

1. 실수 x, y, z 에 대하여 $x^2 + y^2 + z^2 = 6$ 일 때 $x + \sqrt{2}y + \sqrt{3}z$ 의 최댓값 M 과 최솟값 m 은?

① $M = 3, m = 0$

② $M = 3, m = -3$

③ $M = 6, m = 0$

④ $M = 6, m = -6$

⑤ $M = 6, m = -12$

해설

x, y, z 가 실수이므로
코시-슈바르츠의 부등식에 의하여
 $\{1 + (\sqrt{2})^2 + (\sqrt{3})^2\} (x^2 + y^2 + z^2)$
 $\geq (x + \sqrt{2}y + \sqrt{3}z)^2$
 $36 \geq (x + \sqrt{2}y + \sqrt{3}z)^2$
 $-6 \leq x + \sqrt{2}y + \sqrt{3}z \leq 6$
 $\therefore M = 6, m = -6$

2. 전체집합 U 에서 두 조건 p, q 를 만족하는 집합을 각각 P, Q 라 할 때, 다음 중 ‘ $\sim p$ 이면 $\sim q$ 이다.’가 거짓임을 보이는 원소가 속하는 집합은?

① $P \cap Q^c$

② $P \cup Q^c$

③ $P \cap Q$

④ $P^c \cap Q$

⑤ $P^c \cap Q^c$

해설

‘ $\sim p$ 이면 $\sim q$ 이다.’가 거짓이므로 대우명제 ‘ q 이면 p 이다.’도 거짓이다. 즉 $Q \subset P$ 가 거짓이므로 $Q - P \neq \emptyset$ 임을 보이면 된다. 따라서 $Q \cap P^c$ 에 속하는 원소이다.

3. 다음 <보기1>의 명제와 <보기2>의 명제가 서로 밀접한 관계가 있는 것끼리 옳게 짝지어진 것을 고르면?

보기1

- I. 임의의 집합 A, B 에 대해 항상 성립한다.
- II. $A \subset B$ 와 동치이다.
- III. $A \cap B = \phi$ 와 동치이다.

보기2

- 가. $A \cap (A \cup B) = A$
- 나. $A \cap B = A$
- 다. $A \cap B^c = A$

- ①

I -가, II -나, III -다
- ②

I -가, II -다, III -나
- ③

I -나, II -가, III -다
- ④

I -나, II -다, III -가
- ⑤

I -다, II -가, III -나

해설

- I. 임의의 집합 A, B 에 대하여 $A \subset (A \cup B)$
 $\therefore A \cap (A \cup B) = A$
따라서 I -가
- II. $A \subset B \Leftrightarrow A \cap B = A$ 따라서, II -나
- III. $A \cap B^c = A \Leftrightarrow A \cap B = \phi$ 따라서, III -다

4. 다음 명제 중에서 참인 것의 개수는?

- ㉠ 정수 n 에 대하여, n^2 이 짝수이면 n 도 짝수이다.

㉡ $xy \neq 6$ 이면 $x \neq 2$ 이거나 $y \neq 3$ 이다.

㉢ x, y 가 실수일 때, $x + y > 0$ 이면 $x > -1$ 또는 $y > 1$ 이다.

㉣ $x + y$ 가 유리수이면 x, y 중 적어도 하나는 유리수이다.

① 0 개 ② 1 개 ③ 2 개 ④ 3 개 ⑤ 4 개

해설

㉠, ㉡, ㉢의 경우 그 대우를 적어 보면
㉠의 대우: 정수 n 에 대하여, n 이 홀수이면 n^2 도 홀수이다.
㉡의 대우: $x = 2$ 이고 $y = 3$ 이면 $xy = 6$ 이다.
㉢의 대우: x, y 가 실수일 때, $x \leq -1$ 이고 $y \leq 1$ 이면 $x + y \leq 0$ 이다. 이것은 모두 참임을 알 수 있다.
㉣의 반례: $x = \sqrt{2}, y = -\sqrt{2}$ 이면 $x + y$ 가 유리수지만 x, y 는 모두 무리수이다.

5. 세 조건 p, q, r 의 진리집합을 P, Q, R 이라 할 때, $P - Q = R$ 을 만족한다. 다음 <보기> 중 항상 참인 명제를 모두 고른 것은?

보기

- $\neg r \rightarrow \sim q$
- $\neg r \rightarrow p$
- $\neg r \rightarrow q$
- $\neg \sim r \rightarrow \sim p$
- $p \rightarrow q$

- ①

$\neg, \neg$
- ②

$\neg, \neg$
- ③

$\neg, \neg$
- ④

$\neg, \neg, \neg$
- ⑤

$\neg, \neg, \neg$

해설

$P - Q = R$
따라서, $R \subset P$ 이고 집합간의 관계를 살펴보면
 $Q = R^c, R = Q^c$ 이 된다.
이를 명제로 표현하면 $r \rightarrow p, q \rightarrow \sim r, r \rightarrow \sim q$ 이므로 참인 명제는 $\neg, \neg$ 이다.

6. 실수 x 에 대한 두 조건

$$p : |x - 2| < a \text{ (단, } a > 0 \text{)}$$
$$q : x < -3 \text{ 또는 } x > 1$$

에 대하여 명제 $p \rightarrow q$ 가 참이 되기 위한 a 의 값의 범위를 $\alpha < a \leq \beta$ 라 할 때, $\alpha + \beta$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

$|x - 2| < a$ 에서 $-a < x - 2 < a \therefore 2 - a < x < 2 + a \therefore$

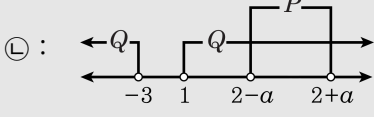
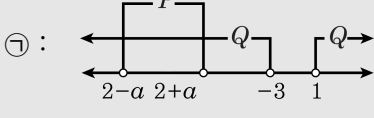
$P = \{x | 2 - a < x < 2 + a\}$, $Q = \{x | x < -3 \text{ 또는 } x > 1\}$

따라서 $P \subset Q$ 가 되려면 $2 + a \leq -3 \dots \textcircled{1}$ 또는 $2 - a \geq 1 \dots$

$\textcircled{2}$,

즉, $a \leq -5$ 또는 $a \leq 1$

그런데 $a > 0$ 이므로 구하는 a 의 범위는 $0 < a \leq 1$



$\therefore \alpha = 0, \beta = 1$

$\therefore \alpha + \beta = 1$

7. 다음 [보기] 중 p 가 q 이기 위한 필요조건이고 충분조건이 아닌 것은?

보기

- ㉠ $p : x^2 + y^2 = 0, q : xy = 0$
- ㉡ $p : x^2 = 16, q : x = 4$
- ㉢ $p : x, y$ 는 유리수, $q : x + y, xy$ 는 유리수

- ① ㉠ ② ㉡ ③ ㉡, ㉢
④ ㉠, ㉢ ⑤ ㉠, ㉡, ㉢

해설

- ㉠ $x^2 + y^2 = 0 \rightarrow x = 0$ 그리고 $y = 0$
 $xy = 0 \rightarrow x = 0$ 또는 $y = 0$
 $P \subset Q$ 이므로 p 는 q 이기 위한 ‘충분조건’
㉡ $x^2 = 16 \rightarrow x = \pm 4$
 $Q \subset P$ 이므로 p 는 q 이기 위한 ‘필요조건’
㉢ x, y 는 유리수 $\rightarrow x + y, xy$ 는 유리수,
 p 는 q 이기 위한 ‘충분조건’
반례 : $x = 1 + \sqrt{2}, y = 1 - \sqrt{2}$
 $\rightarrow x + y = 2, xy = -1$

8. 다음에서 p 는 q 이기 위한 필요충분조건인 것은? (단, a, b, c 는 실수)

- ① $p : a = 1, b = 1, q : a + b = 2, ab = 1$
- ② $p : a, b$ 는 짝수, $q : a + b$ 는 짝수
- ③ $p : a = b, q : ac = bc$
- ④ $p : a - 1 = 0, q : a^2 - 1 = 0$
- ⑤ $p : ab > 0, q : |a + b| = |a| + |b|$

해설

Ⓒ 충분조건 Ⓓ 충분조건 Ⓔ 충분조건
Ⓖ 충분조건 $|a + b| = |a| + |b| \Leftrightarrow ab \geq 0$

9. $a \leq x \leq 6$ 은 $2 \leq x \leq 5$ 이기 위한 필요조건이고, $b \leq x \leq 4$ 은 $2 \leq x \leq 5$ 이기 위한 충분조건일 때 a 의 최댓값과 b 의 최솟값의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$\{x|2 \leq x \leq 5\} \subset \{x|a \leq x \leq 6\}$
 $\therefore a \leq 2$
 $\{x|b \leq x \leq 4\} \subset \{x|2 \leq x \leq 5\}$
 $\therefore 2 \leq b$
 a 의 최댓값은 2, b 의 최솟값은 2
 $\therefore 2 + 2 = 4$

10. 다음 ㉞, ㉟에 알맞은 것끼리 짝지어진 것은?

네 조건 p, q, r, s 에 대하여 p 는 r 이기 위한 충분조건, q 는 r 이기 위한 충분조건, s 는 r 이기 위한 필요조건, q 는 s 이기 위한 필요조건일 때, s 는 p 이기 위한 (㉞) 조건이며 p 는 q 이기 위한 (㉟) 조건이다.

- ① 필요, 필요

② 필요, 충분

③ 충분, 필요

④ 충분, 충분

⑤ 필요충분, 충분

해설

네 조건 p, q, r, s 를 만족하는 집합은 각각 P, Q, R, S 라고 하면 $p \subset R, Q \subset R, S \supset R, Q \supset S, P \subset R, R \subset S$ 이므로 $P \subset S$ 따라서 S 는 r 이기 위한 필요조건이다.
 $Q \subset R, R \subset S, S \subset Q$ 이므로 $Q = R = S$
 $P \subset R$ 이므로 $P \subset Q$ 따라서 p 는 q 이기 위한 충분조건이다.

11. 다음 중 옳은 것을 고르면?

- ① $a > 0, b > 0$ 이면 $\sqrt{a} + \sqrt{b} > \sqrt{a+b}$
- ② 모든 실수 a, b 에 대하여 $|a| + |b| > a + b$
- ③ 모든 실수 a, b 에 대하여 $a^2 + b^2 > ab$
- ④ 모든 실수 a, b 대하여 $|a - b| \leq |a| - |b|$
- ⑤ $a > b > 0$ 일 때, $\sqrt{a-b} < \sqrt{a} - \sqrt{b}$

해설

- ① : $\sqrt{a} + \sqrt{b} > \sqrt{a+b}$, 양변을 제곱하면
 $a + b + 2\sqrt{ab} > a + b$
 $\Rightarrow 2\sqrt{ab} > 0$ (참)
- ② ④ ⑤ : 모두 양변을 제곱하여 정리해 본다.
- ③ : (반례) $a = 0, b = 0$

12. $a > 0, b > 0$ 일 때, $\left(4a + \frac{1}{b}\right)\left(\frac{1}{a} + 9b\right)$ 의 최솟값은?

① 13

② 17

③ 21

④ 25

⑤ 27

해설

$$\begin{aligned}\left(4a + \frac{1}{b}\right)\left(\frac{1}{a} + 9b\right) &= 4 + 36ab + \frac{1}{ab} + 9 \\ &= 13 + 36ab + \frac{1}{ab}\end{aligned}$$

$ab > 0, \frac{1}{ab} > 0$ 이므로 산술기하평균의 관계로부터

$$36ab + \frac{1}{ab} \geq 2\sqrt{36ab \times \frac{1}{ab}} = 12$$

$\therefore$ 최솟값은 $13 + 12 = 25$

13. $a > 0, b > 0, c > 0$ 일 때, $\frac{2b}{a} + \frac{2c}{b} + \frac{2a}{c}$ 의 최소값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

산술-기하평균 부등식에 의해,

$$\frac{2b}{a} + \frac{2c}{b} + \frac{2a}{c} \geq 3 \cdot \sqrt[3]{\frac{2b}{a} \times \frac{2c}{b} \times \frac{2a}{c}} = 3 \times 2 = 6$$

$$\therefore \frac{2b}{a} + \frac{2c}{b} + \frac{2a}{c} \geq 6$$

14. 두 양수 a, b 에 대하여 $\left(\frac{1}{a} + \frac{4}{b}\right)(a+b)$ 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

$a > 0, b > 0$ 이므로 산술평균과 기하평균의 관계에 의하여

$$\left(\frac{1}{a} + \frac{4}{b}\right)(a+b)$$

$$= 1 + \frac{b}{a} + \frac{4a}{b} + 4 \geq 5 \cdot 2 \sqrt{\frac{b}{a} \cdot \frac{4a}{b}}$$

$$= 5 + 4 = 9$$

따라서 최솟값은 9이다.

(단, 등호는 $\frac{b}{a} = \frac{4a}{b}$, 즉 $b = 2a$ 일 때 성립)

15. 두 양수 a, b 에 대하여 다음 설명 중 틀린 것은?

- ① a, b 의 산술 평균은 $\frac{a+b}{2}$ 이다.
- ② $\sqrt{ab}$ 는 a, b 의 기하평균이다.
- ③ $a + b \geq 2\sqrt{ab}$ 은 절대부등식이다.
- ④ $\frac{a+b}{2} = \sqrt{ab}$ 이면 반드시 $b = \frac{1}{a}$ 이다.
- ⑤ $a + \frac{1}{a} \geq 2$ 는 항상 성립한다.

해설

$\frac{a+b}{2} \geq \sqrt{ab} \dots$ 절대부등식

$\frac{a+b}{2}$: 산술평균, $\sqrt{ab}$: 기하평균

④: 절대부등식의 등호는 $a = b$ 일 때 성립한다.

16. 실수 x, y 에 대하여 $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$ 이 성립할 때, $x + y$ 의 최댓값은?

① $\sqrt{7}$

② 3

③ $\sqrt{13}$

④ 5

⑤ 12

해설

코시-슈바르츠부등식에 의해서

$$(2^2 + 3^2) \left\{ \left(\frac{x}{2} \right)^2 + \left(\frac{y}{3} \right)^2 \right\} \geq (x + y)^2$$

$13 \geq (x + y)^2$ 이므로

$$-\sqrt{13} \leq x + y \leq \sqrt{13}$$

$\therefore x + y$ 의 최댓값은 $\sqrt{13}$

17. 실수 x, y 가 $x^2 + y^2 = 5$ 를 만족할 때, $x + 2y$ 의 최댓값 M , 최솟값 m 의 합 $M + m$ 을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

코시-슈바르츠의 부등식에 의해
 $(1^2 + 2^2)(x^2 + y^2) \geq (x + 2y)^2$
 $(x + 2y)^2 \leq 5 \cdot 5$
 $\therefore -5 \leq x + 2y \leq 5$ 이므로
 $x + 2y$ 의 최댓값 $M = 5$, 최솟값 $m = -5$
 $\therefore M + m = 5 + (-5) = 0$

18. 실수 a, b, x, y 에 대하여 $a^2 + b^2 = 5, x^2 + y^2 = 3$ 일 때 다음 중 $ax + by$ 의 값이 될 수 없는 것은?

① -1

② 0

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

a, b, x, y 가 실수이므로
코시-슈바르츠의 부등식에 의하여
 $(a^2 + b^2)(x^2 + y^2) \geq (ax + by)^2$
 $5 \times 3 \geq (ax + by)^2$
 $\therefore -\sqrt{15} \leq ax + by \leq \sqrt{15}$
따라서 4는 $ax + by$ 의 범위에 속하지 않는다.

19. 제곱의 합이 일정한 두 실수 x, y 에 대하여 $2x + 3y$ 의 값이 최대일 때, x 와 y 사이의 관계는?

① $x = y$

② $2x = 3y$

③ $3x = 2y$

④ $x = y^2$

⑤ $x^2 = y^2$

해설

$$x^2 + y^2 = k \text{라 하면}$$

$$(x^2 + y^2)(2^2 + 3^2) \geq (2x + 3y)^2$$

($\because$ 코시-슈바르츠 부등식에 의하여)

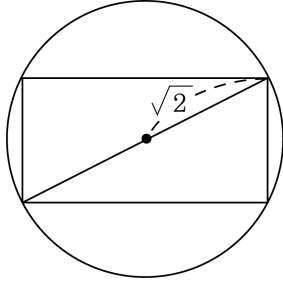
$$\therefore 13k \geq (2x + 3y)^2$$

$$\therefore -\sqrt{13k} \leq 2x + 3y \leq \sqrt{13k}$$

이 때, 등호는 $\frac{x}{2} = \frac{y}{3}$ 일 때 성립하므로

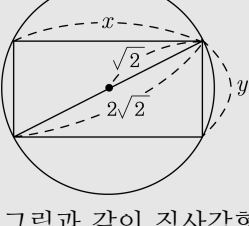
$$3x = 2y$$

20. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 $\sqrt{2}$ 인 원에 내접하는 직사각형의 둘레의 길이의 최댓값은?



- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설



그림과 같이 직사각형의 가로와 세로의 길이를 각각 $x, y(x > 0, y > 0)$ 라고 하면
 $x^2 + y^2 = (2\sqrt{2})^2 = 8$
직사각형의 둘레의 길이는 $2x + 2y$ 이므로
코시-슈바르츠의 부등식에 의하여
 $(2x + 2y)^2 \leq (2^2 + 2^2)(x^2 + y^2) = 8 \times 8 = 64$ (단, 등호는 $x = y$ 일 때 성립)
 $\therefore -8 \leq 2x + 2y \leq 8$
따라서 구하는 최댓값은 8이다.

21. 실수 a, b, c 에 대하여 $a + b + c = 2$, $a^2 + b^2 + c^2 = 4$ 가 성립할 때, 실수 c 의 최솟값과 최댓값의 합을 구하면?

- ① $\frac{1}{3}$
- ② $\frac{2}{3}$
- ③ 1
- ④ $\frac{4}{3}$
- ⑤ $\frac{5}{3}$

해설

$a + b + c = 2 \Rightarrow a + b = 2 - c$
 $a^2 + b^2 + c^2 = 4 \Rightarrow a^2 + b^2 = 4 - c^2$
코시-슈바르츠 부등식에 의해
 $(1^2 + 1^2)(a^2 + b^2) \geq (a + b)^2$
 $2(4 - c^2) \geq (2 - c)^2$
 $8 - 2c^2 \geq 4 - 4c + c^2$
 $3c^2 - 4c - 4 \leq 0$
 $(c - 2)(3c + 2) \leq 0,$
 $-\frac{2}{3} \leq c \leq 2$
 $\therefore c$ 의 최댓값 : 2, 최솟값 : $-\frac{2}{3}$
합 : $2 + \left(-\frac{2}{3}\right) = \frac{4}{3}$

22. 다음 보기 중 $X = \{-1, 1, 2\}$ 에서 $Y = \{1, 2, 3, 4\}$ 로의 함수가 될 수 있는 것은 몇 개인가?

<보기>

- $\textcircled{\tiny ㉠} \ f : x \rightarrow |x|^2$
- $\textcircled{\tiny ㉡} \ g : x \rightarrow x + 2$
- $\textcircled{\tiny ㉢} \ h : x \rightarrow |x| + 1$
- $\textcircled{\tiny ㉣} \ i : x \rightarrow x^2 - 1$
- $\textcircled{\tiny ㉤} \ j : x \rightarrow |x| + 3$

- ① 1개
- ② 2개
- ③ 3개
- ④ 4개
- ⑤ 5개

해설

$\textcircled{\tiny ㉠} \ f(-1) = |-1|^2 = 1 \in Y$
 $f(1) = |1|^2 = 1 \in Y$
 $f(2) = |2|^2 = 4 \in Y$
 $\textcircled{\tiny ㉡} \ g(-1) = -1 + 2 = 1 \in Y$
 $g(1) = 1 + 2 = 3 \in Y$
 $g(2) = 2 + 2 = 4 \in Y$
 $\textcircled{\tiny ㉢} \ h(-1) = |-1| + 1 = 2 \in Y$
 $h(1) = |1| + 1 = 2 \in Y$
 $h(2) = |2| + 1 = 3 \in Y$
 $\textcircled{\tiny ㉣} \ i(-1) = i(1) = 0 \notin Y$
 $\textcircled{\tiny ㉤} \ j(2) = 5 \notin Y$
그러므로 ㉠, ㉡은 함수가 될 수 없고 ㉠, ㉡, ㉢ 3개 만 함수가 될 수 있다.

23. 다음은 자연수 n 에 대하여 명제 ‘ n^2 이 3의 배수이면 n 도 3의 배수이다.’를 증명한 것이다.

주어진 명제의 대우를 구하면 ‘ n 이 3의 배수가 아니면 n^2 도 $\boxed{7)}$ 이다. n 이 3의 배수가 아니므로 $n = 3m \pm \boxed{나)}$ (m 은 자연수)에서 $n^2 = 9m^2 \pm 6m + 1 = 3(3m^2 \pm 2m) + 1$ 따라서, $3m^2 \pm 2m$ 이 $\boxed{다)}$ 이므로 n^2 은 $\boxed{라)}$ 그러므로 대우가 $\boxed{마)}$ 이므로 주어진 명제도 $\boxed{마)}$ 이다.

위

의 과정에서 빈칸에 들어갈 수나 식이 잘못 연결된 것은?

- ① (가) 3의 배수가 아니다. ② (나) 1
③ (다) 자연수 ④ (라) 3의 배수이다.
⑤ (마) 참

해설

주어진 명제의 대우는 ‘ n 이 3의 배수가 아니면 n^2 도 3의 배수가 아니다’이다. n 이 3의 배수가 아니므로 $n = 3m \pm \boxed{1}$ (m 은 자연수)에서 $n^2 = 9m^2 \pm 6m + 1 = 3(3m^2 \pm 2m) + 1$ 따라서, $3m^2 \pm 2m$ 이 $\boxed{자연수}$ 이므로 n^2 은 $\boxed{3의 배수가 아니다.}$ 그러므로 대우가 $\boxed{참}$ 이므로 주어진 명제도 $\boxed{참}$ 이다.

24. 함수 f, g 가 모두 자연수 n 에 대하여 $f(n) = \begin{cases} 1 & (n = 1) \\ 2f(n-1) & (n \neq 1) \end{cases}$

$g(n) = \begin{cases} 3g(n+1) & (n \neq 3) \\ f(n) & (n = 3) \end{cases}$ 으로 정의될 때 $g(1)$ 의 값은?

- ① 6 ② 9 ③ 12 ④ 18 ⑤ 36

해설

$$\begin{aligned} g(1) &= 3g(2) = 3[3g(3)] = 3[3f(3)] \\ &= 3[3 \cdot 2f(2)] = 3[3 \cdot 2 \cdot 2f(1)] \\ &= 3[3 \cdot 2 \cdot (2 \cdot 1)] = 36 \end{aligned}$$

25. 어떤 심리학자가 사람의 상태를 A, B, C, D, E 의 다섯 가지 유형으로 분류하고 다음과 같은 가설을 세웠다.

- (i) A 형인 사람은 B 형이 아니다.
(ii) C 형이 아닌 사람은 B 형이 아니다.
(iii) C 형인 사람은 D 형이 아니다.
(iv) E 형인 사람은 B 형이다.

이

가설에 의하여 성립하지 않는 것을 보기에서 모두 고르면?

보기

- ☐ ㉠ A 형인 사람은 E 형이 아니다.
☐ ㉡ E 형인 사람은 C 형이 아니다.
☐ ㉢ E 형이면서도 D 형인 사람이 있다.

① ㉠ ② ㉡ ③ ㉢ ④ ㉠, ㉡ ⑤ ㉡, ㉢

해설

조건 A, B, C, D, E 가 각각 상태가 A, B, C, D, E 인 사람을 나타낼 때, 가설 (i), (ii), (iii), (iv) 를 명제로 표현하면 $A \Rightarrow \sim B, \sim C \Rightarrow \sim B, C \Rightarrow \sim D, E \Rightarrow B$ 이고, 대우를 각각 구해 보면
(i) 의 대우 : B 형이면 A 형이 아니다.
즉, $B \Rightarrow \sim A$
(ii) 의 대우 : B 형이면 C 형이다.
즉, $B \Rightarrow C$
(iii) 의 대우 : D 형이면 C 형이 아니다.
즉, $D \Rightarrow \sim C$
(iv) 의 대우 : B 형이 아니면 E 형이 아니다.
즉, $\sim B \Rightarrow \sim E$
 $E \Rightarrow B$ 이고 $B \Rightarrow \sim A$ 이므로 $E \Rightarrow \sim A$,
즉, $A \Rightarrow \sim E$
 $\sim C \Rightarrow \sim B$ 이고 $\sim B \Rightarrow \sim E$ 이므로 $\sim C \Rightarrow \sim E$,
즉, $E \Rightarrow C$
 $D \Rightarrow \sim C, \sim C \Rightarrow \sim B, \sim B \Rightarrow \sim E$ 이므로 $D \Rightarrow \sim E$
따라서 보기 중에서 옳지 않은 것은 ㉡, ㉢ 이다.