

1. 세 변의 길이가 3cm, 6cm, a cm인 삼각형을 작도하려고 한다. 이때, 정수 a 의 값이 될 수 있는 수의 개수는?

- ① 3개 ② 4개 ③ 5개 ④ 6개 ⑤ 7개

해설

가장 긴 변이 6일 때, $3 + a > 6$, $a > 3$

가장 긴 변이 a 일 때, $9 > a$

따라서 $3 < a < 9$ 인 정수 a 는 4, 5, 6, 7, 8의 5개이다.

2. 다음 조건을 만족하는 다각형은?

- ㄱ. 6개의 선분으로 둘러싸여 있다.
- ㄴ. 변의 길이가 모두 같고 내각의 크기가 모두 같다.

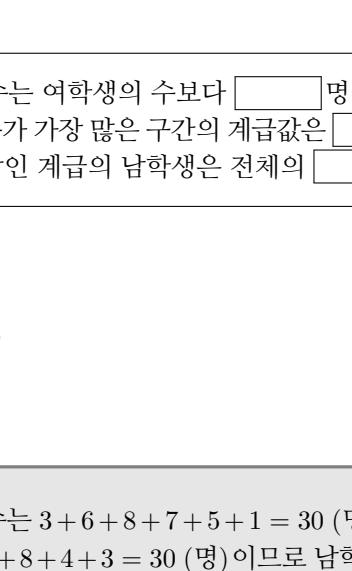
① 정육면체 ② 정삼각형 ③ 육각형

④ 사각형 ⑤ 정육각형

해설

6 개의 선분으로 둘러싸여 있으므로 육각형이고, 변의 길이와 내각의 크기가 모두 같으므로 정육각형이다.

3. 다음 그림은 어느 학급의 학생들의 수면 시간을 조사하여 나타낸
그래프이다. 안에 들어갈 알맞은 수의 합을 구하여라.



- ① 남학생의 수는 여학생의 수보다 명 더 적다.
② 여학생의 수가 가장 많은 구간의 계급값은 시간이다.
③ 8 시간 이상인 계급의 남학생은 전체의 % 이다.

▶ 답:

▷ 정답: 26.5

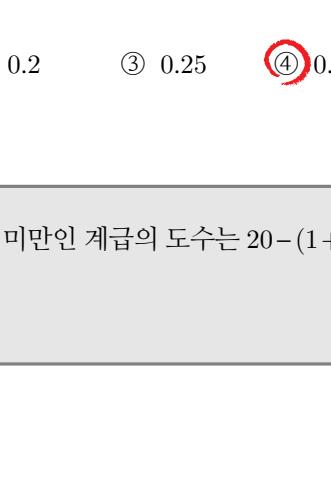
해설

- ① 남학생의 수는 $3 + 6 + 8 + 7 + 5 + 1 = 30$ (명)이고, 여학생의 수는 $1 + 5 + 9 + 8 + 4 + 3 = 30$ (명)이므로 남학생은 여학생수와 같다.
② 여학생의 수가 가장 많은 구간은 6 시간 이상 7 시간 미만이므로 6.5 시간이다.

③ 8 시간 이상인 계급의 남학생 수는 $5 + 1 = 6$ 이므로 $\frac{6}{30} \times 100 = 20\%$ 이다.

따라서 $0 + 6.5 + 20 = 26.5$ 이다.

4. 다음 그림은 어느 학급 20 명의 학생들이 1 년 동안 직접 영화관에 가서 영화를 관람한 횟수를 조사하여 히스토그램으로 나타낸 것이 일부 찢어져 나갔다. 도수가 가장 큰 계급의 상대도수는?



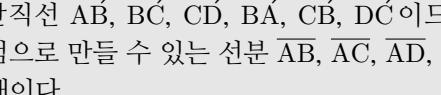
- ① 0.1 ② 0.2 ③ 0.25 ④ 0.35 ⑤ 0.4

해설

8 회 이상 10 회 미만인 계급의 도수는 $20 - (1 + 2 + 4 + 5 + 1) = 7$

$$\therefore \frac{7}{20} = 0.35$$

5. 다음 그림과 같이 직선 l 위에 있는 네 점 A, B, C, D 중에서 두 점으로 만들 수 있는 직선의 개수, 반직선의 개수, 선분의 개수를 모두 더하여라.



▶ 답:

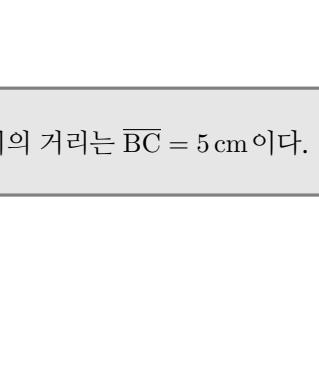
▷ 정답: 13

해설

두 점으로 만들 수 있는 직선은 오직 1 개뿐이다. 두 점으로 만들 수 있는 반직선 \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{BC} , \overrightarrow{CD} , \overrightarrow{BA} , \overrightarrow{CB} , \overrightarrow{DC} 이므로 6 개이다. 또한, 두 점으로 만들 수 있는 선분 \overline{AB} , \overline{AC} , \overline{AD} , \overline{BC} , \overline{BD} , \overline{CD} 이므로 6 개이다.

따라서 $1 + 6 + 6 = 13$ 이다.

6. 다음 그림에서 점 B와 \overline{CD} 사이의 거리는?

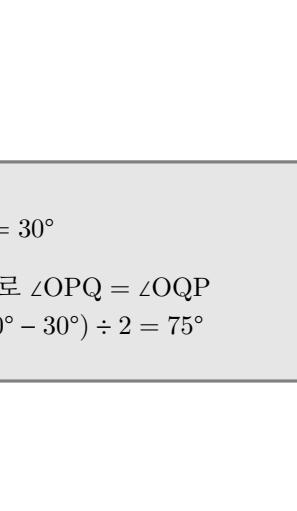


- ① 2 cm ② 3 cm ③ 4 cm ④ 5 cm ⑤ 6 cm

해설

점 B와 \overline{CD} 사이의 거리는 $\overline{BC} = 5 \text{ cm}$ 이다.

7. 다음 그림은 직각인 $\angle AOB$ 를 삼등분한 것이다. $\angle OPQ$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 75°

해설

$$\angle POQ = \frac{1}{3} \angle R = 30^{\circ}$$

$\overline{OP} = \overline{OQ}$ 이므로 $\angle OPQ = \angle OQP$

$$\therefore \angle OPQ = (180^{\circ} - 30^{\circ}) \div 2 = 75^{\circ}$$

8. 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수가 6 개일 때, 이 다각형의 변의 수는 x 개이고 대각선의 총수는 y 개다. 이 때, $x + y$ 의 값은?

① 19 ② 25 ③ 28 ④ 36 ⑤ 45

해설

한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수: $n - 3$

$$n - 3 = 6$$

$$\therefore n = 9$$

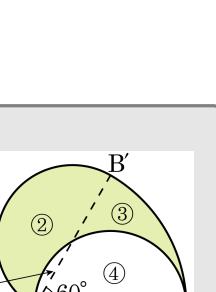
구각형이므로 변의 개수 $\therefore x = 9$

n 각형의 대각선의 총수는 $\frac{1}{2}n(n - 3)$ 개이므로

$$\therefore y = \frac{1}{2} \times 9 \times (9 - 3) = 27$$

$$\therefore x + y = 9 + 27 = 36$$

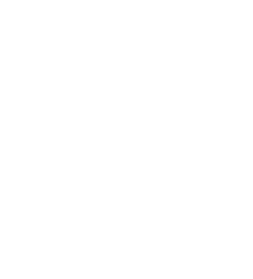
9. 다음 그림은 지름 10 cm 인 반원을 점A를 중심으로 60° 만큼 회전한 것이다. 색칠한 부분의 넓이는?



$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \frac{100}{3}\pi \text{cm}^2 & \textcircled{2} \frac{50}{3}\pi \text{cm}^2 & \textcircled{3} \frac{101}{6}\pi \text{cm}^2 \\ \textcircled{4} \frac{50}{6}\pi \text{cm}^2 & \textcircled{5} \frac{25}{6}\pi \text{cm}^2 & \end{array}$$

해설

$\textcircled{1} + \textcircled{2} =$ 반 원 이고, $\textcircled{1} + \textcircled{4} =$ 반 원 이다. 따라서 $\textcircled{2} = \textcircled{4}$ 이다. 즉, $\textcircled{2} + \textcircled{3} = \textcircled{3} + \textcircled{4}$ 이므로 $r = 10$, 중심각 60° 인 부채꼴의 넓이를 구하면 된다.



$$\therefore S = \pi \times 10^2 \times \frac{60^\circ}{360^\circ} = \frac{50}{3}\pi(\text{cm}^2)$$

10. 아래 그림과 같은 직각삼각형 ABC 를 보기와 같이 직선을 축으로 하여 회전시켰을 때, 원뿔이 되는 것은 모두 몇 개인가?



[보기]

- Ⓐ \overleftrightarrow{AC} Ⓑ \overleftrightarrow{BC} Ⓒ \overleftrightarrow{AB} Ⓓ \overleftrightarrow{BD}

- ① 0 개 ② 1 개 ③ 2 개 ④ 3 개 ⑤ 4 개

[해설]

\overleftrightarrow{AB} , \overleftrightarrow{BC} , \overleftrightarrow{BD} 를 축으로 하여 회전시켰을 때 원뿔이 된다.

11. 다음 보기 중 옳지 않은 것의 개수를 구하여라.

보기

- Ⓐ 회전체를 회전축에 수직인 평면으로 자르면 그 단면은 항상 원이 된다.
- Ⓑ 회전체를 회전축을 포함하는 평면으로 잘라서 얻을 수 있는 모든 도형은 서로 합동이다.
- Ⓒ 지름을 회전축으로 하여 반원을 회전시키면 구가 생긴다.
- Ⓓ 회전체를 회전축에 수직인 평면으로 잘라서 얻을 수 있는 모든 도형은 서로 합동이다.
- Ⓔ 회전체의 회전축은 언제나 하나뿐이다.

▶ 답:

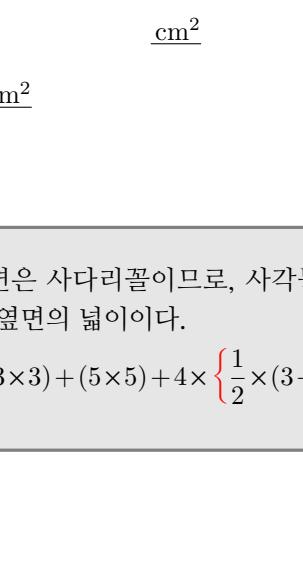
개

▷ 정답: 2개

해설

- Ⓐ 항상 합동이 되는 것은 아니다.
- Ⓑ 구의 회전축은 무수히 많다.
따라서 옳지 않은 것은 2 개이다.

12. 다음 사각뿔대의 겉넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답: 162 $\underline{\text{cm}^2}$

해설

사각뿔대의 옆면은 사다리꼴이므로, 사각뿔대의 겉넓이는 두 밑면과 네 개의 옆면의 넓이이다.

$$\therefore (\text{겉넓이}) = (3 \times 3) + (5 \times 5) + 4 \times \left\{ \frac{1}{2} \times (3+5) \times 8 \right\} = 162 \text{ cm}^2$$

13. 다음 표는 수영이네 반 학생들의 한 달 평균 휴대전화 통화량을 조사한 것이다. 한 달 평균 통화량이 60분 이상 120분 미만인 학생은 전체의 몇 % 인지 구하여라.

통화량(분)	도수(명)	상대도수
0이상 ~ 30미만		0.1
30이상 ~ 60미만	9	b
60이상 ~ 90미만		c
90이상 ~ 120미만	15	0.3
120이상 ~ 150미만		0.2
합계	a	

▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}}$ %

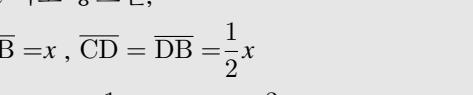
▷ 정답: 52%

해설

$$a = \frac{15}{0.3} = 50, b = \frac{9}{50} = 0.18, c = 1 - (0.1 + 0.18 + 0.3 + 0.2) = 0.22$$

한 달 평균 통화량이 60분 이상 120분 미만인 학생은 전체의 $(0.22 + 0.3) \times 100 = 52\%$ 이다.

14. 다음 그림에서 \overline{AB} 의 중점을 점 C 라 하고 \overline{CB} 의 중점을 D 라 하자.
또한 \overline{AD} 의 중점을 점 E , \overline{AC} 의 중점을 점 F 라 할 때, \overline{ED} 는 \overline{FD} 의 몇 배인가?

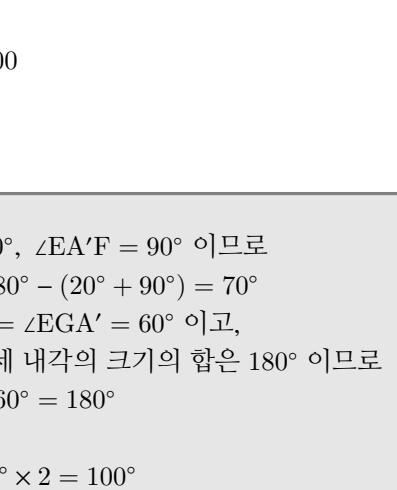


- ① $\frac{3}{16}$ 배 ② $\frac{3}{8}$ 배 ③ $\frac{3}{5}$ 배 ④ $\frac{3}{4}$ 배 ⑤ $\frac{3}{2}$ 배

해설

$$\begin{aligned}\overline{AB} &= 2x \text{ 라고 놓으면,} \\ \overline{AC} &= \overline{CB} = x, \overline{CD} = \overline{DB} = \frac{1}{2}x \\ \overline{AD} &= \frac{3}{2}x, \overline{AE} = \frac{1}{2}\overline{AD} = \overline{ED} = \frac{3}{4}x \\ \overline{AF} &= \overline{FC} = \frac{1}{2}x, \overline{FD} = \overline{FC} + \overline{CD} = x \\ \therefore \overline{ED} &= \frac{3}{4}x = \frac{3}{4}\overline{FD} \text{ } \circ\text{다.}\end{aligned}$$

15. 다음 그림은 직사각형 ABCD 를 꼭짓점 A 는 A' , 꼭짓점 C 는 C' , 꼭짓점 D 는 D' 에 오도록 접은 것이다. $2\angle x = (\quad)^\circ$ 일 때 (\quad) 안에 알맞은 수를 쓰시오.



▶ 답:

▷ 정답: 100

해설

$$\begin{aligned} &\angle FA'B = 20^\circ, \angle EA'F = 90^\circ \text{ 이므로} \\ &\angle EA'G = 180^\circ - (20^\circ + 90^\circ) = 70^\circ \\ &\text{또, } \angle HGD' = \angle EGA' = 60^\circ \text{ 이고,} \\ &\triangle EA'G \text{의 세 내각의 크기의 합은 } 180^\circ \text{ 이므로} \\ &\angle x + 70^\circ + 60^\circ = 180^\circ \\ &\therefore \angle x = 50^\circ \\ &\therefore 2\angle x = 50^\circ \times 2 = 100^\circ \end{aligned}$$