

1. 다음 중  $x^4 - x^2$ 의 인수가 아닌 것은?

①  $x$

②  $x - 1$

③  $x + 1$

④  $x^3 - x$

⑤  $x^4$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - x^2 &= x(x^3 - x) \\ &= x^2(x^2 - 1) \\ &= x^2(x - 1)(x + 1)\end{aligned}$$

2. 다항식  $f(x) = x^3 - x^2 - x + 1$  을 인수분해하면?

- ①  $(x-1)^2(x+1)$                       ②  $(x+1)^2(x-1)$   
③  $(x-1)(x+1)$                       ④  $(x-1)^3$   
⑤  $(x+1)^3$

해설

$$\begin{aligned}x^3 - x^2 - x + 1 &= x^2(x-1) - (x-1) \\ &= (x-1)(x^2-1) \\ &= (x-1)^2(x+1) \\ \therefore f(x) &= (x-1)(x^2-1) = (x-1)^2(x+1)\end{aligned}$$

해설

인수정리를 이용하여 인수분해할 수 있다.

$$f(1) = 0,$$

즉  $x-1$  로 나누어 떨어지므로

조립제법을 써서 인수분해하면 된다.

3. 다음은 연산법칙을 이용하여  $(x+3)(x+2)$ 를 계산한 식이다.

$$\begin{aligned}(x+3)(x+2) &= (x+3)x + (x+3)\times 2 \\ &= (x^2+3x) + (2x+6) \\ &= x^2 + (3x+2x) + 6 \\ &= x^2 + 5x + 6\end{aligned}$$

위의 연산과정에서 사용한 연산법칙을 바르게 고른 것은?

- ① 교환법칙, 결합법칙
- ② 교환법칙, 분배법칙
- ③ 분배법칙, 결합법칙
- ④ 결합법칙, 분배법칙, 교환법칙
- ⑤ 연산법칙을 사용하지 않았다.

해설

$$\begin{aligned}(x+3)(x+2) &= (x+3)x + (x+3)\times 2 \quad (\text{분배}) \\ &= (x^2+3x) + (2x+6) \quad (\text{분배}) \\ &= x^2 + (3x+2x) + 6 \quad (\text{결합}) \\ &= x^2 + 5x + 6\end{aligned}$$

4. 다항식  $x^5 \left(x + \frac{1}{x}\right) \left(1 + \frac{2}{x} + \frac{3}{x^2}\right)$  의 차수는?

- ① 2차    ② 3차    ③ 6차    ④ 7차    ⑤ 8차

해설

$$\begin{aligned} & x^5 \left(x + \frac{1}{x}\right) \left(1 + \frac{2}{x} + \frac{3}{x^2}\right) \\ &= x^2(x^2 + 1)(x^2 + 2x + 3) \\ &\therefore 6\text{차 다항식} \end{aligned}$$

5.  $z = 1 + i$  일 때,  $\frac{\bar{z}-1}{z} - \frac{z-1}{\bar{z}}$  의 값을 구하면?

- ①  $-i$       ②  $i$       ③  $-2i$       ④  $2i$       ⑤  $3i$

해설

$$\begin{aligned}\bar{z} &= 1 - i \\ \frac{\bar{z}-1}{z} - \frac{z-1}{\bar{z}} &= \frac{-i}{1+i} - \frac{i}{1-i} \\ &= -\frac{2i}{(1+i)(1-i)} \\ &= -i\end{aligned}$$

6. 복소수  $z$ 의 켈레복소수를  $\bar{z}$ 라 할 때,  $z+3i = \overline{z-2i}$ 를 만족하는 복소수  $z$ 를 구하면? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned} z &= a + bi \text{라 할 때,} \\ (\text{좌변}): z + 3i &= a + (b+3)i \\ (\text{우변}): z - 2i &= (a+bi) - (a+bi)i \\ &= (a+b) + (b-a)i \\ \therefore \overline{z-2i} &= (a+b) - (b-a)i \\ (\text{좌변}) &= (\text{우변}) \text{이므로,} \\ a + (b+3)i &= (a+b) + (a-b)i \\ \begin{cases} a+b &= a \\ a-b &= b+3 \Rightarrow a=3, b=0 \end{cases} \\ \therefore z &= 3+0 \cdot i = 3 \end{aligned}$$

7. 다항식  $f(x)$ 를  $(x-1)(x-2)$ 로 나눈 나머지가  $4x+3$ 일 때  $f(2x)$ 를  $x-1$ 로 나눈 나머지는?

① -1      ② 0      ③ 3      ④ 7      ⑤ 11

해설

$$f(x) = (x-1)(x-2)Q(x) + 4x + 3$$

$$x=2 \text{를 대입하면 } f(2) = 11$$

$f(2x)$ 를  $x-1$ 로 나눈 나머지를  $R$ 이라 하면

$$f(2x) = (x-1)Q'(x) + R$$

$$x=1 \text{을 대입하면 } f(2) = R$$

$$\therefore R = 11$$

8. 다항식  $f(x)$ 를  $(3x+2)(x-4)$ 로 나눈 나머지가  $-2x+1$ 일 때,  $f(x^2+3)$ 을  $x-1$ 로 나눈 나머지는?

① 7      ② 4      ③ 0      ④ -4      ⑤ -7

해설

$$f(x) = (3x+2)(x-4)Q(x) - 2x+1 \cdots \textcircled{1}$$

$$f(x^2+3) = (x-1)Q'(x) + R \cdots \textcircled{2}$$

①의 양변에  $x=4$ 를 대입하면  $f(4) = -7$

②의 양변에  $x=1$ 을 대입하면  $f(4) = R$

$\therefore R = -7$

9. 복소수  $z$ 에 대하여 다음의 보기 중 옳은 것을 모두 고르면? (단,  $z \neq 0$  이며,  $\bar{z}$ 는  $z$ 의 켈레복소수임)

- ㉠  $z\bar{z}$ 는 항상 실수이다.  
 ㉡  $z + \bar{z} = 0$ 이면,  $z$ 는 순허수이다.  
 ㉢  $z + \bar{z}$ 는 항상 실수이다.  
 ㉣  $z - \bar{z}$ 는 항상 순허수이다.  
 ㉤  $\frac{1}{z}$ 과  $\frac{1}{\bar{z}}$ 의 실수부는 항상 동일하다.

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉠, ㉡, ㉢

④ ㉠, ㉢, ㉣

⑤ ㉠, ㉡, ㉢, ㉣

**해설**

$$z = a + bi, \bar{z} = a - bi$$

$$\text{㉠ } z\bar{z} = a^2 + b^2 \Rightarrow \text{실수}$$

$$\text{㉡ } z + \bar{z} = (a + bi) + (a - bi) = 2a = 0, a = 0$$

$\therefore z = bi \Rightarrow$  순허수 ( $\because z \neq 0$  이므로  $b \neq 0$ )

$$\text{㉢ } z + \bar{z} = 2a \Rightarrow \text{실수}$$

$$\text{㉣ } z - \bar{z} = (a + bi) - (a - bi) = 2bi$$

순허수로 판단하기 쉬우나,  $b = 0$  인 경우  $z - \bar{z} = 0$  으로 순허수가 아니다.

$$\text{㉤ } \frac{1}{z} = c + di \text{ 라면 } \frac{1}{\bar{z}} = \overline{\frac{1}{z}} = c - di \text{ 이므로 참}$$

