

1. 다음 중 틀린 것은?

① -4 보다 6 만큼 큰 수 $\Rightarrow -4 + 6$

② -8 보다 -4 만큼 작은 수 $\Rightarrow -8 - (-4)$

③ 2 보다 -6 만큼 큰 수 $\Rightarrow 2 + 6$

④ 0 보다 -2 만큼 작은 수 $\Rightarrow 0 - (-2)$

⑤ -1 보다 -3 만큼 큰 수 $\Rightarrow -1 + (-3)$

해설

③ 2 보다 -6 만큼 큰 수 $\Rightarrow 2 + (-6)$

2. 다음의 계산과정에서 사용된 곱셈의 계산 법칙 중 교환법칙이 사용된 것을 모두 골라라.

$$\begin{aligned}
 & (+2) \times (-3) \times (+4) \times (+2) \times (-5) \\
 & = (+2) \times (-3) \times \{(+4) \times (+2)\} \times (-5) \quad \text{㉠} \\
 & = (+2) \times (-3) \times (+8) \times (-5) \\
 & = (+2) \times (-3) \times (-5) \times (+8) \quad \text{㉡} \\
 & = (+2) \times \{(-3) \times (-5)\} \times (+8) \\
 & = (+2) \times (+15) \times (+8) \\
 & = (+2) \times (+8) \times (+15) \quad \text{㉢} \\
 & = (+2) \times \{(+8) \times (+15)\} \quad \text{㉣} \\
 & = (+2) \times (+120) \\
 & = 240
 \end{aligned}$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: ㉡

▶ 정답: ㉣

해설

$$\begin{aligned}
 & (+2) \times (-3) \times (+4) \times (+2) \times (-5) \\
 & = (+2) \times (-3) \times \{(+4) \times (+2)\} \times (-5) \quad \text{결합법칙} \\
 & = (+2) \times (-3) \times (+8) \times (-5) \\
 & = (+2) \times (-3) \times (-5) \times (+8) \quad \text{교환법칙} \\
 & = (+2) \times \{(-3) \times (-5)\} \times (+8) \\
 & = (+2) \times (+15) \times (+8) \\
 & = (+2) \times (+8) \times (+15) \quad \text{교환법칙} \\
 & = (+2) \times \{(+8) \times (+15)\} \quad \text{결합법칙} \\
 & = (+2) \times (+120) \\
 & = 240
 \end{aligned}$$

3. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ㉠ $5^2 = 25$
- ㉡ $3 \times 3 \times 5 \times 5 \times 7 = 3^2 \times 5^2 \times 7$
- ㉢ $2^4 = 4^3$
- ㉣ $\frac{1}{5 \times 5 \times 7 \times 7 \times 7} = \frac{1}{5^2 \times 7^3}$
- ㉤ $\frac{1}{5^3 \times 5^4} = \frac{1}{5^{12}}$

- ① ㉠, ㉡ ② ㉠, ㉢ ③ ㉠, ㉤ ④ ㉡, ㉢ ⑤ ㉢, ㉣, ㉤

해설

- ㉢ $2^4 \neq 4^3$
- ㉣ $\frac{1}{5^3 \times 5^4} = \frac{1}{5^7}$

4. 수직선 위에서 -6 과 대응하는 점과 +2 에 대응하는 점에서 같은 거리에 있는 수를 구하면?

① -3 ② -2 ③ -1 ④ 0 ⑤ 1

해설

-6 과 +2 사이의 거리는 8 이므로

$$\frac{8}{2} = 4 \text{에서}$$

-6 에서 오른쪽으로 4 만큼 간 수 -2 이다.

5. 어떤 유리수에서 $-\frac{4}{3}$ 를 빼야 할 것을 잘못하여 더하였더니 계산 결과가 $\frac{7}{12}$ 이 되었다. 바르게 계산한 값은?

- ① $\frac{2}{3}$ ② $\frac{4}{3}$ ③ $\frac{5}{4}$ ④ $\frac{11}{4}$ ⑤ $\frac{13}{4}$

해설

어떤 유리수를 \square 라 하면

$$\square + \left(-\frac{4}{3}\right) = \frac{7}{12}$$

$$\square = \frac{7}{12} - \left(-\frac{4}{3}\right) = \frac{23}{12}$$

바르게 계산하면

$$\frac{23}{12} - \left(-\frac{4}{3}\right) = \frac{13}{4}$$

6. 방정식을 다음과 같은 단계로 풀 때, 사용될 수 있는 등식의 성질을 [보기]에서 골라 바르게 짝지은 것은?

$$4x + 3 = 19$$

$$(가) \Rightarrow 4x = 16$$

$$(나) \Rightarrow x = 4$$

보기

- ㉠ $a = b$ 이면 $a + c = b + c$ 이다.
 ㉡ $a = b$ 이면 $a - c = b - c$ 이다.
 ㉢ $a = b$ 이면 $ac = bc$ 이다.
 ㉣ $a = b$ 이면 $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$ 이다. (단, $c \neq 0$)
 ㉤ $a = b$ 이면 $b = a$ 이다.

- ① (가) - ㉠, (나) - ㉢ ② (가) - ㉡, (나) - ㉣
 ③ (가) - ㉢, (나) - ㉠ ④ (가) - ㉢, (나) - ㉡
 ⑤ (가) - ㉠, (나) - ㉡

해설

- (가) 3 을 없애기 위해 양변에 3 을 빼줌 - ㉡
 (나) x 의 계수 4 를 없애기 위해 양변을 4 로 나눠줌 - ㉣

7. $\frac{2x-1}{3} = \frac{x+4}{2}$ 의 해를 a , $\frac{2}{3}x + 0.5x - 2x - \frac{5}{3} = \frac{1}{2}x + 1$ 의 해를 b 라 할 때, $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a+b=12$

해설

$$\frac{2x-1}{3} = \frac{x+4}{2}$$

양변에 6을 곱하면

$$2(2x-1) = 3(x+4)$$

$$4x-2 = 3x+12$$

$$x = 14, \therefore a = 14$$

$$\frac{2}{3}x + 0.5x - 2x - \frac{5}{3} = \frac{1}{2}x + 1$$

양변에 30을 곱하면

$$20x + 15x - 60x - 50 = 15x + 30$$

$$-40x = 80$$

$$x = -2, \therefore b = -2$$

$$\therefore a+b = 14 - 2 = 12$$

8. 어떤 수에 2배하여 4를 뺀 후에 3을 곱할 것을 잘못하여 $\frac{1}{3}$ 배하였더니 원래 수의 $\frac{1}{3}$ 이 되었다. 바르게 계산한 것은?

- ① 4 ② 8 ③ 12 ④ -4 ⑤ -12

해설

어떤 수를 x 라 하자.

$$(2x - 4) \times \frac{1}{3} = \frac{1}{3}x$$

$$2x - 4 = x$$

$$x = 4$$

어떤 수가 4이므로 바르게 계산하면

$$(4 \times 2 - 4) \times 3 = 12$$

9. 함수 $f(x) = ax + 3$ 일 때, $f(-4) = 5$ 일 때,
 $4f(7) - 5f(4) + f(x) = 7$ 을 만족시키는 $f(x)$ 에서 x 의 값은?

① 20 ② -22 ③ 18 ④ -20 ⑤ 16

해설

$f(-4) = 5$ 이므로 $f(x) = ax + 3$ 에 대입하면

$$f(-4) = (-4) \times a + 3 = 5$$

$$a = -\frac{1}{2} \text{ 이므로 } f(x) = -\frac{1}{2}x + 3$$

$$f(7) = -\frac{1}{2}$$

$$f(4) = 1$$

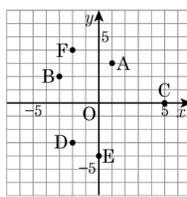
$$-2 - 5 + f(x) = 7$$

$$f(x) = 14$$

$$-\frac{1}{2}x + 3 = 14$$

$$\therefore x = -22$$

10. 좌표평면 위에 6개 점이 찍혀있다. 각 점에 해당하는 좌표를 나타낸 것으로 옳지 않은 것을 보기에서 모두 골라라.



보기

- ㉠ A(-1, 3) ㉡ B(-3, 2) ㉢ C(5, 0)
 ㉣ D(-2, -3) ㉤ E(-4, 0) ㉥ F(-2, 4)

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ㉠

▷ 정답: ㉥

해설

A(1, 3), B(-3, 2), C(5, 0), D(-2, -3), E(0, -4), F(-2, 4)

11. x 가 $-3, 0, 3, 6$ 이고 y 는 정수인 함수 $y = \frac{1}{3}x$ 에 대하여 다음 중 옳은 것은?

- ① y 가 x 에 반비례한다.
- ② x 의 값이 2배, 3배 되면, y 값은 $\frac{1}{2}$ 배, $\frac{1}{3}$ 배가된다.
- ③ $f(-3) + f(+6) = 3$
- ④ $f(0) = 0$ 이다.
- ⑤ 함숫값은 $0, 1, 2, 3$ 이다.

해설

- ① 정비례한다.
- ② y 값도 2배, 3배 된다.
- ③ $f(-3) + f(6) = (-1) + 2 = 1$
- ⑤ 함숫값은 $-1, 0, 1, 2$ 이다.

12. 점 $(4, b)$ 가 두 함수 $y = -x + 7$ 과 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프 위에 있을 때, $a + b$ 의 값은?

- ① -9 ② -3 ③ 3 ④ 9 ⑤ 15

해설

$$\begin{aligned} -4 + 7 &= b \\ \therefore b &= 3 \\ \frac{a}{4} &= 3 \\ \therefore a &= 12 \\ \therefore a + b &= 15 \end{aligned}$$

13. $n = 3p^2q$ 일 때, n 의 약수의 개수를 구하여라. (단, $p \neq q \neq 3$ 인 소수)

▶ 답: 개

▷ 정답: 12 개

해설

$p \neq q \neq 3$ 인 소수이므로, n 을 소인수분해하면 $n = 3p^2q = 3 \times p^2 \times q$ 이다.
따라서 약수의 개수는 $(1+1) \times (2+1) \times (1+1) = 12$ (개) 이다.

14. $x = 3a - 2$ 이고 $A = 4 + 7x$, $B = -x - 3$ 이다. $A - B$ 에 대하여 $a = 1$ 일 때의 식의 값을 m , $a = -2$ 일 때의 식의 값을 n 이라고 할 때, $m - n$ 의 값은?

- ① 70 ② 71 ③ 72 ④ 73 ⑤ 74

해설

$$a = 1 \text{ 일 때, } x = 1 \text{ 이므로 } A = 11, B = -4$$

$$\therefore A - B = 11 - (-4) = 15 = m$$

$$a = -2 \text{ 일 때, } x = -8 \text{ 이므로 } A = -52, B = 5$$

$$\therefore A - B = -52 - 5 = -57 = n$$

$$\therefore m - n = 15 - (-57) = 72$$

15. 5%의 소금물 300g에서 몇 g의 물을 증발시키면 6%의 소금물이 되는지 구하여라.

▶ 답: g

▷ 정답: 50g

해설

5%의 소금물 300g에 녹아있는 소금의 양은 $\left(\frac{5}{100} \times 300\right)$ g

이고,

물 x g을 증발시키면 농도가 6%가 되므로 소금의 양은 $\frac{6}{100} \times$

$(300 - x)$ g이다.

$$\frac{5}{100} \times 300 = \frac{6}{100} \times (300 - x)$$

$$1500 = 1800 - 6x$$

$$6x = 300$$

$$x = 50(\text{g})$$