

1. 다음 중 유리수는 모두 몇 개인지 구하여라.

- ㉠ -1.5
- ㉡ $\frac{11}{9}$
- ㉢ $0.101011011001100011\dots$
- ㉣ π
- ㉤ 3.08
- ㉥ $0.012201220122\dots$

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 4개

해설

- ㉠, ㉡, ㉤, ㉥

2. $\frac{1}{42} \times A$ 를 소수로 나타내면 유한소수가 될 때, A의 값 중 가장 작은 자연수는?

- ① 3 ② 7 ③ 14 ④ 16 ⑤ 21

해설

$$\frac{1}{42} \times A = \frac{1}{2 \times 3 \times 7} \times A \text{ 이므로 } 3 \text{ 과 } 7 \text{ 을 약분할 수 있으려면 } A$$

는 21의 배수이어야 한다.

따라서 가장 작은 자연수는 21이다.

3. $3^2 \times (3^3)^2 = 3^x$ 일 때, x 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 8

해설

$$3^2 \times (3^3)^2 = 3^2 \times 3^6 = 3^8 \text{ 이므로 } x = 8 \text{ 이다.}$$

4. 다음 □ 안에 들어갈 알맞은 수를 차례로 나열한 것은?

$$\left(\frac{2}{a}\right)^3 \times \left(\frac{3a}{b}\right)^2 = \frac{8}{a^{\square}} \times \frac{9a^{\square}}{b^2} = \frac{72}{a^{\square}b^{\square}}$$

- ① 3, 2, 1, 3 ② 3, 2, 1, 2 ③ 3, 2, 2, 2
④ 4, 2, 1, 2 ⑤ 4, 1, 1, 2

해설

$$\left(\frac{2}{a}\right)^3 \times \left(\frac{3a}{b}\right)^2 = \frac{8}{a^3} \times \frac{9a^2}{b^2} = \frac{72}{ab^2}$$

5. 가로의 길이가 $(2a)^3$, 높이가 $5ab$, 직육면체의 부피가 $80a^5b^2$ 일 때,
세로의 길이는?

- ① $2ab$ ② $20ab$ ③ $8ab$ ④ $2a^2b$ ⑤ $8a^2b$

해설

$$\begin{aligned}(2a)^3 \times (\text{세로의 길이}) \times 5ab &= 80a^5b^2 \\ (\text{세로의 길이}) &= 80a^5b^2 \div (2a)^3 \div 5ab \\ &= 80a^5b^2 \div 8a^3 \div 5ab \\ &= 2ab\end{aligned}$$

6. 다음 □ 안에 알맞은 식을 써 넣어라.

$$(-2x^2y)^3 \times \square = -4x^7y^6$$

- ① $-\frac{1}{4}xy^3$ ② $-\frac{1}{2}x^2y^3$ ③ $\frac{1}{2}x^2y^3$
④ $\frac{1}{2}xy^3$ ⑤ $\frac{1}{4}x^2y^6$

해설

$$(-2x^2y)^3 \times \square = -4x^7y^6$$

$$\square = -4x^7y^6 \div (-8x^6y^3) = \frac{1}{2}xy^3$$

7. 직육면체의 가로의 길이가 $3a$, 세로의 길이가 $2b$ 이고, 부피가 $24a^2b$ 일 때, 높이는?

① $4a$

② $6a$

③ $4b$

④ $3ab$

⑤ $4ab$

해설

(직육면체의 부피) = (밑면의 넓이) \times (높이) 이므로 높이를 x 라고 하면

$$24a^2b = 3a \times 2b \times x$$

$$\therefore x = 4a$$

8. 다음 식을 간단히 한 것은?

$$(a^2 + 3a - 2) - (-a^2 + 2a - 1)$$

- ① $a^2 + a - 2$ ② $a^2 + a - 3$ ③ $2a^2 - a - 1$
④ $2a^2 - 2a - 1$ ⑤ $2a^2 + a - 1$

해설

$$\begin{aligned}(a^2 + 3a - 2) - (-a^2 + 2a - 1) \\= a^2 + 3a - 2 + a^2 - 2a + 1 \\= 2a^2 + a - 1\end{aligned}$$

9. 다음 안에 알맞은 식은?

$$- [4x - 2y - \{x - (3x + \boxed{\quad})\} + 5y] = -6x - 7y$$

- ① 4y ② -4y ③ 3y ④ -3y ⑤ y

해설

$$\begin{aligned}& - [4x - 2y - \{x - (3x + \boxed{\quad})\} + 5y] \\&= - \{4x - 2y - (-2x - \boxed{\quad}) + 5y\} \\&= - (6x + 3y + \boxed{\quad}) \\&= -6x - 3y - \boxed{\quad} \\&= -6x - 7y\end{aligned}$$

$$\therefore \boxed{\quad} = -6x - 3y + 6x + 7y = 4y$$

10. $(3x + y)^2$ 을 전개한 것은?

- ① $3x^2 + 3xy + y^2$
- ② $3x^2 + 6xy + y^2$
- ③ $9x^2 + 3xy + y^2$
- ④ $9x^2 + 6xy + y^2$
- ⑤ $9x^2 + 9xy + y^2$

해설

$$\begin{aligned}(3x + y)^2 &= (3x)^2 + 2 \times 3x \times y + y^2 \\&= 9x^2 + 6xy + y^2\end{aligned}$$

11. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이를 x , y 에 대한 식으로 바르게 나타낸 것은?

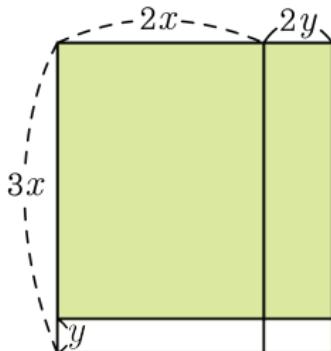
① $(2x + 2y)(3x + y) = 6x^2 + 8xy + 2y^2$

② $(2x - 2y)(3x + y) = 6x^2 - 4xy - 2y^2$

③ $(2x + 2y)(3x - y) = 6x^2 + 4xy - 2y^2$

④ $(3x + 2y)(2x - y) = 6x^2 + xy - 2y^2$

⑤ $(3x - 2y)(2x + y) = 6x^2 - xy - 2y^2$



해설

색칠한 부분의 가로의 길이는 $(2x + 2y)$,

세로의 길이는 $(3x - y)$ 이다.

따라서 색칠한 부분의 넓이는

$$(2x + 2y)(3x - y) = 6x^2 + 4xy - 2y^2$$

12. $y = 2 - 3x$ 일 때, $2x - 3y + 5$ 를 x 에 관한 식으로 나타내어라.

▶ 답:

▶ 정답: $11x - 1$

해설

준식에 y 값을 대입하면

$$2x - 3(2 - 3x) + 5 = 2x - 6 + 9x + 5 = 11x - 1$$

13. $8x - 2y + 2 = 4x - y - 3$ 일 때, $2x - 3y + 1$ 을 x 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $-10x + 16$ ② $\textcircled{2} -10x - 14$ ③ $12x + 16$
④ $10x - 14$ ⑤ $10x - 16$

해설

$8x - 2y + 2 = 4x - y - 3$ 이므로 $y = 4x + 5$ 이다.

$$\begin{aligned}2x - 3y + 1 &= 2x - 3(4x + 5) + 1 \\&= 2x - 12x - 15 + 1 \\&= -10x - 14\end{aligned}$$

14. 분수 $\frac{13}{9}$ 을 소수로 바르게 나타낸 것은?

- ① $1.\dot{4}$ ② $1.\dot{5}$ ③ $1.4\dot{5}$ ④ $1.\dot{5}\dot{4}$ ⑤ $1.4\dot{5}$

해설

$$13 \div 9 = 1.4444\cdots = 1.\dot{4}$$

15. $x = 1.222\cdots$ 일 때, $10x - x$ 의 값은?

- ① 1.1
- ② 1.2
- ③ 11
- ④ 12
- ⑤ 12.22

해설

10 을 곱하면 $10x = 12.222\cdots$

$x = 1.222\cdots$ 이므로

$10x - x = 11$ 이다.

16. 다음 순환소수를 분수로 나타낸 것 중 옳은 것을 모두 고르면?

$$\textcircled{1} \quad 0.\dot{3} = \frac{3}{10}$$

$$\textcircled{2} \quad 0.3\dot{5} = \frac{35}{99}$$

$$\textcircled{3} \quad 0.\dot{3}\dot{1} = \frac{31}{99}$$

$$\textcircled{4} \quad 0.\dot{1}\dot{2}\dot{7} = \frac{127}{1000}$$

$$\textcircled{5} \quad 0.2\dot{5}\dot{6} = \frac{254}{990}$$

해설

$$\textcircled{1} \quad 0.\dot{3} = \frac{3}{9}$$

$$\textcircled{2} \quad 0.3\dot{5} = \frac{32}{90} = \frac{16}{45}$$

$$\textcircled{4} \quad 0.\dot{1}\dot{2}\dot{7} = \frac{127}{999}$$

17. 다음 두 수의 대소 관계를 옳게 나타낸 것은?

- ① $0.\dot{4}\dot{9} = 0.5$ ② $0.83 > 0.\dot{8}\dot{3}$ ③ $0.\dot{9} < 1$
- ④ $0.4\dot{5} > 0.5$ ⑤ $0.\dot{5}\dot{6} < 0.\dot{5}0\dot{6}$

해설

$$\textcircled{1} \quad 0.4\dot{9} = \frac{49 - 4}{90} = \frac{45}{90} = 0.5$$

18. $0.\dot{5}\dot{4} \div 0.\dot{6}$ 을 계산하여 기약분수로 나타내면 $\frac{b}{a}$ 일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 20

해설

$$0.\dot{5}\dot{4} \div 0.\dot{6} = \frac{54}{99} \div \frac{6}{9} = \frac{54}{99} \times \frac{9}{6} = \frac{9}{11}$$

$$\therefore a = 11, b = 9$$

$$\therefore a + b = 20$$

19. n 이 자연수일 때, $(-1)^{2n+5} - (-1)^{2n-2}$ 의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$2n + 5$ 는 홀수이고 $2n - 2$ 는 짝수이므로
 $(\text{준식}) = -1 - 1 = -2$

20. 식 $(x^2 - 2x + 6) + (2x^2 - 3x + 4)$ 를 간단히 하면?

① $x^2 - 3x + 10$

② $2x^2 - x + 10$

③ $3x^2 - 5x + 6$

④ $3x^2 - 5x + 10$

⑤ $3x^2 + 5x + 10$

해설

$$(x^2 - 2x + 6) + (2x^2 - 3x + 4)$$

$$= x^2 - 2x + 6 + 2x^2 - 3x + 4$$

$$= 3x^2 - 5x + 10$$

21. $(x - 2)(x + 2)(x^2 + 4)$ 를 전개하면?

- ① $x^2 - 4$
- ② $x^2 - 16$
- ③ $x^4 - 4$
- ④ $x^4 - 8$
- ⑤ $x^4 - 16$

해설

$$(x^2 - 4)(x^2 + 4) = x^4 - 16$$

22. $(a^2b - a^2) \div a - 2(ab^2 + 6b^2) \div b$ 를 간단히 했을 때, ab 의 계수를 x , a 의 계수를 y 라 할 때, $3x - y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$(준식) = ab - a - 2ab - 12b = -a - ab - 12b$$

$$\therefore 3x - y = 3 \times (-1) - (-1) = -2$$

23. $x = \frac{1}{4}$, $y = -\frac{2}{7}$ 일 때, $\frac{6x^2y - 15xy^2}{3x^2y^2}$ 의 값은?

- ① -27 ② -13 ③ 13 ④ 18 ⑤ 27

해설

$$\begin{aligned}\frac{6x^2y - 15xy^2}{3x^2y^2} &= \frac{2}{y} - \frac{5}{x} = \frac{2}{-\frac{2}{7}} - \frac{5}{\frac{1}{4}} \\ &= -\frac{14}{2} - 20 \\ &= -7 - 20 = -27\end{aligned}$$

24. $2x + 2y = x + 5y$ 일 때, $\frac{x}{3y}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

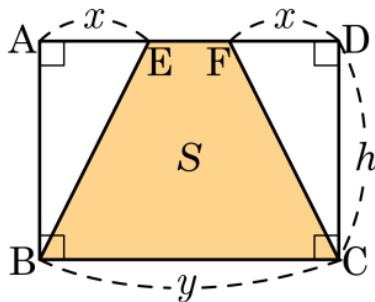
해설

$$2x + 2y = x + 5y$$

$$x = 3y$$

$$\therefore \frac{x}{3y} = \frac{3y}{3y} = 1$$

25. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 직사각형이다. $\triangle EBCF$ 의 넓이를 S 라 할 때, h 를 S , x , y 의 식으로 나타내어라. (단, $\overline{AE} = \overline{FD} = x$, $\overline{BC} = y$, $\overline{CD} = h$)



▶ 답 :

▷ 정답 : $h = \frac{S}{y - x}$

해설

$$S = \frac{(y - 2x + y)h}{2} \Rightarrow h = \frac{S}{y - x}$$