

1. 가로, 세로의 길이가 각각 8cm, 16cm인 직사각형의 대각선의 길이를 구하여라.

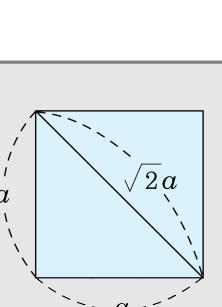
▶ 답 : cm

▷ 정답 : $8\sqrt{5}$ cm

해설

$$\text{대각선의 길이는 } \sqrt{8^2 + 16^2} = \sqrt{64 + 256} = \sqrt{320} = 8\sqrt{5}(\text{cm})$$
$$\therefore 8\sqrt{5} \text{ cm}$$

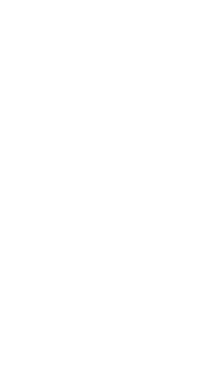
2. 다음 정사각형의 대각선의 길이는 6이다. 이 정사각형의 한 변의 길이는?



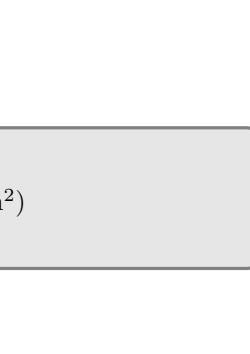
- ① $\sqrt{2}$ ② $2\sqrt{2}$ ③ $3\sqrt{2}$ ④ $4\sqrt{2}$ ⑤ $5\sqrt{2}$

해설

$$\sqrt{2}a = 6 \text{ } \circ\text{l} \text{므로}$$
$$\therefore a = \frac{6}{\sqrt{2}} = \frac{6\sqrt{2}}{2} = 3\sqrt{2}$$



3. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 14 cm인 정삼각형의 넓이를 구하여라.



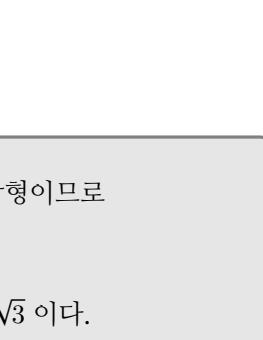
▶ 답 : $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답 : $49\sqrt{3}\text{cm}^2$

해설

$$\text{정삼각형의 넓이} : \frac{\sqrt{3}}{4} \times 14^2 = 49\sqrt{3}(\text{cm}^2)$$

4. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 $4\sqrt{6}$ 인 마름모의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $48\sqrt{3}$

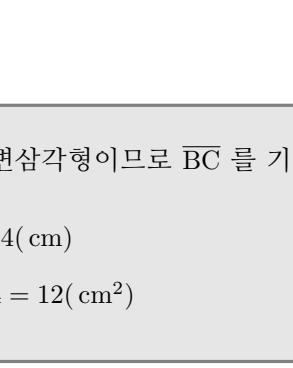
해설

$\triangle ABC$ 는 한 변의 길이가 $4\sqrt{6}$ 인 정삼각형이므로

넓이는 $\frac{\sqrt{3}}{4} \times (4\sqrt{6})^2 = 24\sqrt{3}$ 이다.

따라서 마름모의 넓이는 $2 \times 24\sqrt{3} = 48\sqrt{3}$ 이다.

5. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC} = 5\text{cm}$ 이고, $\overline{BC} = 6\text{cm}$ 인 이등변삼각형의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\hspace{2cm}}$

▷ 정답: 12cm^2

해설

$\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이므로 \overline{BC} 를 기준으로 한 높이를 h 라고 하면,

$$h = \sqrt{5^2 - 3^2} = 4(\text{cm})$$

$$\text{넓이} = \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12(\text{cm}^2)$$

6. 다음 두 점을 연결한 선분의 길이가 $3\sqrt{2}$ 라고 할 때 x 의 값으로 알맞은 것은?

[보기]

A(-3, 3), B(x, 5)

① $\sqrt{14} + 4, \sqrt{14} - 4$

② $\sqrt{14} - 3, -\sqrt{14} - 3$

③ $\sqrt{14} + 4, -\sqrt{14} + 4$

④ $\sqrt{14} - 4, -\sqrt{14} + 4$

⑤ $-\sqrt{14} - 3, -\sqrt{14} - 4$

[해설]

A(-3, 3), B(x, 5)에서

$$\overline{AB} = \sqrt{(x+3)^2 + (5-3)^2}$$

$$= \sqrt{(x+3)^2 + 4} = 3\sqrt{2}$$

$$(x+3)^2 + 4 = 18, (x+3)^2 = 14$$

$$x = \pm\sqrt{14} - 3$$

따라서 $x = \sqrt{14} - 3$ 또는 $x = -\sqrt{14} - 3$ 이다.

7. 다음 그림에서 x 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $x = 2\sqrt{10}$

해설

피타고라스 정리에 따라서 $49 = 9 + x^2$

x 는 변의 길이이므로 $x > 0$

$\therefore x = 2\sqrt{10}$ 이다.

8. 다음 직사각형 ABCD에서 가로의 길이는 세로의 길이의 2배이다. 대각선의 길이가 10 cm 일 때, 이 직사각형의 가로의 길이를 구하여라.



① $4\sqrt{5}$ cm ② $2\sqrt{5}$ cm ③ $5\sqrt{2}$ cm

④ $8\sqrt{5}$ cm ⑤ $3\sqrt{5}$ cm

해설

세로의 길이를 x cm라고 하면

$$\sqrt{x^2 + (2x)^2} = 10$$

$$5x^2 = 100$$

$$x = 2\sqrt{5}$$
 cm

따라서 가로의 길이는 $2x = 4\sqrt{5}$ cm이다.

9. 반지름의 길이가 14 인 원 안에 정사각형이 내접해 있다. 정사각형의 한 변의 길이는 ?



- ① $10\sqrt{2}$ ② $12\sqrt{3}$ ③ $12\sqrt{2}$ ④ $14\sqrt{3}$ ⑤ $14\sqrt{2}$

해설

한 변의 길이를 a 라고 하면
 $\sqrt{2}a = 28$ 이므로

$$a = \frac{28}{\sqrt{2}} = \frac{28\sqrt{2}}{2} = 14\sqrt{2}$$

10. 넓이가 $9\sqrt{3}$ 인 정삼각형의 높이는 ?

- ① $\frac{\sqrt{3}}{3}$ ② $6\sqrt{3}$ ③ $\frac{4\sqrt{2}}{3}$ ④ $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ ⑤ $3\sqrt{3}$

해설

정삼각형의 한 변의 길이를 a 라고 하면

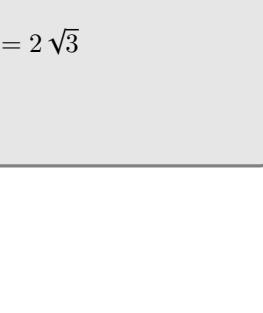
$$(\text{넓이}) = \frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = 9\sqrt{3} \text{ 이므로 } a^2 = 36$$

$$\therefore a = 6$$

$$(\text{높이}) = \frac{\sqrt{3}}{2}a = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 6 = 3\sqrt{3}$$

11. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 한 변의 길이가 2 인 마름모이다. $\square ABCD$ 의 넓이는?

- ① 2 ② $2\sqrt{3}$ ③ 4
④ $4\sqrt{3}$ ⑤ $8\sqrt{3}$



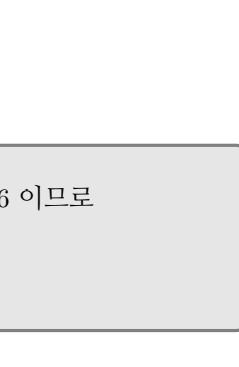
해설

대각선의 교점을 H 라 하면 $\triangle ABH$ 에서

$\overline{AH} = 1$, $\overline{BH} = \sqrt{3}$ 이므로 $\overline{AC} = 2$, $\overline{BD} = 2\sqrt{3}$

$$\therefore \square ABCD = \frac{1}{2} \times 2 \times 2\sqrt{3} = 2\sqrt{3}$$

12. 지름이 10인 원 안에, 다음과 같이 정육각형이 내접해 있다. 이때, 정육각형의 넓이는?



① $\frac{71\sqrt{3}}{2}$

② $\frac{73\sqrt{3}}{2}$

③ $\frac{75\sqrt{3}}{2}$

해설

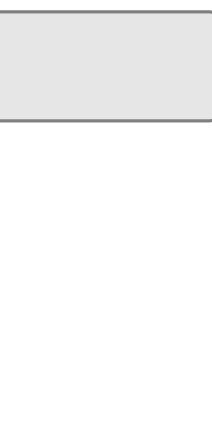
$$(\text{정육각형의 넓이}) = (\text{정삼각형의 넓이}) \times 6 \text{ } \circ\text{므로}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{4} \times 25 \times 6 = \frac{75\sqrt{3}}{2}$$

13. 다음 그림의 이등변삼각형 ABC에서 높이 \overline{AH} 는?

① $\sqrt{2}$ ② $2\sqrt{2}$ ③ $3\sqrt{3}$

④ $4\sqrt{2}$ ⑤ $5\sqrt{2}$



해설

$$\overline{AH} = \sqrt{6^2 - 2^2} = 4\sqrt{2}$$

14. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 는 직각삼각형이다. 이 때, x 는?

① $\sqrt{3}$ ② $\sqrt{5}$ ③ $\sqrt{7}$

④ $\sqrt{11}$ ⑤ $\sqrt{13}$



해설

$1 : \sqrt{3} = \overline{CM} : \sqrt{3}$ 이므로 $\overline{CM} = 1$ 이다.

따라서 $\overline{BM} = 1$ 이고

$$\overline{AB} = x = \sqrt{2^2 + (\sqrt{3})^2} = \sqrt{7} \text{ 이다.}$$

15. 땅따먹기를 하기 위해 다음과 같이 땅에 지형을 그렸는데, 가운데 부분(한 변의 길이가 2 m인 정사각형 부분의 대각선)의 길이가 선이 희미 해져 대각선 2 개를 다시 그으려고 한다. 다시 그려야 할 대각선의 길이의 합을 구하여라.



▶ 답: m

▷ 정답: $4\sqrt{2}$ m

해설

피타고라스 정리를 적용하여

$$x^2 = 2^2 + 2^2$$

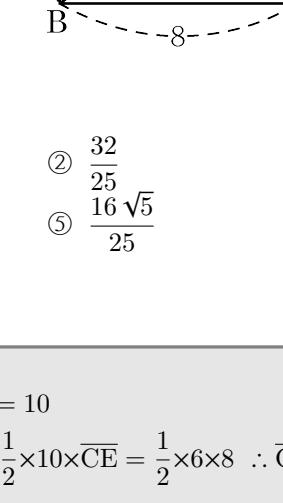
$$x^2 = 8$$

그런데, $x > 0$ 이므로

$$x = \sqrt{8} = \sqrt{2^2 \times 2} = 2\sqrt{2} (\text{ m})$$

따라서 $2 \times 2\sqrt{2} = 4\sqrt{2}$ (m)이다.

16. 다음 그림의 직사각형 ABCD에서 \overline{BE} 의 길이를 구하면?



① $\frac{32\sqrt{5}}{5}$

② $\frac{32}{25}$

③ $\frac{32}{16\sqrt{5}}$

④ $\frac{32}{5}$

해설

$$\overline{BD} = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10$$

$$\Delta BCD \text{의 넓이} = \frac{1}{2} \times 10 \times \overline{CE} = \frac{1}{2} \times 6 \times 8 \therefore \overline{CE} = \frac{24}{5} \Delta CBE \text{에서}$$

$$\overline{BE} = \sqrt{8^2 - \left(\frac{24}{5}\right)^2}$$

$$= \sqrt{64 - \frac{576}{25}}$$

$$= \sqrt{\frac{1024}{25}}$$

$$= \frac{32}{5}$$

17. 세 변의 길이가 다음과 같을 때, 이등변삼각형의 가장 긴 높이는?

17 cm, 17 cm, 16 cm

- ① 5 cm ② 7 cm ③ 9 cm ④ 10 cm ⑤ 15 cm

해설

$$\text{이등변삼각형의 높이} h = \sqrt{17^2 - 8^2} = \sqrt{225} = 15 \text{ cm}$$



18. 다음 그림에서 \overline{BD} 의 길이를 구하여라.



- ① $6\sqrt{3}$ ② $3\sqrt{3}$ ③ $3\sqrt{2}$ ④ 6 ⑤ $6\sqrt{2}$

해설

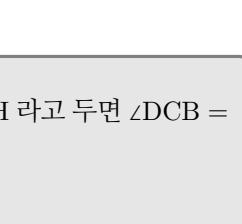
$$\overline{AB} : \overline{BC} = 1 : \sqrt{3} = 2\sqrt{3} : \overline{BC}$$

$$\therefore \overline{BC} = 6$$

$$\overline{BC} : \overline{BD} = 1 : \sqrt{2} = 6 : \overline{BD}$$

$$\therefore \overline{BD} = 6\sqrt{2}$$

19. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD에서
 $\angle B = 120^\circ$, $\overline{AB} = 6$, $\overline{AD} = 6\sqrt{3}$ 일 때,
평행사변형 ABCD의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 54

해설

점 D에서 수선을 그어 \overline{BC} 와 만나는 점을 H라고 두면 $\angle DCB = 60^\circ$ 이므로

$\overline{DC} : \overline{DH} = 2 : \sqrt{3} = 6 : x$, $x = 3\sqrt{3}$ 이다.

따라서 넓이는 $3\sqrt{3} \times 6\sqrt{3} = 54$ 이다.

20. 좌표평면 위의 네 점 A(2, 4), B(-2, 1), C(-3, -5), D(1, -2)를 꼭짓점으로 하는 □ABCD는 어떤 사각형인가?

▶ 답:

▷ 정답: 평행사변형

해설

$$\overline{AB} = \sqrt{(-2-2)^2 + (1-4)^2} = \sqrt{25} = 5$$

$$\overline{CD} = \sqrt{(1+3)^2 + (-2+5)^2} = \sqrt{25} = 5$$

$$\overline{AD} = \sqrt{(1-2)^2 + (-2-4)^2} = \sqrt{37}$$

$$\overline{BC} = \sqrt{(-3+2)^2 + (-5-1)^2} = \sqrt{37}$$

$$\overline{AC} = \sqrt{(-3-2)^2 + (-5-4)^2} = \sqrt{106}$$

$$\overline{BD} = \sqrt{(1+2)^2 + (-2-1)^2} = \sqrt{18}$$

따라서, □ABCD는 두 쌍의 대변의 길이가 같고, 두 대각선의 길이가 같지 않으므로 평행사변형이다.

21. 두 점 A(3, 1 - a), B(2a + 1, 4) 사이의 거리가 $\sqrt{37}$ 이 되도록 하는 모든 실수 a의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{24}{5}$

해설

$$\overline{AB} = \sqrt{(2a+1-3)^2 + (4-1+a)^2} = \sqrt{37} \text{ 이므로}$$

$$(2a-2)^2 + (3+a)^2 = 37$$

$$5a^2 - 2a + 13 - 37 = 0$$

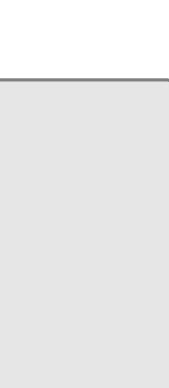
$$5a^2 - 2a - 24 = 0$$

$$(5a-12)(a+2) = 0$$

a가 되는 두 실수 근의 합은 $-\frac{24}{5}$ 이다.

22. 태민이네 학교에서 달리기 대회를 개최하는데 다음 그림과 같이 A 지점을 출발하여 학교 내에 일직선상으로 설치되어있는 벽을 한번 이상 거쳐서 B 지점에 도착하여야 한다. 태민이가 달려야 할 최소거리는?

- ① 16 m ② 17 m ③ 18 m
 ④ 19 m ⑤ 20 m



해설

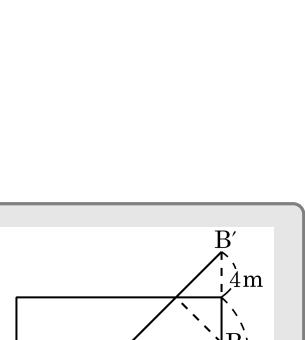
B를 벽에 대해 대칭이동한 점을 B', 이라 하면



$\overline{AB'}$ 의 길이가 구하는 최소의 거리이다.

\therefore 구하는 최소 거리는 $\sqrt{(5+7)^2 + 16^2} = 20(\text{m})$ 이다.

23. 다음 그림과 같은 직사각형 모양의 방 안에 개미 한 마리가 점 A에서 출발하여 남쪽 벽과 북쪽 벽을 차례로 거쳐 점 B에 도달하였다. 개미가 지나간 최단거리를 구하여라.



▶ 답: m

▷ 정답: $18\sqrt{2}$ m

해설



최단거리는 $\overline{A'B'}$ 이다.

$$\therefore \overline{A'B'} = \sqrt{18^2 + 18^2} = 18\sqrt{2}(\text{m})$$

24. 다음 그림과 같이 $\square ABCD$ 에서 두 대각선이 서로 직교하고, $\overline{AD} = 6$, $\overline{AO} = 3$, $\overline{BO} = \sqrt{3}$ 일 때, $\overline{CD}^2 - \overline{BC}^2$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 24

해설

$$\begin{aligned}\triangle ABO \text{에서 } \\ \overline{AB}^2 &= 3^2 + (\sqrt{3})^2 = 12 \text{ 이므로} \\ 12 + \overline{CD}^2 &= \overline{BC}^2 + 6^2 \\ \overline{CD}^2 - \overline{BC}^2 &= 36 - 12 = 24\end{aligned}$$

25. 높이가 6 cm 인 정삼각형의 넓이를 구하면?

- ① 6 cm^2 ② 9 cm^2 ③ $9\sqrt{3} \text{ cm}^2$
④ $10\sqrt{2} \text{ cm}^2$ ⑤ $12\sqrt{3} \text{ cm}^2$

해설

정삼각형의 한 변의 길이를 $a \text{ cm}$ 라 하면,

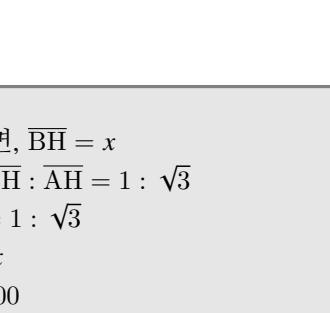
$$\text{높이 } h = \frac{\sqrt{3}}{2}a \text{ 이므로 } \frac{\sqrt{3}}{2}a = 6$$

$$\therefore a = 4\sqrt{3}$$

따라서, 넓이

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = \frac{\sqrt{3}}{4}(4\sqrt{3})^2 = 12\sqrt{3} (\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

26. 다음 그림에서 $\overline{AB} = 300$, $\angle A = 30^\circ$, $\angle CBH = 45^\circ$ 일 때, \overline{CH} 의 길이는?



- ① $300(1 + \sqrt{2})$ ② $300(1 - \sqrt{2})$ ③ $150(\sqrt{3} + 1)$
④ $150(\sqrt{3} - 1)$ ⑤ $150(\sqrt{2} + 1)$

해설

$$\begin{aligned}\overline{CH} &= x \text{ 라 하면, } \overline{BH} = x \\ \triangle ACH \text{에서, } \overline{CH} : \overline{AH} &= 1 : \sqrt{3} \\ x : (300 + x) &= 1 : \sqrt{3} \\ 300 + x &= \sqrt{3}x \\ (\sqrt{3} - 1)x &= 300 \\ x &= 150(\sqrt{3} + 1)\end{aligned}$$

27. 다음 그림의 $\square ABCD$ 에서 $\angle ABD = \angle BDC = 90^\circ$, $\angle DBC = 60^\circ$ 일 때, 두 대각선 AC , BD 의 길이를 각각 구하여라.



▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $\overline{AC} = \sqrt{223}$

▷ 정답: $\overline{BD} = 3\sqrt{3}$

해설

대각선 BD 의 길이는 $3\sqrt{3}$ 이다.



$\triangle ACE$ 에서 $\overline{AE} = \overline{BD} = 3\sqrt{3}$, $\overline{EC} = 5 + 9 = 14$

$$\therefore \overline{AC} = \sqrt{(3\sqrt{3})^2 + 14^2} = \sqrt{223}$$

28. 다음 그림에서 점 E가 \overline{AC} 위를 움직이고 $\overline{AC} = 9$, $\overline{AB} = 3$, $\overline{CD} = 6$ 일 때, $\overline{DE} + \overline{BE}$ 의 최솟값 은?

- ① 3 ② 6 ③ 9
④ $6\sqrt{2}$ ⑤ $9\sqrt{2}$



해설

점 D 를 \overline{AC} 에 대해서 대칭이동시킨 점을 D' 이라고 하면 $\overline{BE} + \overline{ED}$ 의 최솟값은 $\overline{D'B}$ 의 거리이다.
 $\therefore \overline{D'B} = \sqrt{9^2 + 9^2} = 9\sqrt{2}$ 이다.

29. 다음 그림과 같이 가로, 세로의 길이가 각각 $3\sqrt{5}$, 6인 직사각형 ABCD가 있다. 점A, C에서 대각선 BD에 내린 수선의 발을 각각 E, F라 할 때, $\square AECF$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $2\sqrt{5}$

해설

$$\begin{aligned}\overline{BD} &= \sqrt{(3\sqrt{5})^2 + 6^2} = 9 \\ \triangle ABD &\sim \triangle EBA (\because AA \text{ 닮음}) \text{이므로} \\ \overline{BD} : \overline{AB} &= \overline{AB} : \overline{BE} \\ 9 : 6 &= 6 : \overline{BE}, \quad \therefore \overline{BE} = 4 \\ \triangle EBA &\cong \triangle FDC (\because \text{RHA} \text{ 합동}) \text{이므로} \\ \overline{DF} &= \overline{BE} = 4, \quad \therefore \overline{EF} = \overline{BD} - 2\overline{BE} = 1 \\ \text{직각삼각형 } ABD \text{에서 } \frac{1}{2} \times \overline{BD} \times \overline{AE} &= \frac{1}{2} \times \overline{AB} \times \overline{AD}, \quad 9 \times \overline{AE} = \\ 6 \times 3\sqrt{5}, \quad \therefore \overline{AE} &= 2\sqrt{5} \\ \therefore \square AECF &= \overline{AE} \times \overline{EF} = 2\sqrt{5} \times 1 = 2\sqrt{5}\end{aligned}$$

30. 다음 그림에서 $\angle A = \angle D = 90^\circ$, $\angle DBC = 30^\circ$, $\angle ACB = 45^\circ$, $\overline{CD} = 1$ 이고, 점 D에서 선분 BC에 내린 수선의 발을 H 라 할 때, 삼각형 ACH의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{4}$

해설

$$\angle DBC = 30^\circ \text{ 이므로 } \overline{BC} = 2\overline{CD} = 2$$

$$\angle ACB = 45^\circ \text{ 이므로 } \overline{AB} = \overline{AC} = x \text{ 라 하면}$$

$$x^2 + x^2 = 2^2 \quad \therefore x = \sqrt{2}$$

따라서 $\triangle ABC$ 에서 꼭짓점 A에서 \overline{BC} 에 그은 수선의 길이는 1

$\triangle CDH$ 에서 $\angle HCD = 60^\circ$ 이므로

$$\overline{CH} = \frac{1}{2}\overline{CD} = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \triangle ACH = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 1 = \frac{1}{4}$$