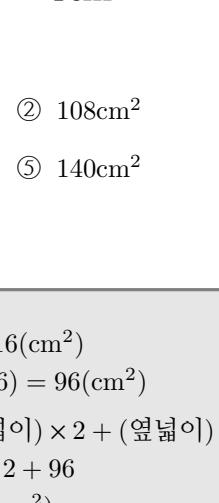


1. 다음 그림은 밑면이 한 변의 길이가 4cm인 정사각형이고, 높이가 6cm인 사각기둥이다. 이 사각기둥의 겉넓이로 옳은 것은?

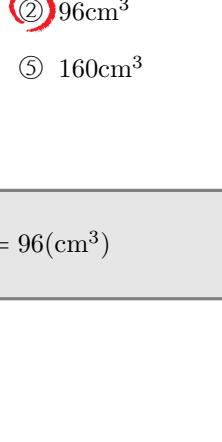


- ① 94cm^2 ② 108cm^2 ③ $\textcircled{3} 128\text{cm}^2$
④ 132cm^2 ⑤ 140cm^2

해설

$$\begin{aligned}(\text{밑넓이}) &= 4 \times 4 = 16(\text{cm}^2) \\ (\text{옆넓이}) &= 4 \times (4 \times 6) = 96(\text{cm}^2) \\ \therefore (\text{겉넓이}) &= (\text{밑넓이}) \times 2 + (\text{옆넓이}) \\ &= 16 \times 2 + 96 \\ &= 128(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

2. 다음 정사각기둥의 부피를 구하여라.



- ① 90cm^3 ② $\textcircled{2} 96\text{cm}^3$ ③ 100cm^3
④ 155cm^3 ⑤ 160cm^3

해설

$$(\text{부피}) = 4 \times 4 \times 6 = 96(\text{cm}^3)$$

3. 다음 그림의 전개도로 만들어지는 원기둥의 부피는?

- ① $102\pi \text{ cm}^3$
② $112\pi \text{ cm}^3$
③ $122\pi \text{ cm}^3$
④ $132\pi \text{ cm}^3$
⑤ $142\pi \text{ cm}^3$



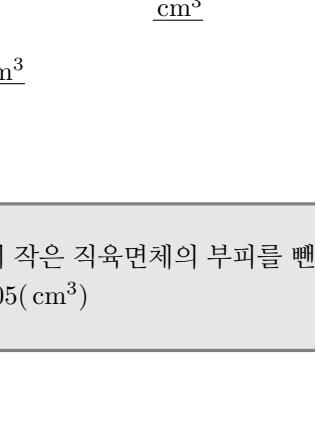
해설

밑면의 반지름의 길이를 r 이라고 하면

$$2\pi r = 8\pi, r = 4 \text{ (cm)}$$

$$\text{따라서 } (\text{부피}) = \pi \times 4^2 \times 7 = 112\pi \text{ (cm}^3\text{)}$$

4. 다음 그림과 같이 가운데가 비어 있는 입체도형의 부피를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\hspace{2cm}}$ cm^3

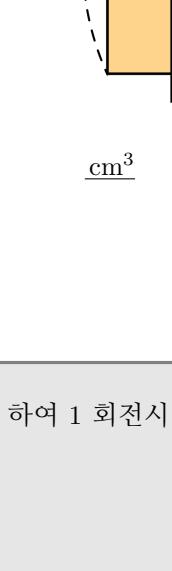
▷ 정답: 105 cm^3

해설

큰 정육면체에서 작은 직육면체의 부피를 뺀다.

$$5^3 - 2^2 \times 5 = 105 (\text{cm}^3)$$

5. 다음 그림과 같은 직사각형을 직선 l 을 회전축으로 하여 1 회전시켰을 때 만들어지는 도형의 부피를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\underline{\text{cm}^3}}$

▷ 정답: $90\pi \text{cm}^3$

해설

직선 l 을 회전축으로 하여 1 회전시키면 다음과 같은 도형이 만들어진다.



따라서 부피는 $3 \times 3 \times \pi \times 10 = 90\pi(\text{cm}^3)$ 이다.

6. 어떤 다각형의 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선이 9 개일 때, 이 다각형의 대각선의 총수는?

- ① 50 개 ② 52 개 ③ 54 개 ④ 56 개 ⑤ 58 개

해설

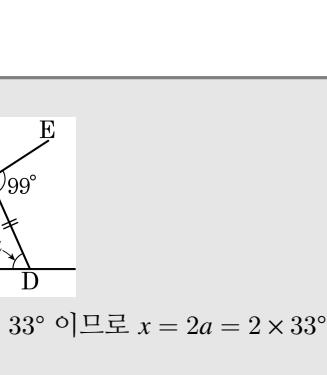
한 꼭짓점에서 9 개의 대각선을 그을 수 있는 다각형을 n 각형이라 하면

$$n - 3 = 9 \quad \therefore n = 12$$

따라서 십이각형의 대각선의 총수는

$$\frac{12(12 - 3)}{2} = 54(\text{개})$$

7. 그림과 같이 세 변 \overline{CA} , \overline{CB} , \overline{BD} 의 길이가 같고, $\angle EBD$ 의 크기가 99° 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

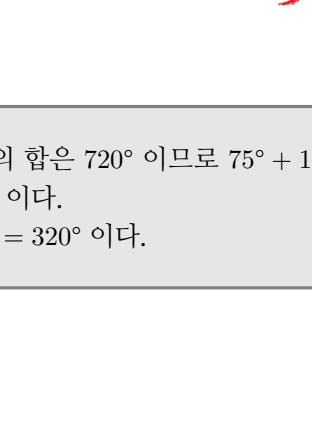


- ① 60° ② 63° ③ 66° ④ 76° ⑤ 80°

해설

$3a = 99^\circ, \quad a = 33^\circ$ |므로 $x = 2a = 2 \times 33^\circ = 66^\circ$ 이다.

8. 다음 그림의 $\angle a + \angle b$ 의 크기는?



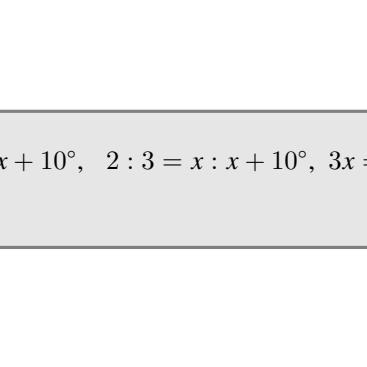
- ① 260° ② 280° ③ 300° ④ 320° ⑤ 340°

해설

육각형의 내각의 합은 720° 이므로 $75^\circ + 130^\circ + 85^\circ + 110^\circ + \angle a + \angle b = 720^\circ$ 이다.

따라서 $\angle a + \angle b = 320^\circ$ 이다.

9. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

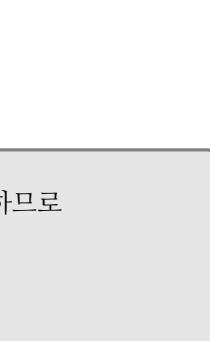
▷ 정답: 20°

해설

$$20 : 30 = x : x + 10^\circ, \quad 2 : 3 = x : x + 10^\circ, \quad 3x = 2x + 20^\circ$$

$$\therefore \angle x = 20^\circ$$

10. 다음 그림의 원 O에서 $\angle AOB = 24^\circ$, 부채꼴 AOB의 넓이가 20cm^2 , 부채꼴 COD의 넓이가 70cm^2 일 때, $\angle COD$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 84°

해설

넓이와 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로
 $20 : 70 = 24^\circ : \angle COD$,

$$\angle COD = 24^\circ \times \frac{70}{20} = 84^\circ$$

11. 반지름의 길이가 3cm, 호의 길이가 2π cm인 부채꼴의 중심각의 크기는?

- ① 60° ② 90° ③ 100° ④ 120° ⑤ 240°

해설

$$(\text{부채꼴의 호의 길이}) = (\text{원의 둘레}) \times \frac{(\text{중심각의 크기})}{360^\circ}$$

$$2 \times 3\pi \times \frac{x}{360^\circ} = 2\pi$$

$$\therefore x = 120^\circ$$

12. 다음 조건을 모두 만족하는 입체도형을 구하여라.

- (가) 다면체이다.
- (나) 두 밑면은 평행하고, 합동인 오각형이다.
- (다) 옆면의 모양은 직사각형이다.

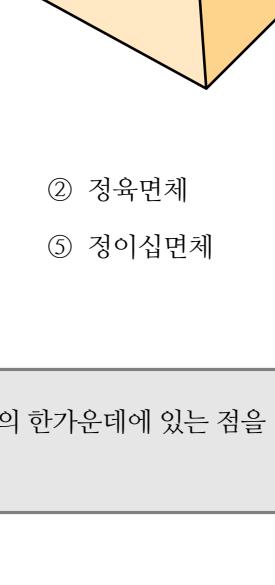
▶ 답 :

▷ 정답 : 오각기둥

해설

두 밑면이 평행하고 합동이며 옆면의 모양이 직사각형이므로 각기둥이다. 이때, 밑면의 모양이 오각형이므로 오각기둥이다.

13. 다음 정사면체의 각 면의 중심을 꼭짓점으로 하는 다면체는?

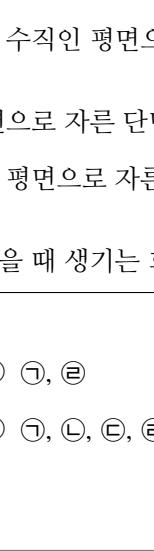


- ① 정사면체 ② 정육면체 ③ 정팔면체
④ 정십이면체 ⑤ 정이십면체

해설

정사면체의 각 면의 한가운데에 있는 점을 연결하여 만든 도형은 정사면체이다.

14. 다음 그림과 같은 평면도형을 직선 l 을 축으로 1회전하여 회전체를 만들 때, 다음 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은?



- Ⓐ 회전축을 회전축에 수직인 평면으로 자르면 그 단면은 원이다.
- Ⓑ 밑면에 수직인 평면으로 자른 단면은 항상 삼각형이다.
- Ⓒ 회전축을 포함하는 평면으로 자른 단면은 이등변삼각형이다.
- Ⓓ 평면도형을 회전했을 때 생기는 회전체는 원뿔대이다.

Ⓐ

Ⓑ, Ⓣ

Ⓑ

Ⓐ, Ⓣ

Ⓐ, Ⓣ, Ⓣ

해설

- Ⓐ 반원이나 반타원이 될 수도 있다.
- Ⓓ 평면도형을 회전했을 때 생기는 회전체는 원뿔, 원뿔대, 구, 원기둥 등이 될 수 있다.

15. 다음 중 대각선의 총수가 65 개인 다각형은?

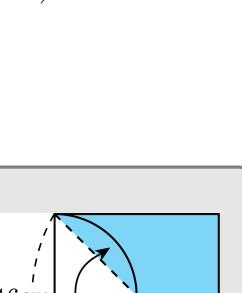
- ① 십일각형 ② 십이각형
③ **십삼각형** ④ 십사각형
⑤ 십오각형

해설

$$\frac{n(n-3)}{2} = 65, n(n-3) = 130$$

$$10 \times 13 = 130, n = 13 \therefore \text{십삼각형}$$

16. 다음 그림의 정사각형에서 색칠한 부분의 넓이는?



- ① 49 cm^2
② 75 cm^2
③ 128 cm^2
④ $(98\pi - 49) \text{ cm}^2$
⑤ $(98\pi + 49) \text{ cm}^2$

해설

다음 그림과 같이 이동시키면 색칠한 부분의 넓이는 삼각형의 넓이와 같으므로 $\frac{1}{2} \times 16 \times 16 = 128(\text{cm}^2)$ 이다.



17. 부채꼴의 반지름의 길이가 12cm 이고, 호의 길이가 10π cm 일 때,
중심각의 크기는?

- ① 90° ② 120° ③ 135° ④ 150° ⑤ 300°

해설

$$2\pi \times 12 \times \frac{x}{360^\circ} = 10\pi$$

$$\therefore x = 10\pi \times \frac{360^\circ}{24\pi} = 150^\circ$$

18. 어떤 각뿔대의 모서리의 개수와 면의 개수의 차를 구하였더니 22가 되었다. 이 입체도형의 이름을 말하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 십이각뿔대

해설

n 각뿔대의 모서리의 개수는 $3n$ 개, 면의 개수는 $n + 2$ 개이므로
 $3n - (n + 2) = 22$, $n = 12$ 이다.

따라서 십이각뿔대이다.

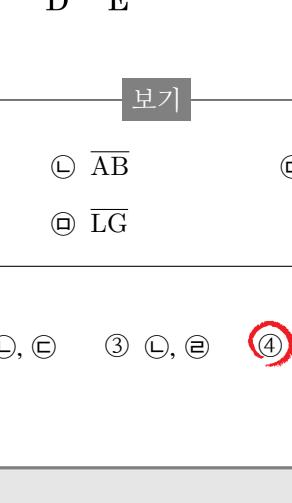
19. 다음 중 다면체와 그 꼭짓점의 개수가 잘못 짹지어진 것은?

- ① 오각뿔대 : 10 개 ② 육각기둥 : 12 개
③ 칠각기둥 : 14 개 ④ 칠각뿔 : 14 개
⑤ 사각기둥 : 8 개

해설

④ $7 + 1 = 8(\text{개})$

20. 다음 전개도로 정육면체를 만들었을 때, 모서리 \overline{KL} 과 꼬인 위치에 있는 모서리는?



[보기]

- Ⓐ \overline{JK} Ⓑ \overline{AB} Ⓒ \overline{MF}
Ⓑ \overline{BC} Ⓓ \overline{LG}

- ① Ⓐ, Ⓑ ② Ⓑ, Ⓒ ③ Ⓑ, Ⓓ ④ Ⓒ, Ⓑ ⑤ Ⓑ, Ⓓ

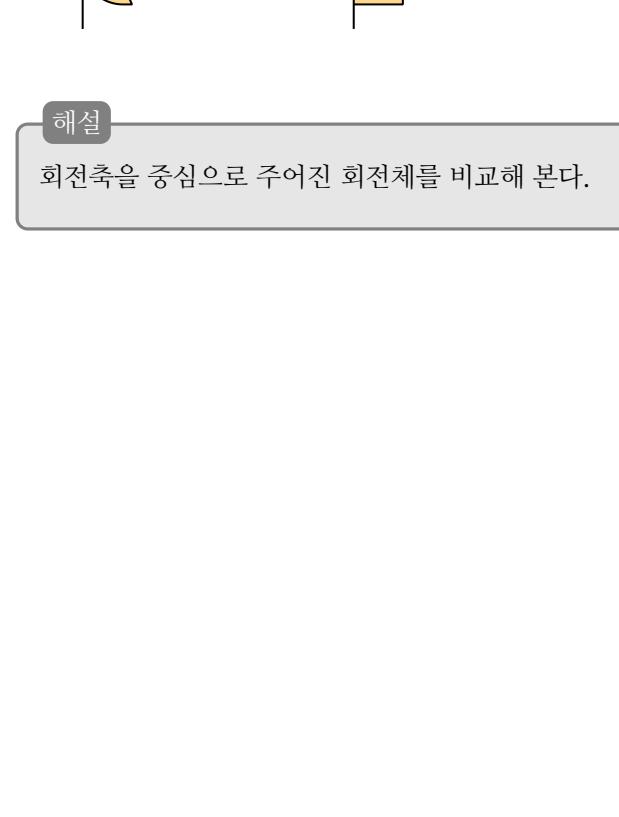
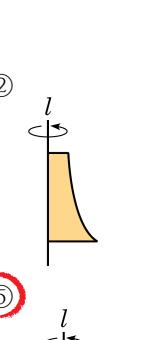
[해설]

주어진 전개도로 정육면체를 만들면 다음 그림과 같다.



\overline{KL} 과 꼬인 위치에 있는 모서리는 $\overline{BC}, \overline{MF}, \overline{DC}, \overline{EF}$ 이다.

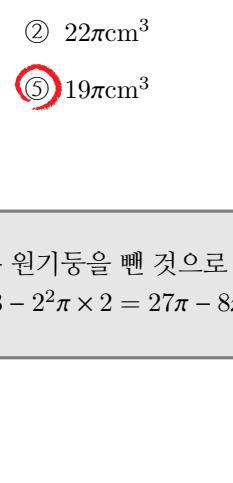
21. 다음 중 그림과 같은 회전체가 나올 수 있는 것은?



해설

회전축을 중심으로 주어진 회전체를 비교해 본다.

22. 다음 그림과 같은 도형을 직선 l 을 축으로 하여 회전시킬 때 생기는
입체도형의 부피는?

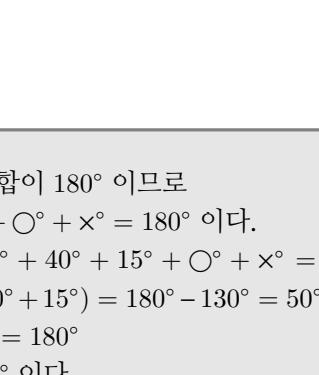


- ① $23\pi\text{cm}^3$ ② $22\pi\text{cm}^3$ ③ $21\pi\text{cm}^3$
④ $20\pi\text{cm}^3$ ⑤ $19\pi\text{cm}^3$

해설

큰 원기둥에서 작은 원기둥을 뺀 것으로 생각한다.
따라서 $V = 3^2\pi \times 3 - 2^2\pi \times 2 = 27\pi - 8\pi = 19\pi(\text{cm}^3)$ 이다.

23. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: ${}^\circ$

▷ 정답: 130°

해설

내각의 크기의 합이 180° 이므로

$\triangle PBC$ 에서 $x + O^\circ + X^\circ = 180^\circ$ 이다.

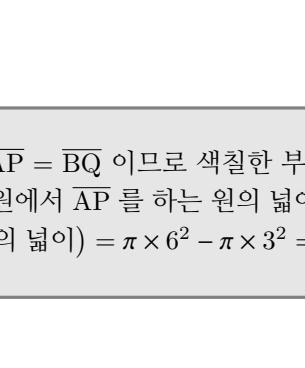
$\triangle ABC$ 에서 $75^\circ + 40^\circ + 15^\circ + O^\circ + X^\circ = 180^\circ$, $O^\circ + X^\circ =$

$180^\circ - (75^\circ + 40^\circ + 15^\circ) = 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$ 즉, $O^\circ + X^\circ = 50^\circ$

이므로 $x + 50^\circ = 180^\circ$

따라서 $x = 130^\circ$ 이다.

24. 다음 그림과 같이 지름이 18cm인 원에서 점 P, Q가 지름 AB의
삼등분점일 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



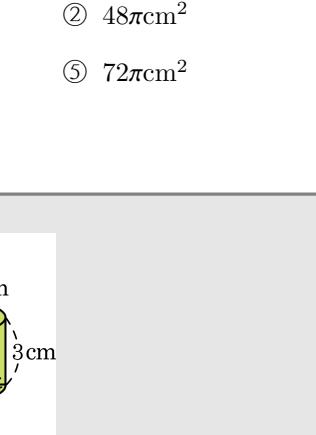
▶ 답: $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답: $27\pi \text{cm}^2$

해설

$\overline{AQ} = \overline{PB}$, $\overline{AP} = \overline{BQ}$ 이므로 색칠한 부분이 넓이는 \overline{AQ} 를
지름으로 하는 원에서 \overline{AP} 를 하는 원의 넓이를 뺀 것과 같다.
 $\therefore (\text{색칠한 부분의 넓이}) = \pi \times 6^2 - \pi \times 3^2 = 27\pi (\text{cm}^2)$

25. 다음 그림과 같은 입체도형의 겉넓이는?



- ① $36\pi\text{cm}^2$ ② $48\pi\text{cm}^2$ ③ $52\pi\text{cm}^2$
④ $64\pi\text{cm}^2$ ⑤ $72\pi\text{cm}^2$

해설



위에서 보면 이므로 $r = 4$ 인 원이 윗면, 밑면 2 개와 위의 원기

등의 옆면과 아래 원기등의 옆면의 넓이를 더한다.

(옆면의 넓이) + (큰 원기등의 밑면의 넓이)

$$= (8\pi \times 4\pi \times 2) + 16\pi \times 2$$

$$= 24\pi + 8\pi + 32\pi = 64\pi$$