

1. 다항식 $2(6a-3)-3(3a+1)$ 을 간단히 했을 때, a 의 계수와 상수항의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -6

해설

$$12a - 6 - 9a - 3 = 3a - 9$$

a 의 계수는 3, 상수항은 -9

$$\therefore 3 + (-9) = -6$$

2. 다음 등식 중 x 의 값에 관계없이 항상 성립하는 것은?

① $1 - 2x = x + 2$

② $x - 6 = 10$

③ $2(1 - x) = 1 - 2x$

④ $3x - 2 = 3(x - 1) + 1$

⑤ $x + 4x = 6x - 5$

해설

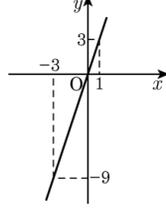
x 의 값에 관계없이 항상 성립하는 등식은 항등식이다.

①, ②, ⑤: 방정식

③ 방정식도 항등식도 아니다.

3. 다음은 $y = ax$ 의 그래프이다. a 의 값은?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6



해설

$y = ax$ 가 두 점 $(1, 3), (-3, -9)$ 를 지나므로 $(1, 3)$ 을 대입하면
 $a = 3$

4. 다음 식에서 곱셈 기호, 나눗셈 기호를 생략하여 나타낸 것 중 옳은 것은?

① $2 \times x \div \left(\frac{3}{4} \times y\right) = \frac{8x}{3y}$

② $3 \times a \div b \times (-4) = -\frac{3a}{4b}$

③ $x \times (y \div z) = \frac{x}{yz}$

④ $x \div y \times z = \frac{x}{yz}$

⑤ $a \times 6 \div x \times 7 = \frac{6a}{7x}$

해설

② $3a \times \frac{1}{b} \times -4 = -\frac{12a}{b}$

③ $x \times \frac{y}{z} = \frac{xy}{z}$

④ $\frac{x}{y} \times z = \frac{xz}{y}$

⑤ $\frac{6a}{x} \times 7 = \frac{42a}{x}$

5. 밑변의 길이가 $2x$ 이고 높이가 y 인 삼각형의 넓이를 문자식으로 알맞게 나타내면?

- ① xy ② x^2y ③ $2xy$ ④ $\frac{2x}{y}$ ⑤ $2xy^2$

해설

$$(\text{넓이}) = 2x \times y \times \frac{1}{2} = xy$$

6. 지면으로부터 초속 40m 로 똑바로 위로 쏘아 올린 공의 t 초 후의 높이는 $(40t - t^2)$ m 라고 한다. 쏘아 올린 지 2 초 후 공의 높이는?

① 60m ② 64m ③ 68m ④ 72m ⑤ 76m

해설

2 초 후 공의 높이를 구하므로

$t = 2$ 를 식에 대입하면

$$40t - t^2 = 40 \times 2 - 2^2 = 80 - 4 = 76(\text{m})$$

7. 다항식 $2x^3 - x + 5y - 6$ 에서 항의 개수는 a 개 이고, 상수항은 b , x 의 계수는 c 이다. 이 때, $a + b - c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -1

해설

$2x^3 - x + 5y - 6$ 의 항의 개수는 4 개 이고, 상수항은 -6 , x 의 계수는 -1 이다.

따라서 $a = 4, b = -6, c = -1$ 이다.

$a + b - c = 4 + (-6) - (-1) = 4 - 6 + 1 = -1$ 이다.

8. $A = (2x + 3y + 1) \times \frac{3}{2} - 1.5(4x - y - 5)$, $B = (5x + 7y) \div \frac{1}{2}$ 일 때,
 $A + B$ 를 x, y 를 사용한 식으로 나타낸 것으로 옳은 것을 고르면?

- ① $6x + 10y + 9$ ② $6x + 20y + 9$ ③ $7x + 10y + 9$

- ④ $7x + 20y + 9$ ⑤ $8x + 10y + 9$

해설

$$\begin{aligned} A &= (2x + 3y + 1) \times \frac{3}{2} - 1.5(4x - y - 5) \\ &= \left(2 \times \frac{3}{2}\right)x + \left(3 \times \frac{3}{2}\right)y + \left(1 \times \frac{3}{2}\right) \\ &\quad - [(1.5 \times 4)x + \{1.5 \times (-1)\}y + \{1.5 \times (-5)\}] \\ &= 3x + \frac{9}{2}y + \frac{3}{2} - (6x - 1.5y - 7.5) \\ &= (3 - 6)x + \left(\frac{9}{2} + 1.5\right)y + \left(\frac{3}{2} + 7.5\right) \\ &= -3x + 6y + 9 \end{aligned}$$

$$B = (5x + 7y) \times 2 = 10x + 14y$$

$$\begin{aligned} \therefore A + B &= (-3x + 6y + 9) + (10x + 14y) \\ &= 7x + 20y + 9 \end{aligned}$$

9. $A = -\frac{1}{3}x + \frac{3}{5}$, $B = \frac{3}{4}x - \frac{1}{2}$ 일 때, $4A + 3B$ 를 간단히 하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $4A + 3B = \frac{11}{12}x + \frac{9}{10}$

해설

$$\begin{aligned}4A + 3B &= 4 \times \left(-\frac{1}{3}x + \frac{3}{5}\right) + 3 \times \left(\frac{3}{4}x - \frac{1}{2}\right) \\ &= \left(-\frac{4}{3}x + \frac{12}{5}\right) + \left(\frac{9}{4}x - \frac{3}{2}\right) \\ &= \frac{11}{12}x + \frac{9}{10}\end{aligned}$$

10. $-3 < x \leq 3$ 범위의 정수 중에서 방정식 $\frac{2}{3}x - 1 = 3(x - 1) - 5$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = 3$

해설

주어진 범위에 속하는 정수는 $-2, -1, 0, 1, 2, 3$ 이므로

$\frac{2}{3}x - 1 = 3(x - 1) - 5$ 에 $x = 3$ 을 대입하면

$$\frac{2}{3} \times 3 - 1 = 3(3 - 1) - 5$$

$$\therefore x = 3$$

11. 다음 중 옳은 것만으로 짝지어진 것은?

- ㉠ $a + c = b + c$ 이면 $a = b$ 이다.
- ㉡ $ac = bc$ 이면 $a = b$ 이다.
- ㉢ $a = b$ 이면 $a - c = b - c$ 이다.
- ㉣ $3a = 6b$ 이면 $a = \frac{1}{2}b$ 이다.
- ㉤ $\frac{a}{2} = b$ 이면 $a = 2b$ 이다.

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉣

③ ㉠, ㉡, ㉣

④ ㉠, ㉣, ㉤

⑤ ㉠, ㉢, ㉤

해설

- ㉡ 단, $c \neq 0$ 이다.
- ㉣ $3a = 6b$ 이면 $a = 2b$ 이다.
- ㉤ $\frac{a}{2} = b$ 이면 $a = 2b$ 이다.

옳은 것은 ㉠, ㉣, ㉤이다.

12. $3a + b + 7 = -a - 7b - 13$ 일 때, $a + 2b$ 의 값은?

- ① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

해설

$$3a + b + 7 = -a - 7b - 13$$

$$3a + a + b + 7b = -13 - 7$$

$$4a + 8b = -20, \quad 4(a + 2b) = -20$$

$$\therefore a + 2b = -5$$

13. 방정식 $5 - 2\{x - (6 - x)\} - x = 7$ 에서 x 의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$$5 - 2(x - 6 + x) - x = 7$$

$$5 - 2(2x - 6) - x = 7$$

$$5 - 4x + 12 - x = 7$$

$$-5x = -10, x = 2$$

14. 방정식 $1.4x - 5 = \frac{3x - a}{5}$ 의 해가 자연수가 되는 자연수 a 의 개수는?

- ① 2개 ② 3개 ③ 4개 ④ 5개 ⑤ 6개

해설

$1.4x - 5 = \frac{3x - a}{5}$ 를 정리하면

$$x = \frac{-2a + 50}{8} = \frac{-a + 25}{4}$$

해가 자연수가 되어야 하므로
 $25 - a$ 는 25보다 작은 4의 배수
 $25 - a = 4, 8, 12, 16, 20, 24$
 $a = 21, 17, 13, 7, 5, 1$
따라서 6 개이다.

15. x 에 관한 일차방정식 $-2(3x-2a) = x-10+2(x-3)$ 의 해가 자연수가 되도록 하는 가장 작은 자연수 a 의 값을 구하면?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$-2(3x-2a) = x-10+2(x-3)$$

$$-6x+4a = x-10+2x-6$$

$$9x = 4a+16$$

$$x = \frac{4a+16}{9}$$

$4a+16$ 이 9의 배수이어야 한다.

$$4a+16=9\text{일 때 } 4a=-7, a=-\frac{7}{4}\text{ 이므로 부적합.}$$

$$4a+16=18\text{일 때 } 4a=2, a=\frac{1}{2}\text{ 이므로 부적합.}$$

$$4a+16=27\text{일 때 } 4a=11, a=\frac{11}{4}\text{ 이므로 부적합.}$$

$$4a+16=36\text{일 때 } 4a=20, a=5$$

따라서 조건을 만족하는 가장 작은 자연수 a 는 5이다.

16. 할머니와 어머니와 나는 각각 24 살 차이가 난다. 할머니의 나이가 손녀의 나이의 5 배보다 4 살 많다고 할 때, 어머니의 나이를 구하여라.

▶ 답: 세

▷ 정답: 35 세

해설

어머니의 나이를 x 라 하면 할머니의 나이는 $x + 24$, 손녀의 나이는 $x - 24$ 이다.

$$x + 24 = 5(x - 24) + 4$$

$$- 4x = -120 - 24 + 4$$

$$x = 35$$

즉, 어머니의 나이는 35 세이다.

17. 둘레의 길이가 28cm 인 직사각형의 가로와 세로의 비율이 4 : 3 일 때, 이 직사각형의 넓이를 구하여라.

▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 48 cm²

해설

가로의 길이를 x 라 하면 세로의 길이는 $\frac{3}{4}x$ 이다.

$x + \frac{3}{4}x = 14$ 즉, 가로가 8cm, 세로가 6cm 인 직사각형이므로
 $x = 8$

넓이는 48cm² 이다.

19. 4시에서 5시 사이에 시침과 분침이 이루는 각도가 90° 가 되는 시각을 구하는 식은?

① $6x - (80 + 0.5x) = 90$

② $3x - (120 + 0.5x) = 90$

③ $0.5x - (120 + 6x) = 90$

④ $6x - (120 + 0.5x) = 90$

⑤ $6x - 120 + 0.5x = 90$

해설

4시 x 분에 시침과 분침의 각도가 90° 가 된다고 하면 분침의 각도는 $6x^\circ$, 시침의 각도는 $120 + 0.5x^\circ$ 이다.
 $6x - (120 + 0.5x) = 90$ 또는 $120 + 0.5x - 6x = 90$ 이 구하는 식이 된다.

20. 4%의 소금물 150g과 8% 소금물을 적당히 섞어서 5%의 소금물을 만들려고 한다. 8%의 소금물을 몇 g 섞으면 되는가?

① 50g ② 100g ③ 150g ④ 200g ⑤ 250g

해설

$$4\% \text{의 소금물 } 150\text{g의 소금의 양은 } \frac{4}{100} \times 150 = 6\text{g}$$

8% 소금물의 양을 x 이라고 하면 소금의 양은 $(6+0.08x)$ g이다.

$$\frac{6+0.08x}{150+x} \times 100 = 5$$

$$750 + 5x = 600 + 8x$$

$$x = 50\text{g}$$

21. 다음 중 y 가 x 의 함수인 것을 모두 고르면?

- ㉠ 두께가 0.5 cm인 공책 x 권을 쌓았더니 높이가 y cm가 되었다.
- ㉡ 시속 x km로 y 시간 동안에 40 km를 달렸다.
- ㉢ 키가 x cm인 사람의 몸무게는 y kg이다.
- ㉣ 밑변의 길이가 x cm, 높이가 y cm인 삼각형의 넓이는 10 cm^2 이다.

① ㉠, ㉡

② ㉡, ㉣

③ ㉠, ㉡, ㉣

④ ㉡, ㉣, ㉣

⑤ ㉠, ㉡, ㉣

해설

㉠ $y = 0.5x$ (함수)

㉡ $xy = 40$

$\therefore y = \frac{40}{x}$ (함수)

㉢ 예를들어 키가 170 cm인 사람은 많으므로 몸무게가 여러개가 나올 수 있다. 하나의 x 값에 여러개의 y 값이 나오므로 함수가 아니다.

㉣ $\frac{1}{2}xy = 10$

$y = \frac{20}{x}$ (함수)

22. 함수 $y = f(x)$ 에서 $f(x) = -3x + 5$ 일 때, $f(-1) + f(2)$ 의 값은?

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

해설

$$f(-1) = (-3) \times (-1) + 5 = 8$$

$$f(2) = (-3) \times 2 + 5 = -1$$

$$f(-1) + f(1) = 8 + (-1) = 7$$

23. x 의 값이 $-2, -1, 1, 2$, y 는 정수인 함수 $y = \frac{6}{x}$ 의 함숫값은?

- ① $-\frac{1}{2}, -1, 1, \frac{1}{2}$ ② $-2, -1, 1, 2$ ③ $-3, -2, 2, 3$
④ $-6, -3, 3, 6$ ⑤ $-6, -3, 1, 3, 6$

해설

관계식이 $y = \frac{6}{x}$ 이므로

$$x = -2 \text{ 일 때, } y = \frac{6}{-2} = -3$$

$$x = -1 \text{ 일 때, } y = \frac{6}{-1} = -6$$

$$x = 1 \text{ 일 때, } y = \frac{6}{1} = 6$$

$$x = 2 \text{ 일 때, } y = \frac{6}{2} = 3$$

따라서 함숫값은 $-6, -3, 3, 6$ 이다.

24. 다음 함수의 그래프 중에서 제 1, 3 사분면을 지나는 것을 모두 골라라.

㉠ $y = -5x$	㉡ $y = -7x$	㉢ $y = \frac{1}{5}x$
㉣ $y = -9x$	㉤ $y = x$	㉥ $y = -\frac{7}{5}x$
㉦ $y = 2x$	㉧ $y = \frac{9}{2}x$	㉨ $y = -x$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ㉢

▷ 정답: ㉤

▷ 정답: ㉦

▷ 정답: ㉧

해설

$y = ax$ ($a \neq 0$) 의 그래프는 $a > 0$ 일 때 제 1, 3 사분면을 지난다.

25. 점 $(-12, \square)$ 는 함수 $y = -\frac{7}{3}x$ 의 그래프 위에 있다. \square 안에
알맞은 수를 구하면?

- ① -28 ② 28 ③ -14 ④ 14 ⑤ $\frac{36}{7}$

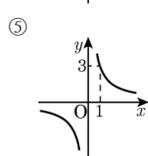
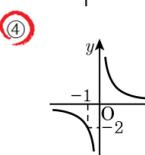
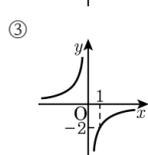
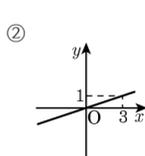
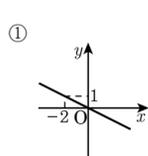
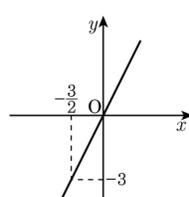
해설

점 $(-12, \square)$ 가 함수 $y = -\frac{7}{3}x$ 의 그래프 위에 있는 경우,
 $y = -\frac{7}{3}x$ 에 x 대신 -12 , y 대신 \square 를 대입하면 등식이 성립
한다.

$$\therefore \square = -\frac{7}{3} \times -12$$

따라서 $\square = 28$ 이다.

26. 함수 $y = ax$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프는?



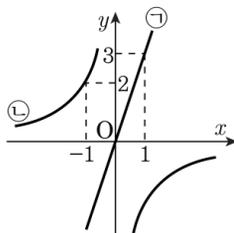
해설

$y = ax$ 가 점 $(-\frac{3}{2}, -3)$ 을 지나므로

$$-3 = -\frac{3}{2}a, a = 2 \text{이다.}$$

따라서 $y = \frac{2}{x}$ 의 그래프이고 점 $(-1, -2)$ 를 지난다.

27. 다음 그림에서 $\textcircled{1}y = ax, \textcircled{2}y = \frac{b}{x}$ 라 했을 때, ab 의 값은?



- ① -6
 ② $-\frac{3}{2}$
 ③ $-\frac{2}{3}$
 ④ $\frac{3}{2}$
 ⑤ 6

해설

(1,3)을 $y = ax$ 에 대입하면 $a = 3$ 이다.

(-1,2)를 $y = \frac{b}{x}$ 에 대입하면 $b = -2$ 이다.

$\therefore ab = -6$

28. x 에 관한 일차방정식 $2(2-3x) = a(2x-3)$ 의 해가 $x = 4$ 일 때, x 에 관한 일차방정식 $7x - (9+ax) = 4(x-11)$ 의 해를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -5

해설

$2(2-3x) = a(2x-3)$ 의 해가 $x = 4$ 이므로

$x = 4$ 를 대입하면

$$2(2-3 \times 4) = a(2 \times 4 - 3)$$

$$-20 = 5a$$

$$\therefore a = -4$$

$7x - (9+ax) = 4(x-11)$ 에 $a = -4$ 를 대입하면

$$7x - (9-4x) = 4(x-11)$$

$$7x - 9 + 4x = 4x - 44$$

$$7x = -35$$

따라서 $x = -5$ 이다.

29. 좌표평면 위의 네 점 A(0, 0), B(-2, 8), C(-7, 8), D(-7, 0) 을 꼭짓점으로 하는 사다리꼴 ABCD 의 넓이를 함수 $y = ax$ 의 그래프가 이등분할 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $-\frac{48}{49}$

해설

사다리꼴 ABCD 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times (7 + 5) \times 8 = 48$ 이다.

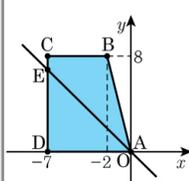
$y = ax$ 와 선분 CD 가 만나는 점을 점 E 라 할 때, 점 E 의 x 좌표는 -7 이므로 점 E(-7, $-7a$) 이다.

$$\triangle ADE = \frac{1}{2} \times 7 \times |-7a| = \frac{49}{2}|a|$$

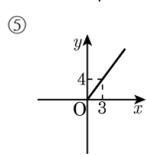
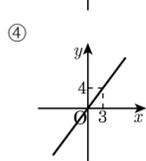
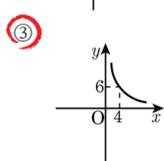
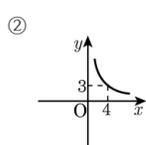
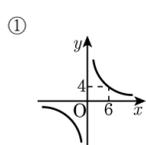
$$\frac{49}{2}|a| = \frac{1}{2} \times 48$$

$$\frac{49}{2}|a| = 24$$

$$\therefore a = -\frac{48}{49} (\because a < 0)$$



30. 밑변의 길이가 $x\text{cm}$, 높이가 $y\text{cm}$ 인 삼각형의 넓이가 12cm^2 일 때, x 와 y 사이의 관계를 나타내는 그래프를 골라라.



해설

$$\frac{1}{2}xy = 12 \text{ 이므로 } y = \frac{24}{x} (x > 0)$$

x 의 값이 0 보다 큰 수이므로 그래프는 제1 사분면에만 그려지

고 $f(4) = \frac{24}{4} = 6$ 이므로 점 (4, 6) 을 지난다.