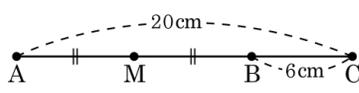


1. 다음 그림과 같이 점 M이 선분 AB의 중점이고 $\overline{AC} = 20\text{cm}$, $\overline{BC} = 6\text{cm}$ 일 때, \overline{MC} 의 길이를 구하면?

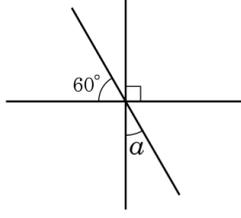


- ① 11cm ② 12cm ③ 13cm ④ 14cm ⑤ 15cm

해설

$\overline{AB} = 20 - 6 = 14(\text{cm})$ 이므로 $\overline{AM} = \overline{BM} = \frac{1}{2}\overline{AB} = 7(\text{cm})$ 이다.
그러므로 $\overline{MC} = \overline{BM} + \overline{BC} = 13(\text{cm})$ 이다.

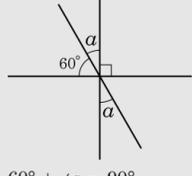
2. 다음 그림에서 $\angle a$ 의 크기는?



- ① 20° ② 25° ③ 30° ④ 35° ⑤ 40°

해설

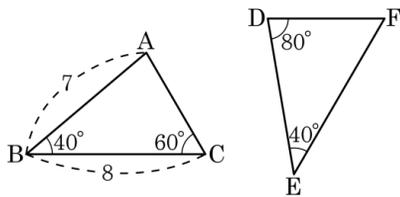
맞꼭지각으로



$$60^\circ + \angle a = 90^\circ$$

$$\therefore \angle a = 30^\circ$$

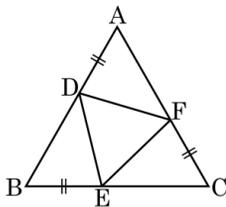
3. 다음 그림의 두 삼각형 ABC와 DEF가 서로 합동일 때 \overline{EF} 의 길이는?



- ① 3 ② 4 ③ 7 ④ 8 ⑤ 13

해설
 $\triangle ABC \cong \triangle DEF$ 이므로 $\overline{EF} = \overline{BC} = 8$

4. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 정삼각형이고 $\overline{AD} = \overline{BE} = \overline{CF}$ 일 때, $\triangle DEF$ 는 어떤 삼각형인지 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 정삼각형

해설

$$\overline{AD} = \overline{BE} = \overline{CF} \dots \textcircled{1}$$

$$\overline{AF} = \overline{DB} = \overline{EC} \dots \textcircled{2}$$

$$\angle DAF = \angle DBE = \angle ECF = 60^\circ \dots \textcircled{3}$$

$\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$, $\textcircled{3}$ 에서

$\triangle ADF \cong \triangle BED \cong \triangle CFE$ (SAS합동) 이므로

$$\overline{FD} = \overline{DE} = \overline{EF}$$

$\therefore \triangle DEF$ 는 정삼각형

5. 다음 보기에서 회전체를 모두 고르면?

보기

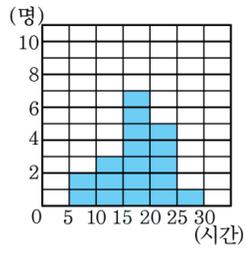
- | | | |
|-------|--------|--------|
| ㉠ 구 | ㉡ 사각기둥 | ㉢ 원기둥 |
| ㉣ 원뿔대 | ㉤ 오각뿔 | ㉥ 사각뿔대 |

- ① ㉠ ② ㉡, ㉢ ③ ㉡, ㉣
- ④ ㉠, ㉢, ㉣, ㉤ ⑤ ㉠, ㉢, ㉣, ㉤

해설

회전체인 것은 ㉠, ㉢, ㉣이다.

6. 다음 그림은 어느 중학교 봉사부 학생들의 봉사활동 시간을 조사하여 나타낸 히스토그램이다. 히스토그램의 직사각형의 넓이의 합을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 90

해설

(직사각형의 넓이의 합) = (계급의 크기) × (도수의 총합) 이다.
 계급의 크기는 5 시간,
 (도수의 총합) = $2 + 3 + 7 + 5 + 1 = 18$ (명) 이므로 직사각형의 넓이의 합은 $5 \times 18 = 90$ 이다.

8. 수직선 위의 두 점 A, B 에 대하여 선분 AB 의 중점을 A|B, 선분 AB 의 삼등분점 중 A 에 가까운 점을 A ← B, B 에 가까운 점을 A → B 로 정의한다. 선분 AB 의 길이가 10 일 때, 두 점 A ← (A|B), (A → B)|B 사이의 거리를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{20}{3}$

해설

A C D E F G B

위 그림과 같이 선분 AB 를 6 등분하여 차례로 C, D, E, F, G 라 하면

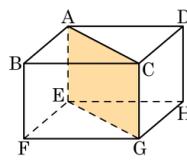
$$A|B = E, A \leftarrow E = C \quad \therefore A \leftarrow (A|B) = C$$

$$A \rightarrow B = F, F|B = G \quad \therefore (A \rightarrow B)|B = G$$

선분 AB 의 길이가 10 일 때, 각 점 사이의 간격은 $\frac{10}{6}$ 으로 일정하므로

$$\text{선분 CG 의 길이는 } \frac{10}{6} \times 4 = \frac{20}{3}$$

9. 다음 그림의 정육면체에서 면 AEGC와 평행인 모서리와 수직인 면을 구한 것이다. 안에 알맞은 말을 차례대로 써 넣어라.



평행인 모서리 : \overline{BF} ,
 수직인 면 : 면 ABCD, 면

▶ 답 :

▶ 답 :

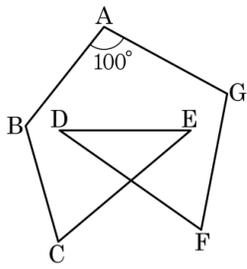
▶ 정답 : \overline{DH} 또는 \overline{HD}

▶ 정답 : EFGH 또는 HGFE

해설

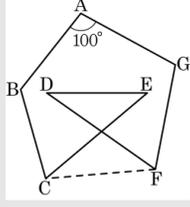
평행 : 서로 만나지 않는 두 선분의 관계
 수직 : 서로 직각으로 만나는 두 선분의 관계
 따라서 평행인 모서리 : \overline{BF} , \overline{DH}
 수직인 면 : 면 ABCD, 면 EFGH

10. 다음 그림에서 $\angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G$ 의 값은?



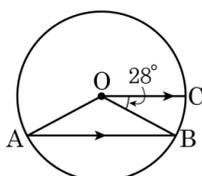
- ① 400° ② 440° ③ 540° ④ 600° ⑤ 720°

해설



오각형의 내각의 합은 540° 이다.
따라서 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G = 540^\circ$ 이므로
 $\angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G = 440^\circ$ 이다.

11. 다음 그림에서 $\overline{OC} \parallel \overline{AB}$, $\angle BOC = 28^\circ$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AB} : 5.0\text{pt}\widehat{BC} : 5.0\text{pt}\widehat{AC}$ 의 비는?



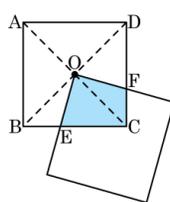
▶ 답:

▶ 정답: 31 : 7 : 38

해설

$\triangle OAB$ 는 이등변삼각형이고 $\angle OBA = 28^\circ$ 이므로 $\angle AOB = 180^\circ - 28^\circ - 28^\circ = 124^\circ$ 이다.
 따라서 $\angle AOC = 124^\circ + 128^\circ = 152^\circ$ 이다.
 따라서 $5.0\text{pt}\widehat{AB} : 5.0\text{pt}\widehat{BC} : 5.0\text{pt}\widehat{AC} = 124 : 28 : 152 = 31 : 7 : 38$ 이다.

13. 다음 그림과 같이 합동인 두 정사각형이 겹쳐져 있다. 사각형 OECF의 넓이가 10 cm^2 일 때, 정사각형 ABCD의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}}\text{ cm}^2$

▷ 정답: 40 cm^2

해설

(1) 단계
 $\triangle OBE$ 와 $\triangle OCF$ 에서
 $\overline{OB} = \overline{OC} \dots (1)$
 $\angle BOE = 90^\circ - \angle EOC = \angle COF \dots (2)$
 $\angle OBE = \angle OCF \dots (3)$

(2) 단계
(1),(2),(3)에 의하여 한 변의 길이와 양 끝 각의 크기가 같으므로
 $\triangle OBE \cong \triangle OCF$ (ASA 합동)
 $\therefore \square OECF = \triangle OBC$

(3) 단계
 $\square ABCD = \triangle OBC \times 4 = \square OECF \times 4 = 10 \times 4 = 40(\text{cm}^2)$

14. 어느 상대도수의 분포표에서 도수가 16인 계급의 상대도수가 0.4일 때, 상대도수가 0.3인 계급의 도수를 구하여라.

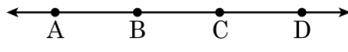
▶ 답 :

▷ 정답 : 12

해설

$$(\text{총 도수}) = \frac{16}{0.4} = 40, 40 \times 0.3 = 12$$

15. 다음과 같이 한 직선 위에 네 점 A, B, C, D가 차례대로 있을 때, 다음 보기 중 옳은 것을 모두 골라 기호로 써라.



보기

- ㉠ $\overline{AB} = \overline{CA}$ ㉡ $\overrightarrow{CB} = \overrightarrow{CA}$ ㉢ $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{BD}$
 ㉣ $\overleftrightarrow{AC} = \overleftrightarrow{BD}$ ㉤ $\overleftrightarrow{AB} = \overleftrightarrow{DA}$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: ㉡

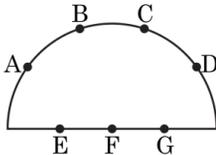
▶ 정답: ㉣

▶ 정답: ㉤

해설

- ㉠ $\overline{AB} = \overline{BA}$
 ㉢ $\overrightarrow{AD} \neq \overrightarrow{BD}$

16. 한 평면 위에 서로 다른 점들이 아래 그림과 같을 때, 이들 중 두 점을 지나는 직선의 개수를 a , 반직선의 개수를 b , 선분의 개수를 c 라고 하자. 이때, $a + b + c$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 80

해설

직선을 모두 써 보면

$\overleftrightarrow{AE}, \overleftrightarrow{AF}, \overleftrightarrow{AG}, \overleftrightarrow{BE}, \overleftrightarrow{BF}, \overleftrightarrow{BG}, \overleftrightarrow{CE}, \overleftrightarrow{CF}, \overleftrightarrow{CG}, \overleftrightarrow{DE}, \overleftrightarrow{DF}, \overleftrightarrow{DG}, \overleftrightarrow{AB},$
 $\overleftrightarrow{AC}, \overleftrightarrow{AD}, \overleftrightarrow{BC}, \overleftrightarrow{BD}, \overleftrightarrow{CD}, \overleftrightarrow{EF}$ 으로 19개이다.

따라서 $a = 19$ 이다.

(반직선의 개수) = (직선의 개수) $\times 2$ 이므로

$$19 \times 2 = 38$$

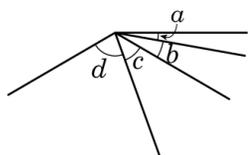
여기에 $\overrightarrow{FG}, \overrightarrow{GF}$ 를 추가해야 하므로 $b = 38 + 2 = 40$

(선분의 개수) = (직선의 개수)이므로 19개이다.

여기에 $\overline{FG}, \overline{EG}$ 를 추가해야 하므로 $c = 19 + 2 = 21$

$$\therefore a + b + c = 19 + 40 + 21 = 80$$

18. 다음 그림과 같이 5 개의 반직선이 하나의 점에서 만난다. 이 때, 만들어진 180° 보다 작은 각($\angle a, \angle a + \angle b, \angle a + \angle b + \angle c \dots$)의 크기의 총합은 720° 이고, $\frac{\angle b}{\angle a} = \frac{\angle c}{\angle b} = \frac{\angle d}{\angle c} = 2$ 일 때, $\angle d$ 의 크기를 구하여라.



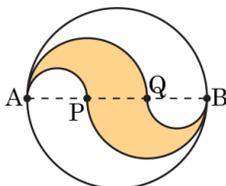
▶ 답: $\quad \quad \quad \circ$

▷ 정답: 80°

해설

$$\begin{aligned} \frac{\angle b}{\angle a} = \frac{\angle c}{\angle b} = \frac{\angle d}{\angle c} = 2 \text{ 이므로 } \angle b &= 2\angle a, \angle c = 2\angle b = 4\angle a, \\ \angle d &= 2\angle c = 8\angle a \\ \text{모든 각의 크기의 합은} \\ \angle a + (\angle a + \angle b) + (\angle a + \angle b + \angle c) + (\angle a + \angle b + \angle c + \angle d) \\ &+ \angle b + (\angle b + \angle c) + (\angle b + \angle c + \angle d) \\ &+ \angle c + (\angle c + \angle d) \\ &+ \angle d \\ &= 4\angle a + 6\angle b + 6\angle c + 4\angle d \\ &= 4\angle a + 6 \times 2\angle a + 6 \times 4\angle a + 4 \times 8\angle a \\ &= 72\angle a = 720^\circ \\ \therefore \angle a &= 10^\circ \\ \therefore \angle d &= 8\angle a = 80^\circ \end{aligned}$$

19. 다음 그림과 같이 지름이 12cm 인 원에서 점 P, Q 가 지름 AB 의 삼등분점일 때, 색칠한 부분의 넓이는?

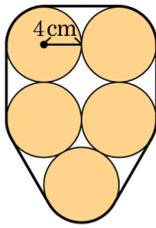


- ① $10\pi\text{cm}^2$ ② $11\pi\text{cm}^2$ ③ $12\pi\text{cm}^2$
 ④ $13\pi\text{cm}^2$ ⑤ $14\pi\text{cm}^2$

해설

$\overline{AQ} = \overline{PB}$, $\overline{AP} = \overline{BQ}$ 이므로 색칠한 부분의 넓이는 \overline{AQ} 를 지름으로 하는 원에서 \overline{AP} 를 지름으로 하는 원의 넓이를 뺀 것과 같다.
 따라서 색칠한 부분의 넓이는 $\pi \times 4^2 - \pi \times 2^2 = 12\pi(\text{cm}^2)$ 이다.

20. 다음 그림은 반지름의 길이가 4cm 인 5 개의 원기둥을 묶은 것이다. 필요한 끈의 최소 길이를 구하면? (단, 묶는 매듭은 생각하지 않는다.)



- ① $(4\pi + 20)$ cm ② $(4\pi + 40)$ cm ③ $(8\pi + 20)$ cm
④ $(8\pi + 40)$ cm ⑤ $(16\pi + 40)$ cm

해설

$$2\pi \times 4 + 4 \times 10 = 8\pi + 40(\text{cm})$$