3)^4}$ 을 계산하면?

- ① 9 ② 15 ③ 18 ④ 21 ⑤ 27

해설

$$\sqrt{169} + \sqrt{(-5)^2} - \sqrt{(-3)^4} = 13 + 5 - 9 = 9$$

2. 밑변의 길이가 $a\sqrt{5} + \sqrt{3}$, 높이가 $2\sqrt{3}$ 인 삼각형의 넓이가 $2\sqrt{15} + 3$ 일 때, 유리수 a 의 값은?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}(\text{삼각형의 넓이}) &= \frac{1}{2} \times (\text{밑변}) \times (\text{높이}) \\&= \frac{1}{2}(a\sqrt{5} + \sqrt{3}) \times 2\sqrt{3} \\a\sqrt{15} + \sqrt{9} &= 2\sqrt{15} + 3 \\ \therefore a &= 2\end{aligned}$$

3. $9x^2 + Ax + 16$ 가 완전제곱식이 되도록 할 때, A 의 값은?

- ① 24 ② 12 ③ ± 10 ④ ± 12 ⑤ ± 24

해설

$$9x^2 + Ax + 16 = (3x \pm 4)^2 = 9x^2 \pm 24x + 16$$

$$\therefore A = \pm 24$$

4. 이차방정식 $x(x - 2) = 0$ 을 풀면?

- ① $x = 2$ 또는 $x = 2$
② $x = 0$ 또는 $x = 2$
③ $x = 1$ 또는 $x = -2$
④ $x = 1$ 또는 $x = 2$
⑤ $x = 0$ 또는 $x = -2$

해설

$$x(x - 2) = 0$$
$$\therefore x = 0 \text{ 또는 } x = 2$$

5. 다음 이차방정식 중 중근을 갖는 것의 개수는?

[보기]

$$\textcircled{\text{A}} \quad x^2 - 6x = 0 \quad \textcircled{\text{C}} \quad (2x + 1)^2 = 3$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad 2x^2 = 8x - 8 \quad \textcircled{\text{D}} \quad (x + 2)^2 = 2x^2 + 1$$

- ① 없다. **② 1 개** ③ 2 개 ④ 3 개 ⑤ 4 개

[해설]

$$\begin{aligned} \textcircled{\text{B}} \quad 2x^2 &= 8x - 8, \\ 2x^2 - 8x + 8 &= 0, \\ 2(x - 2)^2 &= 0 \\ \therefore x &= 2 \text{ (중근)} \end{aligned}$$

6. 이차방정식 $3(x - 3)^2 = p$ 가 중근을 가진다고 할 때, 상수 p 의 값과 중근은?

- ① $p = 0, x = 3$ ② $p = 3, x = 3$ ③ $p = 0, x = -3$
④ $p = 3, x = 0$ ⑤ $p = -3, x = 3$

해설

중근을 가지기 위한 조건은
(완전제곱식)=0 이므로

$$3(x - 3)^2 = p, (x - 3)^2 = \frac{p}{3} \text{ 이므로 } p = 0 \text{ 이다.}$$

또한 중근은 $x = 3$ 이다.

7. 이차함수 $y = 4(x + 3)^2 + 5$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 2 만큼, y 축의 방향으로 -3 만큼 평행이동한 그래프를 나타내는 식은?

- ① $y = 4(x + 1)^2 + 2$ ② $y = 4(x + 5)^2 + 2$
③ $y = \frac{1}{4}(x + 1)^2 + 2$ ④ $y = 4(x - 1)^2 + 3$
⑤ $y = -4(x - 2)^2 - 3$

해설

$$y = 4(x + 3 - 2)^2 + 5 - 3 = 4(x + 1)^2 + 2$$

8. 이차함수 $y = \frac{1}{4}(x+2)^2 + 1$ 의 y 절편을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$y \text{ 절편은 } x = 0 \text{ 일 때의 } y \text{ 값이므로 } \frac{1}{4}(0+2)^2 + 1 = \frac{1}{4} \times 4 + 1 = 2$$

9. 다음 보기에서 무리수는 몇 개인지 구하여라.

[보기]

- | | | |
|------------------|--------------|----------------|
| Ⓐ $-\frac{1}{4}$ | Ⓑ π | Ⓒ $0.\dot{2}$ |
| Ⓓ $\sqrt{2} - 1$ | Ⓔ $\sqrt{5}$ | Ⓕ $\sqrt{2^4}$ |

▶ 답:

개

▷ 정답: 3개

[해설]

$-\frac{1}{4}$, $0.\dot{2} = \frac{2}{9}$, $\sqrt{2^4} = 2^2 = 4$ 는 유리수이다.

π , $\sqrt{2} - 1$, $\sqrt{5}$ 는 무리수이다.

따라서 무리수는 3 개이다.

10. 넓이가 $4x^2 + 13x + 3$ 이고 높이가 $4x + 1$ 인 평행사변형의 밑변의 길이는?

- ① $x + 1$ ② $x + 2$ ③ $x + 3$ ④ $x + 4$ ⑤ $x + 5$

해설

$$4x^2 + 13x + 3 = (x + 3)(4x + 1)$$

따라서 밑변의 길이는 $x + 3$ 이다.

11. $(2a - 3b)^2 - (4a - 5b)^2 = 4(ma + nb)(b - pa)$ 일 때, $mn - p$ 의 값을 구하면?

- ① -11 ② 13 ③ -13 ④ 11 ⑤ -2

해설

$$\begin{aligned} 2a - 3b &= X, \quad 4a - 5b = Y \text{로 치환하면} \\ X^2 - Y^2 &= (X + Y)(X - Y) \\ &= (2a - 3b + 4a - 5b)(2a - 3b - 4a + 5b) \\ &= (6a - 8b)(-2a + 2b) \\ &= 4(3a - 4b)(b - a) \\ \therefore m &= 3, \quad n = -4, \quad p = 1 \\ \therefore mn - p &= -12 - 1 = -13 \end{aligned}$$

12. $(a + 2b)^2 - 25c^2 = (a + \square b + \square c)(a + \square b - \square c)$ 에서 \square
안에 알맞은 수를 차례대로 써넣어라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: 2

▶ 정답: 5

▶ 정답: 2

▶ 정답: 5

해설

$$\begin{aligned}(a + 2b)^2 - 25c^2 &= (a + 2b)^2 - (5c)^2 \\ &= (a + 2b + 5c)(a + 2b - 5c)\end{aligned}$$

13. $x^2 + \frac{1}{x^2} = 6$ 일 때, $2x + \frac{2}{x}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $4\sqrt{2}$

▷ 정답: $-4\sqrt{2}$

해설

$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = x^2 + \frac{1}{x^2} + 2 = 6 + 2 = 8$$

$$x + \frac{1}{x} = \pm 2\sqrt{2}$$

$$2x + \frac{2}{x} = 2\left(x + \frac{1}{x}\right) = 2 \times (\pm 2\sqrt{2}) = \pm 4\sqrt{2}$$

14. 다음 이차방정식 중에서 근의 개수가 다른 하나는?

- ① $2x^2 + 5x - 2 = 0$ ② $3x^2 + 7x - 2 = 0$
③ $2x^2 - 3x - 1 = 0$ ④ $x^2 + 2x + 4 = 0$
⑤ $(x - 2)^2 = 6$

해설

④ $\frac{D}{4} = 1 - 1 \times 4 < 0$: 근이 없다.
나머지는 근이 2개이다.

15. 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 해가 $-3, 5$ 일 때, $ax^2 + bx + 5 = 0$ 의 두 근의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{15}{2}$

해설

근과 계수의 관계로부터 $-a = -3 + 5, a = -2$

$b = -3 \times 5 = -15$

$ax^2 + bx + 5 = 0$ 에 $a = -2, b = -15$ 대입하면

$-2x^2 - 15x + 5 = 0$

따라서 두 근의 합은 $-\frac{(-15)}{-2} = -\frac{15}{2}$ 이다.

16. n 명 중 대표 2명을 뽑는 경우의 수는 $\frac{n(n-1)}{2}$ 이다. 어떤 모임의 회원 중 대표 2명을 뽑는 경우의 수는 91 가지일 때, 이 모임의 전체 회원은 몇 명인가?

- ① 11 명 ② 12 명 ③ 13 명 ④ 14 명 ⑤ 15 명

해설

$$\frac{n(n-1)}{2} = 91 \text{ 이므로}$$

$$n^2 - n - 182 = 0 \text{ 이다.}$$

$$(n-14)(n+13) = 0$$

$$n = 14 (\because n > 0)$$

17. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 세 점 $(0, 12)$, $(-2, -2b)$, $(1, 1 - 4a)$ 를 지날 때, $a - b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$y = ax^2 + bx + c \text{에 세 점을 대입하면 } c = 12$$

$$-2b = 4a - 2b + c \cdots \textcircled{①}$$

$$1 - 4a = a + b + c \cdots \textcircled{②}$$

$$c = 12 \text{ 를 } \textcircled{①} \text{에 대입하면 } a = -3$$

$$a = -3, c = 12 \text{ 를 } \textcircled{②} \text{에 대입하면 } b = 4$$

$$\therefore a - b + c = -3 - 4 + 12 = 5$$

18. 두 실수 a , b 에 대하여 $a-b < 0$, $ab < 0$ 일 때, $\sqrt{a^2} + \sqrt{b^2} - \sqrt{(-a)^2} + \sqrt{(-b)^2}$ 을 간단히 한 것은?

- ① 0 ② $2a$ ③ $a-b$ ④ $2b$ ⑤ $a+b$

해설

$ab < 0$ 이면 a 와 b 의 부호가 다르다.
 $a-b < 0$ 이면 $a < b$ 이므로 $a < 0$, $b > 0$ 이다.

$a < 0$ 이므로 $\sqrt{a^2} = -a$, $b > 0$ 이므로 $\sqrt{b^2} = b$

$a < 0$ 이므로 $\sqrt{(-a)^2} = \sqrt{a^2} = -a$

$b > 0$ 이므로 $\sqrt{(-b)^2} = \sqrt{b^2} = b$

따라서

$$\sqrt{a^2} + \sqrt{b^2} - \sqrt{(-a)^2} + \sqrt{(-b)^2}$$

$$= -a + b - (-a) + b$$

$$= 2b$$

19. 두 자연수 a , b 에 대하여 $\sqrt{270a} = b$ 일 때, $a + b$ 의 최솟값을 구하라.

▶ 답:

▷ 정답: 120

해설

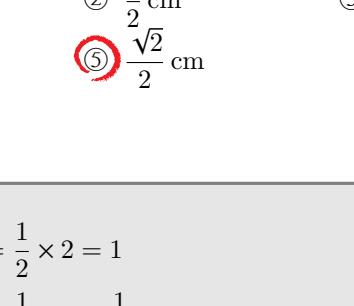
$$\sqrt{270a} = \sqrt{3^3 \times 2 \times 5 \times a}$$

근호 안의 소인수의 지수가 모두 짝수가 되어야 하므로 $a = 3 \times 2 \times 5 = 30$ 이다.

a 를 대입하면 $\sqrt{270a} = \sqrt{3^3 \times 2 \times 5 \times a} = \sqrt{3^4 \times 2^2 \times 5^2} = 3^2 \times 2 \times 5 = b$ 이다.

따라서 $b = 90$ 이다.

20. 다음 그림에서 사각형 A, B, C는 모두 정사각형이고, 각 사각형의 넓이 사이에는 B는 C의 2배, A는 B의 2배인 관계가 있다고 한다. A의 넓이가 2cm^2 일 때, C의 한 변의 길이는?



- ① $\frac{1}{4}\text{cm}$ ② $\frac{1}{2}\text{cm}$ ③ $\frac{\sqrt{2}}{3}\text{cm}$
④ $\frac{\sqrt{2}}{4}\text{cm}$ ⑤ $\frac{\sqrt{2}}{2}\text{cm}$

해설

$$(\text{B의 넓이}) = \frac{1}{2} \times 2 = 1$$

$$(\text{C의 넓이}) = \frac{1}{2} \times 1 = \frac{1}{2}$$

따라서, C의 한 변의 길이는 $\sqrt{\frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}\text{cm}$ 이다.

21. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 는 직선 $x = 2$ 에 대하여 대칭이고, 직선 $y = x - 1$ 과 만나는 점의 x 좌표가 3, -2 일 때, $a + b + c$ 의 값을 구하면?

① 0 ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{2}{3}$ ④ 1 ⑤ 2

해설

$x = 2$ 에 대하여 대칭이므로 $y = a(x - 2)^2 + q$ 이고,

$y = x - 1$ 에서 $(3, 2), (-2, -3)$ 을 지나므로,

$a + q = 2, 16a + q = -3$ 에서

$$a = -\frac{1}{3}, q = \frac{7}{3} \text{이므로}$$

$$y = -\frac{1}{3}(x - 2)^2 + \frac{7}{3} = -\frac{1}{3}x^2 + \frac{4}{3}x + 1$$

따라서 $y = a + b + c = 2$ 이다.

22. 초속 50m로 지상에서 곧바로 위로 던진 돌의 x 초 후의 높이를 y m라고 하면 x 와 y 사이에는 $y = 40x - 5x^2$ 의 관계식이 성립한다. 돌이 최고의 높이에 도달하는 것은 몇 초 후인지 구하여라.

▶ 답: 초 후

▷ 정답: 4초 후

해설

$$y = 40x - 5x^2$$

$$y = -5(x - 4)^2 + 80$$

$x = 4$ 일 때, 최댓값 80 을 갖는다.

23. $2 < x \leq 3$ 일 때,
 $A = \sqrt{(-3x)^2} - 3\sqrt{(2-x)^2}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$$\begin{aligned} 2 < x \leq 3 \text{ 에서 } -3x < 0, 2-x < 0 \text{ 이므로} \\ A &= \sqrt{(-3x)^2} - 3\sqrt{(2-x)^2} \\ &= -(-3x) - 3(x-2) \\ &= 3x - 3x + 6 \\ &= 6 \end{aligned}$$

24. 이차방정식 $ax^2 + bx + c = 0$ 을 만족시키는 실근을 p, q 라 할 때 $(p-q)^2 \neq 0$ 이 성립한다. 실수 x 에 대하여 이차방정식 $bx^2 + 2(a-2c)x - b = 0$ 의 해의 개수와 이차방정식 $x^2 + 2(a+c)x + 6(ac-a^2) + b^2 = 0$ 의 해의 개수의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$(p-q)^2 \neq 0$ 에서 $p-q \neq 0, p \neq q$ 이므로 $ax^2 + bx + c = 0$ 은 서로 다른 두 실근을 가지므로

$$D = b^2 - 4ac > 0 \cdots \textcircled{1}$$

$$bx^2 + 2(a-2c)x - b = 0 \text{에서}$$

$$\begin{aligned} \frac{D}{4} &= (a-2c)^2 + b^2 \\ &= a^2 - 4ac + 4c^2 + b^2 \\ &= a^2 + 4c^2 + b^2 - 4ac \end{aligned}$$

그런데 $\textcircled{1}$ 에서 $b^2 - 4ac > 0$ 이고 $a^2 + 4c^2 \geq 0$ 이므로 $a^2 + 4c^2 + b^2 - 4ac > 0$

따라서 $bx^2 + 2(a-2c)x - b = 0$ 은 $D > 0$ 이므로 서로 다른 두 근을 가진다.

$$x^2 + 2(b+c)x + 6(bc-a^2) = 0 \text{에서}$$

$$\begin{aligned} \frac{D}{4} &= (a+c)^2 - 6(ac-a^2) + b^2 \\ &= a^2 + 2ac + c^2 - 6ac + 6a^2 + b^2 \\ &= b^2 - 4ac + c^2 + 7a^2 \end{aligned}$$

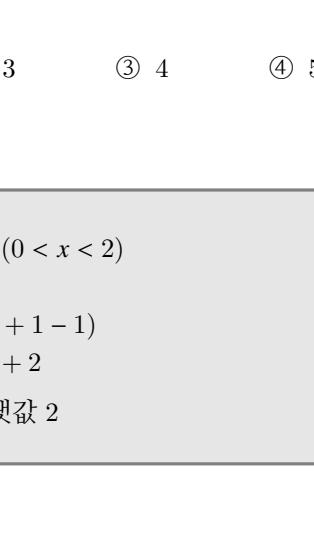
그런데 $\textcircled{1}$ 에서 $b^2 - 4ac > 0$ 이고 $c^2 + 7a^2 \geq 0$ 이므로

$$b^2 - 4ac + c^2 + 7a^2 > 0$$

따라서 $x^2 + 2(a+c)x + 6(ac-a^2) + b^2 = 0$ 은 $D > 0$ 이므로 서로 다른 두 근을 가진다.

따라서 두 이차방정식의 근의 개수의 합은 4

25. 직선 $y = -2x + 4$ 위의 제1 사분면에 있는 한 점 P에서 x 축, y 축에 수선을 그어 그때의 수선의 발을 각각 Q, R이라 할 때, 사각형 OQPR의 넓이의 최댓값은?



- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 7

해설

$$\begin{aligned}y &= x(-2x + 4)(0 < x < 2) \\&= -2x^2 + 4x \\&= -2(x^2 - 2x + 1 - 1) \\&= -2(x - 1)^2 + 2\end{aligned}$$

$x = 1$ 일 때 최댓값 2