

1. 복소수 $\frac{3+i}{1+i} + \frac{a-i}{1-i}$ 가 실수가 되도록 하는 실수 a 의 값은?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}\frac{3+i}{1+i} + \frac{a-i}{1-i} &= \frac{(3+i)(1-i) + (1+i)(a-i)}{(1+i)(1-i)} \\ &= \frac{4-2i + (a+1) + (a-1)i}{2} \\ &= \frac{a+5 + (a-3)i}{2}\end{aligned}$$

위의 식이 실수가 되려면 허수 부분이 0이어야 하므로 $a-3=0$

$\therefore a=3$

2. 실수 k 에 대하여 복소수 $z = 3(k + 2i) - k(1 - i)^2$ 의 값이 순허수가 되도록 k 의 값을 정하면?

① -2 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

$$\begin{aligned} z &= 3(k + 2i) - k(-2i) \\ &= 3k + (6 + 2k)i \Rightarrow \text{순허수} \\ \therefore 3k &= 0, k = 0 \end{aligned}$$

3. 등식 $(1 - 2i)x + (2 + i)y = 4 - 3i$ 를 만족하는 실수 $x + y$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 8

해설

$(1 - 2i)x + (2 + i)y = 4 + 3i = 0$ 에서

$(x + 2y - 4) + (-2x + y + 3)i = 0$

복소수가 서로 같을 조건에 의하여

$x + 2y - 4 = 0$, $-2x + y + 3 = 0$

위의 두 식을 연립하여 풀면

$x = 2$, $y = 1$

$\therefore x + y = 3$

4. 다음 식을 간단히 하여라.

$$\frac{1-2i}{2+3i} + \frac{1+2i}{2-3i}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : $-\frac{8}{13}$

해설

(준식)

$$= \frac{(1-2i)(2-3i) + (1+2i)(2+3i)}{(2+3i)(2-3i)}$$

$$= \frac{(2-6) + (-4-3i)i + (2-6) + (4+3)i}{2^2 + 3^2}$$

$$= \frac{(-4-7i) + (-4+7i)}{13}$$

$$= -\frac{8}{13}$$