

1. 다음은 방정식을 푸는 과정이다. 안에 알맞은 것은?

$$\begin{aligned}5x - 3 &= 7 \\5x &= 7 + \boxed{} \\5x &= 10 \\\therefore x &= 2\end{aligned}$$

- ① x ② $-5x$ ③ 7 ④ -3 ⑤ 3

해설

$5x - 3 = 7, 5x = 7 + 3, 5x = 10, x = 2$ 이다.

2. 다음 중 방정식을 만족시키는 x 의 값이 가장 작은 것은?

$$\textcircled{1} \quad x + 3 = 2$$

$$\textcircled{2} \quad 3(x - 1) + 7 = 0$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{1}{3}x - \frac{1}{2} = \frac{x}{4}$$

$$\textcircled{4} \quad 0.2x - 3 = 0.5x$$

$$\textcircled{5} \quad 2 = 2 - 4 \{1 - (2x - 7)\}$$

해설

$$\textcircled{1} \quad x + 3 = 2, x = -1$$

$$\textcircled{2} \quad 3(x - 1) + 7 = 0, 3x - 3 + 7 = 0, 3x + 4 = 0, x = -\frac{4}{3}$$

\textcircled{3} 양변에 12를 곱하여 계수를 정수로 만든다.

$$4x - 6 = 3x, 4x - 3x = 6$$

$$\therefore x = 6$$

\textcircled{4} 양변에 10을 곱하여 계수를 정수로 만든다.

$$2x - 30 = 5x, -30 = 5x - 2x, -30 = 3x$$

$$\therefore x = -10$$

$$\textcircled{5} \quad 2 = 2 - 4 \{1 - (2x - 7)\},$$

$$1 = 1 - 2 \{1 - (2x - 7)\}, 0 = -2 \{1 - (2x - 7)\}$$

$$0 = 1 - (2x - 7), 2x - 7 = 1, 2x = 8$$

$$\therefore x = 4$$

3. 등식 $4 - ax = (a - 3)x$ 의 해가 없을 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{3}{2}$

해설

$$(3 - 2a)x = -4$$

$$3 - 2a = 0$$

$$a = \frac{3}{2}$$

4. 다음 중 일차방정식인 것을 모두 골라라.

- Ⓐ $3x - 5 = x + 5$
- Ⓑ $x^3 + 2x + 1 = 0$
- Ⓒ $10 - 7x = 10$
- Ⓓ $4(x - 3) = -12 + 4x$
- Ⓔ $-x^2 + 2x - 7 = x + x^2$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓐ

▷ 정답: Ⓒ

해설

Ⓑ, Ⓣ : (일차식) = 0 이 아니므로 일차방정식이 아니다.

Ⓔ : 항등식

5. 지원이는 일차방정식 문제를 풀다가 음료수를 엎질러 다음 그림과 같이 여기저기에 얼룩이 생겼다. 그런데 먼저 푼 친구들이 방정식의 해는 모두 4이고, 지워진 부분은 모두 숫자라는 사실을 알려주었다. 보이지 않는 부분에 알맞은 수를 차례대로 써라.

$$1) 3(x-2) = \square$$

$$2) \frac{3x}{\square} = 6$$

$$3) -2(x-\square) = 6$$

$$4) \frac{2x}{5} + 1 = \square$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 6

▷ 정답: 2

▷ 정답: 7

▷ 정답: $\frac{13}{5}$

해설

$$3(x-2) = 3(4-2) = 6 = \square$$

$$\frac{3x}{\square} = \frac{12}{\square} = 6, \square = 2$$

$$-2(x-\square) = 6, -2(4-\square) = 6, 4-\square = -3, \square = 7$$

$$\frac{2x}{5} + 1 = \square, \frac{8}{5} + 1 = \square, \square = \frac{13}{5}$$

6. $3 : 2(x - 3) = 5 : (x + 4)$ 를 풀면?

- ① $x = 4$ ② $x = 5$ ③ $x = 6$ ④ $x = 7$ ⑤ $x = 8$

해설

$$10(x - 3) = 3 \times (x + 4)$$

$$10x - 30 = 3x + 12$$

$$10x - 3x = 12 + 30$$

$$7x = 42$$

$$x = 6$$

7. 두 방정식의 해가 같을 때, a 의 값을 구하여라.

$$\begin{aligned}0.3(2x + 5) &= 2.5x + 0.3 \\ ax + \frac{1}{2} &= \frac{1}{3}x - \frac{7}{2}\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: $a = -6$

해설

$$\begin{aligned}0.3(2x + 5) &= 2.5x + 0.3 \\ 3(2x + 5) &= 25x + 3 \\ 6x + 15 &= 25x + 3, \quad -19x = -12 \\ \therefore x &= \frac{12}{19} \\ ax + \frac{1}{2} &= \frac{1}{3}x - \frac{7}{2} \text{ 에 } x = \frac{12}{19} \text{ 를 대입하면} \\ a \times \frac{12}{19} + \frac{1}{2} &= \frac{1}{3} \times \frac{12}{19} - \frac{7}{2} \\ \frac{12}{19}a &= \frac{12}{19} - \frac{7}{2} - \frac{1}{2} \\ \frac{12}{19}a &= \frac{12}{19} - 4 \\ a &= -\frac{72}{19} \times \frac{19}{12} \\ \therefore a &= -6\end{aligned}$$

8. $3\{-x + 2(x+1) - 4\} = 18 - 5x$ 의 해가 $x = a$ 일 때, $a - \frac{a^2}{3}$ 의 값을 구하면?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$$3\{-x + 2(x+1) - 4\} = 18 - 5x$$

$$3(-x + 2x + 2 - 4) = 18 - 5x$$

$$3(x - 2) = 18 - 5x$$

$$3x - 6 = 18 - 5x$$

$$8x = 24$$

$$x = 3$$

$$\therefore a = 3$$

$$\text{따라서 } a - \frac{a^2}{3} = 3 - \frac{3^2}{3} = 3 - 3 = 0 \text{ 이다.}$$

9. 다음과 같이 어떤 수 x 가 각 방으로 들어가 주어진 연산을 했더니 마지막 방을 나올 때의 값이 20 가 되었다. 이때, x 의 값을 구하면?

① $\frac{11}{3}$ ② 4 ③ $\frac{13}{3}$
④ $\frac{14}{3}$ ⑤ $\frac{16}{3}$



해설

$$3x + 2 + 6 - 4 = 20$$

$$3x = 16$$

$$x = \frac{16}{3}$$

10. x 에 관한 일차방정식 $ax + 7 = 5(x + 1) + 4$ 의 해가 $x = -1$ 일 때, y 에 관한 일차방정식 $2(y - a) + 7 = 7y - 4$ 의 해는?

- ① $y = 1$ ② $y = 2$ ③ $y = 3$ ④ $y = 4$ ⑤ $y = 5$

해설

$ax + 7 = 5(x + 1) + 4$ 의 해가 $x = -1$ 이므로, $x = -1$ 를 대입하면

$$a \times (-1) + 7 = 5(-1 + 1) + 4$$

$$-a + 7 = 4$$

$$-a = 4 - 7 = -3$$

따라서 $a = 3$ 이다.

$2(y - a) + 7 = 7y - 4$ 에 $a = 3$ 를 대입하면

$$2(y - 3) + 7 = 7y - 4$$

$$2y - 6 + 7 = 7y - 4$$

$$5 = 5y$$

따라서 $y = 1$ 이다.