

1. $(x-y)+3 \times (x-y) \times a \div (x-y)$ 를 곱셈 기호와 나눗셈 기호를 생략하여 나타낸 것 중 바른 것은? (단, $x \neq y$)

- ① $3a-x-y$ ② $x-y-3a$ ③ $3+a+x-y$
④ $3a$ ⑤ $3a+x-y$

해설

$$\begin{aligned} & (x-y) + 3 \times (x-y) \times a \div (x-y) \\ &= (x-y) + 3 \times (x-y) \times a \times \frac{1}{(x-y)} \\ &= (x-y) + 3a = 3a + x - y \end{aligned}$$

2. $x+y+z=4$, $x^2+y^2+z^2=1$, $xyz=12$ 일 때, $x^3+y^3+z^3$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 10

해설

$$\begin{aligned} & x^2 + y^2 + z^2 \\ &= (x + y + z)^2 - 2(xy + yz + zx) \\ &= 4^2 - 2(xy + yz + zx) = 1 \\ \therefore xy + yz + zx &= \frac{15}{2} \\ \therefore x^3 + y^3 + z^3 &= (x + y + z) \{x^2 + y^2 + z^2 - (xy + yz + zx)\} + 3xyz \\ &= 4 \left(1 - \frac{15}{2}\right) + 36 = 10 \end{aligned}$$

3. 다음 식 $\frac{2a^2b+3ab^2}{ab} - \frac{4ab-5b^2}{b}$ 을 간단히 하면?

- ① $-2a+8b$ ② $-2a-8b$ ③ $6a-8b$
④ $6a-2b$ ⑤ $2a+8b$

해설

$$\begin{aligned}\frac{2a^2b+3ab^2}{ab} - \frac{4ab-5b^2}{b} &= 2a+3b-4a+5b \\ &= -2a+8b\end{aligned}$$

4. $\frac{4x+5y}{3x-5y} = \frac{1}{2}$ 일 때, $(x+1)-2y-2$ 를 y 에 관한 식으로 나타내면?

① $-5x+1$ ② $-5y-1$ ③ $-5y+2$

④ $5y+1$ ⑤ $-5y-2$

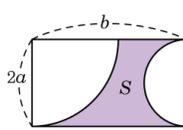
해설

$$8x + 10y = 3x - 5y$$

$$5x = -15y \therefore x = -3y$$

$$\therefore (x+1)-2y-2 = -3y-2y-1 = -5y-1$$

5. 다음 그림의 직사각형에서 색칠한 부분의 넓이를 S 라 할 때, a , b 와 S 사이의 관계식을 구하여 b 에 관하여 풀면? (단, S 가 아닌 부분은 각각 사분원과 반원이다.)



- ① $b = \frac{S}{2a} + \frac{1}{4}\pi a$ ② $b = \frac{S}{2a} + \frac{1}{2}\pi a$ ③ $b = \frac{S}{2a} + \frac{3}{4}\pi a$
 ④ $b = \frac{S}{2a} + \pi a$ ⑤ $b = \frac{S}{2a} + \frac{5}{4}\pi a$

해설

$$S = 2ab - \frac{1}{4}\pi(2a)^2 - \frac{1}{2}\pi a^2 = 2ab - \frac{3}{2}\pi a^2$$

$$2ab = S + \frac{3}{2}\pi a^2$$

$$\therefore b = \frac{S}{2a} + \frac{3}{4}\pi a$$

6. 다음 연립방정식을 풀어라.

$$\frac{x-3y+3}{2} = \frac{-x+y+2}{3} = 1$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = -1$

▷ 정답: $y = 0$

해설

$$3(x-3y+3) = 2(-x+y+2) = 6$$

$$3x-9y+9 = 6 \text{에서 } x-3y = -1 \dots \textcircled{1}$$

$$-2x+2y+4 = 6 \text{에서 } x-y = -1 \dots \textcircled{2}$$

①, ②를 풀면

$$\therefore x = -1, y = 0$$

7. 연립방정식 $\begin{cases} 2x - y = a \\ 6x - 3y = 9 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

두 방정식의 미지수의 계수와 상수항이 각각 같을 때 해가 무수히 많다.

$$\text{따라서 } \begin{cases} 2x - y = a & \cdots \textcircled{1} \\ 6x - 3y = 9 & \cdots \textcircled{2} \end{cases} \quad 3 \times \textcircled{1} = 6x - 3y = 3a \text{ 이므로}$$

$3a = 9$, $a = 3$ 일 때, 해가 무수히 많다.

8. 연립방정식 $\begin{cases} 2x + 4y = -3 \\ ax + 2y = 2 \end{cases}$ 의 해가 존재하지 않을 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a = 1$

해설

연립방정식의 해가 존재하지 않는 것은 두 직선이 평행한 것이다.
따라서 기울기는 같고 y 절편이 다르다.

따라서 $\frac{2}{a} = \frac{4}{2} \neq \frac{-3}{2}$ 이므로 $a = 1$ 이다.

9. 연립방정식 $\begin{cases} x+2y=0 \\ 3x+y=kx \end{cases}$ 가 $x=0, y=0$ 이외의 해를 가질 때,
상수 k 의 값은?

- ① $\frac{9}{2}$ ② $\frac{7}{2}$ ③ $\frac{5}{2}$ ④ $\frac{3}{2}$ ⑤ $\frac{1}{2}$

해설

$x=0, y=0$ 이외의 해를 가진다는 것은 해가 무수히 많다는 뜻과 같다.

$$\begin{cases} x+2y=0 \\ (3-k)x+y=0 \end{cases} \text{에서}$$

$$\frac{1}{3-k} = \frac{2}{1} \therefore k = \frac{5}{2}$$

12. 우유와 치즈만 생산하는 어느 제조 회사의 금년의 식품 생산량은 작년에 비하여 우유는 4% 늘어나고 치즈는 2% 줄어들면서 전체 식품 생산량은 작년에 비해 600 개가 늘어서 30000 개가 되었다. 금년의 우유 생산량은?

- ① 19800 개 ② 20592 개 ③ 9600 개
④ 9408 개 ⑤ 20596 개

해설

작년 우유 생산량을 x 개, 치즈 생산량을 y 개라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 30000 - 600 \\ \frac{4}{100}x - \frac{2}{100}y = 600 \end{cases}$$

$$\rightarrow \begin{cases} x + y = 29400 \\ 2x - y = 30000 \end{cases}$$

$$\therefore x = 19800, y = 9600$$

따라서 금년의 우유 생산량은 $19800 + 19800 \times \frac{4}{100} = 20592(\text{개})$ 이다.

14. 옥경이네 집에서 문희네 집을 거쳐 진숙이네 집까지의 거리는 20km이다. 옥경이가 집에서 문희네 집까지는 시속 3km로 걸어가고 문희네 집에서 진숙이네 집까지는 자전거를 타고 시속 8km로 가서 3시간이 걸렸다. 옥경이네 집에서 문희네 집까지의 거리는?

- ① 2km ② 2.4km ③ 10km
④ 17.6km ⑤ 18km

해설

옥경이네에서 문희네까지의 거리를 x km, 문희네에서 진숙이네까지의 거리를 y km라 하면

$$\begin{cases} x + y = 20 & \cdots(1) \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{8} = 3 & \cdots(2) \end{cases}$$

(2)의 양변에 24를 곱하면 $8x + 3y = 72 \cdots(3)$

(3) - (1) $\times 3$ 하면

$$5x = 12$$

$$\therefore x = 2.4$$

15. 강의 상류 쪽으로 30km 떨어진 곳까지 배를 타고 거슬러 올라가는데 1 시간 30 분, 다시 하류로 같은 거리를 돌아오는 데 1 시간 걸렸다. 배의 속력과 강물의 속력을 각각 차례대로 구하여라.

▶ 답: km/h

▶ 답: km/h

▷ 정답: 25 km/h

▷ 정답: 5 km/h

해설

배의 속력 x km/h, 강물의 속력 y km/h 라 하면

$$\begin{cases} \frac{3}{2}(x-y) = 30 \\ x+y = 30 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x-y = 20 \\ x+y = 30 \end{cases}$$

$\therefore x = 25, y = 5$

16. A는 구리를 20%, 주석을 20% 포함한 합금이고, B는 구리를 10%, 주석을 30% 포함한 합금이다. 이 두 종류의 합금을 녹여서 구리를 300g, 주석을 500g을 포함하는 합금 C를 만들었다. A, B는 각각 몇 g씩 필요한지 순서대로 구하여라.

▶ 답: $\frac{g}{g}$

▶ 답: $\frac{g}{g}$

▷ 정답: 1000g

▷ 정답: 1000g

해설

합금 A, B의 양을 각각 xg, yg 이라 하면

합금 C에 들어갈 구리의 양은 $\frac{20}{100}x + \frac{10}{100}y = 300$

주석의 양은 $\frac{20}{100}x + \frac{30}{100}y = 500$

$\therefore x = 1000g, y = 1000g$

18. 두 부등식 $x < \frac{5x-4}{3}$, $2x-3a > 5-8x$ 의 해가 서로 같을 때, a 의 값은?

- ① -5 ② -3 ③ -1 ④ 3 ⑤ 5

해설

$$x < \frac{5x-4}{3} \text{ 에서 } 3x < 5x-4 \quad \therefore x > 2$$

$$2x-3a > 5-8x \text{ 에서 } 10x > 5+3a$$

$$\therefore x > \frac{5+3a}{10}$$

두 부등식의 해가 서로 같으므로

$$\frac{5+3a}{10} = 2, \quad 5+3a = 20$$

$$\therefore a = 5$$

19. 부등식 $\frac{6x+9}{3} - \frac{2x+6}{2} < a$ 를 만족하는 자연수 x 의 개수가 6개일 때, 자연수 a 의 값은?

- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

해설

$$\frac{6x+9}{3} - \frac{2x+6}{2} < a \text{를 정리하면}$$

$$2x+3 - (x+3) < a$$

$$2x+3-x-3 < a$$

$$\therefore x < a$$

만족하는 범위 내의 자연수의 개수가 6개여야 하므로 $7 \leq a < 8$ 이 되어야 한다.

따라서 $a = 7$ 이다.

20. 부등식 $6(x-3) < 4x+17 \leq 6(x-2)$ 를 만족시키는 x 의 값 중 가장 큰 정수와 가장 작은 정수의 차를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$6(x-3) < 4x+17 \leq 6(x-2)$ 를 정리하면

$$\begin{cases} 6(x-3) < 4x+17 \\ 4x+17 \leq 6(x-2) \end{cases} \rightarrow$$

$$\begin{cases} 6x-4x < 17+18 \\ 4x-6x \leq -12-17 \end{cases} \rightarrow$$

$$\begin{cases} x < \frac{35}{2} \\ x \geq \frac{29}{2} \end{cases}$$

$\frac{29}{2} \leq x < \frac{35}{2}$ 이므로

가장 큰 정수는 17

가장 작은 정수는 15

따라서 두 수의 차는 $17-15=2$ 이다.

21. 연립부등식 $\begin{cases} 3x - 12 \geq x - 6 \\ 5x - a \leq 4x + 2 \end{cases}$ 을 만족하는 정수 x 의 개수가 2 개일

때, 정수 a 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$3x - 12 \geq x - 6$ 을 풀면 $2x \geq 6$, $x \geq 3$

$5x - a \leq 4x + 2$ 를 풀면 $x \leq a + 2$

따라서 $3 \leq x \leq a + 2$ 이고, 만족하는 정수의 개수가 2 개가 되려면

$4 \leq a + 2 < 5$ 이므로 $2 \leq a < 3$, 따라서 정수 a 의 값은 2 이다.

23. 20%의 소금물 300g에 물 x g을 섞어서 15% 이하의 소금물을 만들려고 할 때, x 의 범위를 구하는 과정이다. 다음 중 빈 칸에 넣은 수가 옳지 않은 것은?

20%의 소금물 300g에 들어있는 소금의 양은 $\frac{20}{100} \times (1) = (2)$ (g)
 물 x g을 섞었을 때의 소금물의 양은 (3)g이다.
 전체 소금물의 농도는 $\frac{60}{300+x} \times 100(\%)$ 이다.
 소금물의 농도가 15% 이하이므로 $\frac{60}{300+x} \times 100 \leq 15$
 $\frac{60}{300+x} \times 100 \leq 15$, (4) $\leq 300+x$
 $x \geq (5)$
 따라서 x 의 범위는 (6)g 이상이다.

- ① 300 ② 60 ③ $300+x$
 ④ 600 ⑤ 100

해설

20%의 소금물 300g에 들어있는 소금의 양은 $\frac{20}{100} \times (300) = (60)$ (g)
 물 x g을 섞었을 때의 소금물의 양은 $(300+x)$ g이다.
 전체 소금물의 농도는 $\frac{60}{300+x} \times 100(\%)$ 이다.
 소금물의 농도가 15% 이하이므로 $\frac{60}{300+x} \times 100 \leq 15$
 $\frac{60}{300+x} \times 100 \leq 15$
 $(400) \leq 300+x$
 $x \geq (100)$
 따라서 x 의 범위는 (100)g 이상이다.

24. 4% 소금물 300g 과 8% 의 소금물을 섞어서 7% 이상의 소금물을 만들었다. 이 때, 8% 의 소금물은 몇 g 이상 섞었는가?

① 600g

② 700g

③ 800g

④ 900g

⑤ 1000g

해설

8%의 소금물의 양을 x g 이라 하면

$$\frac{4}{100} \times 300 + \frac{8}{100} \times x \geq \frac{7}{100} \times (300 + x)$$

$$1200 + 8x \geq 2100 + 7x$$

$$8x - 7x \geq 2100 - 1200$$

$$\therefore x \geq 900$$

25. 어느 학교 학생들이 운동장에서 야영을 하기 위해 텐트를 설치하였다. 한 텐트에 3명씩 자면 12명이 남고, 5명씩 자면 텐트가 10개가 남는다고 할 때, 텐트의 수를 구하여라.

▶ 답: 개

▶ 답: 개

▶ 답: 개

▷ 정답: 31개

▷ 정답: 32개

▷ 정답: 33개

해설

텐트 수를 x 개, 학생 수를 $(3x + 12)$ 명이라 하면

$$5(x - 11) + 1 \leq 3x + 12 \leq 5(x - 11) + 5$$

$$5(x - 11) + 1 \leq 3x + 12 \text{에서}$$

$$5x - 55 + 1 \leq 3x + 12,$$

$$2x \leq 66$$

$$\therefore x \leq 33$$

$$3x + 12 \leq 5(x - 11) + 5 \text{에서}$$

$$3x + 12 \leq 5x - 55 + 5,$$

$$2x \geq 62$$

$$\therefore x \geq 31$$

$$\therefore 31 \leq x \leq 33$$