

1. $2x + 2y = x + 5y$ 일 때, $\frac{x}{3y}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

$$2x + 2y = x + 5y$$

$$x = 3y$$

$$\therefore \frac{x}{3y} = \frac{3y}{3y} = 1$$

2. $(2x + y) : (x - 2y) = 3 : 1$ 일 때, $\frac{2x + 4y}{x - y}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

$$3(x - 2y) = 2x + y$$

$$3x - 6y = 2x + y$$

$x = 7y$ 이므로 주어진 식에 대입하면

$$\frac{2x + 4y}{x - y} = \frac{14y + 4y}{7y - y} = \frac{18y}{6y} = 3$$

3. A, B, C 세 명의 수학 점수는 각각 a 점, b 점, c 점이다. a 와 b 의 평균은 x , b 와 c 의 평균은 y , c 와 a 의 평균은 z 일 때, a 를 x, y, z 에 관한 식으로 나타내어라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = x - y + z$

해설

주어진 조건에 따라 평균을 구하면

$$\frac{a+b}{2} = x, \frac{b+c}{2} = y, \frac{c+a}{2} = z$$

주어진 식을 좌변끼리 우변끼리 각각 더하면

$$a+b+c = x+y+z$$

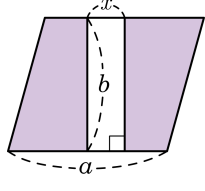
$$a = x+y+z-b-c$$

$$= x+y+z-(b+c)$$

$$= x+y+z-2y$$

$$\therefore a = x-y+z$$

4. 다음 그림과 같은 평행사변형에서 색칠한 부분의 넓이를 S 라 할 때, x 를 a, b, S 의 식으로 나타내어라.

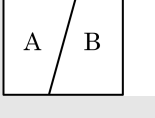
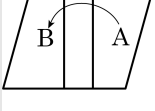


▶ 답 :

▷ 정답 : $x = a - \frac{S}{b}$

해설

(밑변의 길이) = $a - x$,
 (높이) = b 인 평행사변형의 넓이
 $S = (a - x) \times b = ab - bx$
 x 에 관하여 풀면 $bx = ab - S$
 $\therefore x = \frac{ab - S}{b} = a - \frac{S}{b}$



5. 연립방정식 $\begin{cases} 2x - y = 4a \\ x + 2y = 11 \end{cases}$ 의 해가 $x = k, y = 4$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{2}$

해설

$x = k, y = 4$ 를 대입하면 $\begin{cases} 2k - 4 = 4a \\ k + 8 = 11 \end{cases}$ 이므로 $k = 3$ 이다.

$2k - 4 = 4a$ 에서 $6 - 4 = 4a$

$2 = 4a$, 즉 $a = \frac{1}{2}$ 이다.

6. 연립방정식 $\begin{cases} 3x + ay = -6 \\ bx - 5y = 7 \end{cases}$ 의 해가 $(2, -3)$ 일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

$3x + ay = -6$ 에 점 $(2, -3)$ 을 대입
 $6 - 3a = -6$
 $-3a = -12$
 $\therefore a = 4$

$bx - 5y = 7$ 에 점 $(2, -3)$ 을 대입
 $2b + 15 = 7$
 $2b = -8$
 $\therefore b = -4$
 $\therefore a + b = 4 - 4 = 0$

7. 연립방정식 $(a-4)x - (a-2)y = -1$, $-ax - (2-a)y = 3$ 의 해가 $y-2x=0$ 을 만족할 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -2

해설

$$y-2x=0, y=2x$$

주어진 연립방정식에 $y=2x$ 를 각각 대입하면

$$(a-4)x - (a-2) \times 2x = -1, ax = 1 \cdots \textcircled{A}$$

$$-ax - (2-a) \times 2x = 3, ax - 4x = 3 \cdots \textcircled{B}$$

$$\textcircled{B} \text{에 } \textcircled{A} \text{을 대입하면 } x = -\frac{1}{2}, y = -1$$

$$\therefore a = -2$$

8. 연립방정식 $\begin{cases} x - 2y = 0 \\ x + y = a \end{cases}$ 의 해가 방정식 $2x - y = 5$ 를 만족시킬 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

$$\begin{cases} x - 2y = 0 & \dots \textcircled{1} \\ x + y = a & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1} + \textcircled{2} \times 2$ 하면 $x = \frac{2}{3}a$, $y = \frac{1}{3}a$ 이다.

$2x - y = 5$ 에 x, y 를 대입하면

$$2 \times \frac{2}{3}a - \frac{1}{3}a = 5$$

$$\therefore a = 5$$

9. 연립방정식 $\begin{cases} 2x + 3y = 1 \\ kx = 3y + 3 \end{cases}$ 을 만족하는 y 의 값이 x 의 값보다 2

만큼 더 클 때, k 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -6

해설

$$y = x + 2 \text{ 이므로 } 2x + 3(x + 2) = 1$$

$$2x + 3x + 6 = 1$$

$$5x = -5$$

$$x = -1$$

$$y = 1$$

$(-1, 1)$ 을 $kx = 3y + 3$ 에 대입하면

$$-k = 3 + 3$$

$$\therefore k = -6$$

10. $x \geq y$ 인 x, y 에 대하여 $M(x, y) = x$, $m(x, y) = y$ 로 정의한다. 연립방정식 $2x + 3y - M(x, y) = 1$, $x + y + m(x, y) = -7$ 의 해를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = -\frac{15}{2}$

▷ 정답 : $y = 8$

해설

1) $x \geq y$ 일 때, $M(x, y) = x, m(x, y) = y$ 이므로
주어진 연립방정식은
 $2x + 3y - x = 1, x + y + y = -7$
 $\therefore x = -23, y = 8$ 그러나 $x \geq y$ 의 조건에 맞지 않는다.
2) $x < y$ 일 때, $M(x, y) = y, m(x, y) = x$ 이므로
주어진 연립방정식은
 $2x + 3y - y = 1, x + y + x = -7$
 $x = -\frac{15}{2}, y = 8$
1), 2) 에 의하여 구하려는 해는 $x = -\frac{15}{2}, y = 8$

11. 다음 두 연립방정식의 해가 같을 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

$$\begin{cases} ax - by = -6 & \cdots \textcircled{A} \\ 2x + 7y = 34 & \cdots \textcircled{B} \end{cases} \begin{cases} x - 3y = -9 & \cdots \textcircled{C} \\ 6x - ay = 10 & \cdots \textcircled{D} \end{cases}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

ⓐ과 ⓓ식을 연립하여 풀면 $y = 4$, $x = 3$ 이 나오고 이를 ⓐ식과 ⓑ식에 대입하면

$$6 \times 3 - 4a = 10 \quad \therefore a = 2$$

$$2 \times 3 - 4b = -6 \quad \therefore b = 3$$

$$\therefore a + b = 5$$

12. 다음 두 연립방정식이 서로 같은 해를 갖는다고 할 때, $2011^a \times 2011^b$ 의 값은?

$$\begin{cases} 5x + y = 12 \\ ax = y + 6 \end{cases} \quad \begin{cases} 2x + by = -2 \\ y = 3x - 4 \end{cases}$$

- ① 2006 ② 2008 ③ 2009 ④ 2010 ⑤ 2011

해설

$$\begin{cases} 5x + y = 12 \\ y = 3x - 4 \end{cases}$$
를 연립하여 풀면 $x = 2, y = 2$ 가 나온다.

나머지 두 식에 $x = 2, y = 2$ 를 대입하여 풀면 $a = 4, b = -3$ 이 나온다.

따라서 $2011^a \times 2011^b = 2011^{a+b} = 2011^1 = 2011$ 이다.

13. 연립방정식 $y + 21 = -3x + 4y = x + 2y + 22$ 를 풀어라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = -4$

▷ 정답 : $y = 3$

해설

$y + 21 = -3x + 4y = x + 2y + 22$ 에서 $y + 21 = -3x + 4y$ 와
 $y + 21 = x + 2y + 22$ 으로 해서 간단히 해서 풀면
 $\therefore x = -4, y = 3$

14. 연립방정식 $5x - y - 2 = 3x + 1 = 2x + y + 1$ 의 해를 (a, b) 라고 할 때, $b^2 - a^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

$$5x - y - 2 = 3x + 1, 2x - y = 3$$

$$3x + 1 = 2x + y + 1, x - y = 0$$

두 식을 연립하여 풀면 $x = 3, y = 3$ 이다.

$$\therefore b^2 - a^2 = 3^2 - 3^2 = 0$$

15. 연립방정식 $\begin{cases} -\frac{1}{2}ax + 3y = 10 \\ 0.7x - 4by = 15 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, a , b 의 값을 각각 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = -\frac{14}{15}$

▷ 정답 : $b = -\frac{9}{8}$

해설

$10 \times 1.5 = 15$ 이므로

$$3 \times 1.5 = -4b \rightarrow b = -\frac{4.5}{4} = -\frac{9}{8}$$

$$-\frac{1}{2}a \times 1.5 = 0.7 \rightarrow a = -\frac{14}{15}$$

16. x, y, z 에 대한 다음 연립방정식이 $(x, y, z) = (4, 0, 0)$ 이외의 해를 갖기 위한 상수 p, q 의 값을 각각 구하여라.
- $$\begin{aligned}x + 2y + 3z &= 4 \\ 2x + 3y + 4z &= p \\ z &= \frac{3x + 4y}{q}\end{aligned}$$
- ▶ 답 :
- ▶ 답 :
- ▷ 정답 : $p = 2$
- ▷ 정답 : $q = -5$

해설

$$\begin{aligned}x + 2y + 3z &= 4 \cdots \textcircled{1} \\ 2x + 3y + 4z &= p \cdots \textcircled{2} \\ z &= \frac{3x + 4y}{q}, \quad 3x + 4y - qz = 0 \cdots \textcircled{3}\end{aligned}$$

$\textcircled{1} \times 2 - \textcircled{2}$ 을 하면 $y + 2z = 8 - p \cdots \textcircled{4}$

$\textcircled{2} \times 3 - \textcircled{3} \times 2$ 을 하면 $y + (12 + 2q)z = 3p \cdots \textcircled{5}$

$\textcircled{4}, \textcircled{5}$ 을 연립하여 풀면 해가 무수히 많으므로

$$\frac{1}{1} = \frac{2}{12 + 2q} = \frac{8 - p}{3p}$$

$\therefore p = 2, \quad q = -5$

17. 연립방정식 $\begin{cases} -2x - 5y = x - 3y + 3 \\ ax + 2y = b \end{cases}$ 의 해가 없을 조건을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 3$

▷ 정답 : $b \neq -3$

해설

$\begin{cases} -2x - 5y = x - 3y + 3 & \cdots \textcircled{1} \\ ax + 2y = b & \cdots \textcircled{2} \end{cases}$ 에서 $\textcircled{1}$ 을 간단히 하면 $3x + 2y + 3 = 0$
 x, y 의 계수는 같아야 하고, 상수항은 달라야 한다.
 $\therefore a = 3, b \neq -3$

18. 다음 보기 중에서 두 일차방정식을 한 쌍으로 하는 연립방정식을 만들었을 때, 해가 없는 것은?

보기

- ㉠. $-2x + y = 1$
- ㉡. $x - y = -1$
- ㉢. $x - y = -\frac{1}{2}$
- ㉣. $2x + 2y = 2$

- ① ㉠, ㉡ ② ㉠, ㉢ ③ ㉡, ㉢ ④ ㉡, ㉣ ⑤ ㉢, ㉣

해설

㉡ 식에서 ㉢식을 빼면 $0 \cdot x = -\frac{1}{2}$ 이 되므로 해가 없다.

19. 연립방정식 $\begin{cases} x+y=7 \\ 2x+ay=14 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 2$

해설

해가 무수히 많을 조건은 $\frac{1}{2} = \frac{1}{a} = \frac{7}{14}$
 $\therefore a = 2$

20. 연립방정식 $\begin{cases} x + 2y = 0 \\ 3x + y = kx \end{cases}$ 가 $x = 0, y = 0$ 이외의 해를 가질 때,

상수 k 의 값을 $\frac{b}{a}$ 라 한다. $|a - b|$ 의 값을 구하여라. (단, a 와 b 는 서로 소인 정수)

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

$$\begin{cases} x + 2y = 0 \\ 3x + y = kx \end{cases} \quad \text{에서}$$

$$\begin{cases} x + 2y = 0 & \cdots \textcircled{A} \\ (3 - k)x + y = 0 & \cdots \textcircled{B} \end{cases}$$

$$\frac{1}{(3 - k)} = \frac{2}{1} \text{에서}$$

$x = 0, y = 0$ 이외의 해를 가지려면

$$6 - 2k = 1$$

$$\therefore k = \frac{5}{2} \quad \therefore a = 2, b = 5$$

$$\therefore |a - b| = |2 - 5| = 3$$