1. 연립방정식 $3x + 2y - 1 = 2(x + y) + 10 = 3y + 4$ 를 풀어라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 11$

▷ 정답: $y = 28$

해설

$$\begin{cases} 3x + 2y - 1 = 2(x + y) + 10 \\ 2(x + y) + 10 = 3y + 4 \end{cases}$$
$$\rightarrow \begin{cases} x = 11 \\ 2x - y = -6 \end{cases}$$
$$\therefore x = 11, y = 28$$

2. 다음 연립방정식의 해가 무수히 많을 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

$$\begin{cases} 3y = ax - 4 \\ 6x + 9y = b \end{cases}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

$$\frac{a}{6} = \frac{-3}{9} = \frac{4}{b} \text{ 이므로 } a = -2, b = -12$$

$$\therefore a - b = 10$$

3. 다음 중 부등식을 모두 고른 것은?

보기

㉠ $3x + 5 \times 2x < -1$	㉡ $x - 3 = 2x + 4$
㉢ $\frac{1}{3}(x-1) + 5$	㉣ $\frac{1}{5}x - 4 \leq 7$
㉤ $(3a - 1) + 2 \times 5$	

- ① ㉠, ㉡ ② ㉠, ㉣ ③ ㉡, ㉣ ④ ㉢, ㉣ ⑤ ㉣, ㉤

해설

- ㉠ 부등호 $<$ 가 사용된 부등식이다.
㉣ 부등호 $\leq$ 가 사용된 부등식이다.
따라서 부등식인 것은 ㉠, ㉣의 2개다.

4. 다음 중 부등식의 표현이 옳은 것은?

- ① a 는 3보다 작지 않다. $a \geq 3$
- ② x 의 3배에서 2를 뺀 값은 7보다 크거나 같다. $3x - 2 \leq 7$
- ③ 한 개에 a 원인 사과 6개를 샀더니 그 값이 1000원 이하이다. $6a < 1000$
- ④ y km 거리를 시속 60km로 가면 3시간보다 적게 걸린다. $\frac{y}{60} > 3$
- ⑤ 학생 200명 중 남학생이 x 명일 때, 여학생 수는 100명보다 많다. $200 - x \geq 100$

해설

① (a 는 3보다 작지 않다.) = (a 는 3보다 크거나 같다.)

5. x 가 집합 $\{-1, 0, 1, 2, 3\}$ 일 때, 일차부등식 $4 - 2x > 2$ 을 참이 되게 하는 x 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: -1

▷ 정답: 0

해설

$$4 - 2x > 2 \text{ 에서}$$

$$-2x > -2$$

$$x < 1$$

따라서 $x < 1$ 이므로 $x = -1, 0$ 이다.

6. $x > 2$ 일 때, $2x - 5$ 의 식의 값의 범위를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $2x - 5 > -1$

해설

$$\begin{aligned}x &> 2 \\2x &> 4 \\2x - 5 &> 4 - 5 \\ \therefore 2x - 5 &> -1\end{aligned}$$

7. 다음 부등식 중 $x = -2$ 일 때 거짓인 부등식은?

① $2x \leq 5$

② $x - 2 > 3x$

③ $\frac{x}{5} > x + 1$

④ $3 - 2x \geq 2x + 15$

⑤ $2(x + 3) \geq 0$

해설

$x = -2$ 를 대입했을 때, 부등식이 성립하면 참이다.

④ $7 \geq 11$ 이 되므로 거짓이다.

8. x 의 값이 $-2, -1, 0, 1, 2$ 일 때, 부등식 $2x-1 \geq 1$ 의 해를 구하면?

- ① 해가 없다. ② 2 ③ 1, 2
④ 0, 1, 2 ⑤ $-1, 0, 1, 2$

해설

$2x-1 \geq 1$ 에서
 $x=1$ 이면 $2 \times 1 - 1 \geq 1$ (참)
 $x=2$ 이면 $2 \times 2 - 1 \geq 1$ (참)
 $2x-1 \geq 1$ 을 만족하는 해는 1, 2이다.

9. x 가 자연수일 때, $4x - 1 > 7$ 를 참이 되게 하는 가장 작은 자연수 x 는?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$4x - 1 > 7$ 에서

$x = 1$ 이면 $4 \times 1 - 1 > 7$ (거짓)

$x = 2$ 이면 $4 \times 2 - 1 > 7$ (거짓)

$x = 3$ 이면 $4 \times 3 - 1 > 7$ (참)

가장 작은 자연수 x 가 3일 때, 부등식이 참이 되므로 만족하는 최소의 자연수는 3이다.

10. $a \leq b$ 일 때, 다음 부등식의 관계에서 틀린 것은?

① $\frac{2}{7}a \leq \frac{2}{7}b$

② $-3a - 1 \geq -3b - 1$

③ $2a - 5 \leq 2b - 5$

④ $\frac{a}{3} \geq \frac{b}{3}$

⑤ $-\frac{1}{3}a + 1 \geq -\frac{1}{3}b + 1$

해설

부등식의 양변에 양수를 곱하거나 나누면 부등호의 방향이 바뀌지 않는다.

④ $\frac{a}{3} \leq \frac{b}{3}$

11. $a < b$ 일 때, 다음 중 부등호가 틀린 것은?

① $a + 4 < b + 4$

② $-5 + a < -5 + b$

③ $3a - 1 < 3b - 1$

④ $\frac{1}{5}a < \frac{1}{5}b$

⑤ $-3a < -3b$

해설

⑤ 음수를 양변에 곱하면 부등호가 바뀐다.

12. $a > b$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $a + 8 > b + 8$ ② $-a + 9 > -b + 9$
③ $\frac{a}{2} - 4 > \frac{b}{2} - 4$ ④ $a - \frac{1}{4} > b - \frac{1}{4}$
⑤ $(-a) \div (-2) > (-b) \div (-2)$

해설

$a > b \Rightarrow -a < -b \Rightarrow -a + 9 < -b + 9$
(양변에 음수를 곱하면 부등호의 방향이 바뀐다)

13. 부등식의 성질 중 옳지 않은 것의 기호를 골라라.

- ㉠ $a < b$ 이면 $a + c < b + c$, $a - c < b - c$
㉡ $a < b$, $c > 0$ 이면 $ac < bc$, $\frac{a}{c} < \frac{b}{c}$
㉢ $a < b$, $c < 0$ 이면 $ac < bc$, $\frac{a}{c} < \frac{b}{c}$

▶ 답:

▶ 정답: ㉢

해설

$c < 0$ 일 때는 곱셈과 나눗셈에서 부등호의 방향이 바뀐다.

14. 연립방정식 $\begin{cases} 3x + 2(y - 1) = 3 \\ 3(x - 2y) + 5y = 2 \end{cases}$ 를 만족하는 x, y 에 대하여 $(x+y)^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

주어진 연립방정식을 정리하면

$$\begin{cases} 3x + 2y = 5 & \dots \text{㉠} \\ 3x - y = 2 & \dots \text{㉡} \end{cases}$$

$$\text{㉠} - \text{㉡} \text{을 하면 } 3y = 3 \quad \therefore y = 1$$

$$y = 1 \text{을 } \text{㉡} \text{에 대입하면 } 3x - 1 = 2 \quad \therefore x = 1$$

$$x = 1, y = 1 \text{을 } (x+y)^2 \text{에 대입하면}$$

$$(1+1)^2 = 2^2 = 4$$

15. 다음 연립방정식을 풀면?

$$\begin{cases} \{-(x+4y)+2x+y\}-2=10 \\ 5(x-y)+2(y-x)=18 \end{cases}$$

① $x = -2, y = -2$

② $x = 1, y = 0$

③ $x = 1, y = -1$

④ $x = -2, y = 3$

⑤ $x = 3, y = -3$

해설

주어진 연립방정식을 정리하면

$$\begin{cases} x - 3y = 12 & \cdots \text{㉠} \\ 3x - 3y = 18 & \cdots \text{㉡} \end{cases}$$

㉡ - ㉠을 하면 $2x = 6 \therefore x = 3$

$x = 3$ 을 ㉠에 대입하면 $3 - 3y = 12 \therefore y = -3$

16. x, y 에 관한 연립방정식 $\begin{cases} x + ay - 5 = 0 \\ 2x + y - 5a = 0 \end{cases}$ 이 해를 갖지 않을 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0.5

해설

$$\frac{1}{2} = \frac{a}{1} \neq \frac{-5}{-5a}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{a}{1} \text{ 에서 } a = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2} \neq \frac{-5}{-5a} \text{ 에서 } a \neq 2$$

$$\therefore a = \frac{1}{2} = 0.5$$

17. 다음 보기에서 $x = 0$ 을 해로 갖는 부등식을 모두 골라라.

보기

㉠ $x < 0$

㉡ $3x + 1 < 4$

㉢ $4x \geq 16 + 2x$

㉣ $7x + 1 \geq 4x$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: ㉡

▶ 정답: ㉣

해설

㉠ $x < 0, 0 < 0 \rightarrow$ 거짓.

㉡ $3x + 1 < 4, 3x < 3, x < 1, 0 < 1 \rightarrow$ 참.

㉢ $4x \geq 16 + 2x, 2x \geq 16, x \geq 8, 0 \geq 8 \rightarrow$ 거짓.

㉣ $7x + 1 \geq 4x, 3x \geq -1, 0 \geq -\frac{1}{3} \rightarrow$ 참.

18. 다음 연립방정식을 만족하는 x, y 의 값이 서로 같을 때, 상수 k 의 값을 구하여라.

$$\begin{cases} 3(2x - 3y) = 5 + 3x - y \\ 2(x + 1) = ky \end{cases}$$

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$$\begin{cases} 3(2x - 3y) = 5 + 3x - y \\ y = x \end{cases} \text{ 을 정리하면}$$

$$\text{즉 } \begin{cases} 3x - 8y = 5 \quad \cdots \textcircled{1} \\ y = x \quad \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{2}$ 을 $\textcircled{1}$ 에 대입하면 $3x - 8x = 5$

$$\therefore x = -1$$

$x = -1$ 을 $\textcircled{2}$ 에 대입하면 $y = -1$

$x = -1, y = -1$ 을 $2(x + 1) = ky$ 에 대입하면

$$2(-1 + 1) = -k$$

$$\therefore k = 0$$

19. 다음 연립방정식 중 해가 존재하지 않는 것은?

$$\textcircled{1} \begin{cases} y = -3x \\ 2x - 3y = 0 \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \begin{cases} y = x - 2 \\ x - y = 2 \end{cases}$$

$$\textcircled{5} \begin{cases} x - 3y = 0 \\ x = 3y + 2 \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \begin{cases} x + y = 0 \\ 2x - 2y = 1 \end{cases}$$

$$\textcircled{4} \begin{cases} x + y = 7 \\ x - y = -7 \end{cases}$$

해설

$$\textcircled{5} \begin{cases} x - 3y = 0 \\ x = 3y + 2 \end{cases} \text{에서} \begin{cases} x - 3y = 0 \\ x - 3y = 2 \end{cases} \text{이므로 해가 없다.}$$

20. 연립방정식 $\begin{cases} x-3y=a+1 \\ 3x+by=5 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, $2a+b$ 의 값을 구하면?

- ① $-\frac{15}{2}$ ② $\frac{15}{2}$ ③ 0 ④ $-\frac{21}{4}$ ⑤ $-\frac{23}{3}$

해설

연립방정식의 해가 무수히 많을 조건은

$$\frac{1}{3} = \frac{-3}{b} = \frac{a+1}{5} \text{ 이므로,}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{-3}{b}$$

$$\therefore b = -9$$

$$\frac{1}{3} = \frac{a+1}{5}$$

$$\therefore a = \frac{2}{3}$$

따라서 $2a+b = 2 \times \frac{2}{3} + (-9) = -\frac{23}{3}$ 이다.