

1. 실수 x, y, z 에 대하여 $x^2 + y^2 + z^2 = 6$ 일 때 $x + \sqrt{2}y + \sqrt{3}z$ 의 최댓값 M 과 최솟값 m 은?

① $M = 3, m = 0$

② $M = 3, m = -3$

③ $M = 6, m = 0$

④ $M = 6, m = -6$

⑤ $M = 6, m = -12$

2. 전체집합 U 에서 두 조건 p, q 를 만족하는 집합을 각각 P, Q 라 할 때, 다음 중 ' $\sim p$ 이면 $\sim q$ 이다.'가 거짓임을 보이는 원소가 속하는 집합은?

① $P \cap Q^c$

② $P \cup Q^c$

③ $P \cap Q$

④ $P^c \cap Q$

⑤ $P^c \cap Q^c$

3. 다음 <보기1>의 문제와 <보기2>의 문제가 서로 밀접한 관계가 있는 것끼리 옳게 짹지어진 것을 고르면?

보기1

- I. 임의의 집합 A, B 에 대해 항상 성립한다.
- II. $A \subset B$ 와 동치이다.
- III. $A \cap B = \emptyset$ 와 동치이다.

보기2

- 가. $A \cap (A \cup B) = A$
- 나. $A \cap B = A$
- 다. $A \cap B^c = A$

① I-가, II-나, III-다

② I-가, II-다, III-나

③ I-나, II-가, III-다

④ I-나, II-다, III-가

⑤ I-다, II-가, III-나

4. 다음 명제 중에서 참인 것의 개수는?

- ㉠ 정수 n 에 대하여, n^2 이 짝수이면 n 도 짝수이다.
- ㉡ $xy \neq 6$ 이면 $x \neq 2$ 이거나 $y \neq 3$ 이다.
- ㉢ x, y 가 실수일 때, $x + y > 0$ 이면 $x > -1$ 또는 $y > 1$ 이다.
- ㉣ $x + y$ 가 유리수이면 x, y 중 적어도 하나는 유리수이다.

- ① 0 개 ② 1 개 ③ 2 개 ④ 3 개 ⑤ 4 개

5. 세 조건 p , q , r 의 진리집합을 P , Q , R 이라 할 때, $P - Q = R$ 을 만족한다. 다음 <보기> 중 항상 참인 명제를 모두 고른 것은?

보기

㉠ $r \rightarrow \sim q$

㉡ $r \rightarrow p$

㉢ $r \rightarrow q$

㉣ $\sim r \rightarrow \sim p$

㉤ $p \rightarrow q$

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉠, ㉤

④ ㉢, ㉣, ㉤

⑤ ㉡, ㉣, ㉤

6. 실수 x 에 대한 두 조건

$$p : |x - 2| < a \text{ (단, } a > 0\text{)}$$

$$q : x < -3 \text{ 또는 } x > 1$$

에 대하여 명제 $p \rightarrow q$ 가 참이 되기 위한 a 의 값의 범위를 $\alpha < a \leq \beta$ 라 할 때, $\alpha + \beta$ 의 값을 구하여라.



답:

7. 다음 [보기] 중 p 가 q 이기 위한 필요조건이고 충분조건이 아닌 것은?

보기

㉠ $p : x^2 + y^2 = 0, q : xy = 0$

㉡ $p : x^2 = 16, q : x = 4$

㉢ $p : x, y$ 는 유리수, $q : x + y, xy$ 는 유리수

① ㉠

② ㉡

③ ㉡, ㉢

④ ㉠, ㉢

⑤ ㉠, ㉡, ㉢

8. 다음에서 p 는 q 이기 위한 필요충분조건인 것은? (단, a, b, c 는 실수)

① $p : a = 1, b = 1, q : a + b = 2, ab = 1$

② $p : a, b$ 는 짝수, $q : a + b$ 는 짝수

③ $p : a = b, q : ac = bc$

④ $p : a - 1 = 0, q : a^2 - 1 = 0$

⑤ $p : ab > 0, q : |a + b| = |a| + |b|$

9. $a \leq x \leq 6$ 은 $2 \leq x \leq 5$ 이기 위한 필요조건이고, $b \leq x \leq 4$ 은 $2 \leq x \leq 5$ 이기 위한 충분조건일 때 a 의 최댓값과 b 의 최솟값의 합을 구하여라.



답:

10. 다음 ①, ⑤에 알맞은 것끼리 짹지어진 것은?

네 조건 p, q, r, s 에 대하여 p 는 r 이기 위한 충분조건, q 는 r 이기 위한 충분조건, s 는 r 이기 위한 필요조건, q 는 s 이기 위한 필요조건일 때, s 는 p 이기 위한 ① 조건이며 p 는 q 이기 위한 ⑤ 조건이다.

- | | |
|------------|----------|
| ① 필요, 필요 | ② 필요, 충분 |
| ③ 충분, 필요 | ④ 충분, 충분 |
| ⑤ 필요충분, 충분 | |

11. 다음 중 옳은 것을 고르면?

- ① $a > 0, b > 0$ 이면 $\sqrt{a} + \sqrt{b} > \sqrt{a+b}$
- ② 모든 실수 a, b 에 대하여 $|a| + |b| > a + b$
- ③ 모든 실수 a, b 에 대하여 $a^2 + b^2 > ab$
- ④ 모든 실수 a, b 대하여 $|a - b| \leq |a| - |b|$
- ⑤ $a > b > 0$ 일 때, $\sqrt{a-b} < \sqrt{a} - \sqrt{b}$

12. $a > 0, b > 0$ 일 때, $\left(4a + \frac{1}{b}\right) \left(\frac{1}{a} + 9b\right)$ 의 최솟값은?

① 13

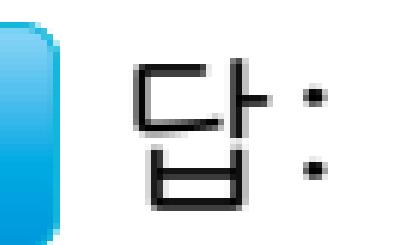
② 17

③ 21

④ 25

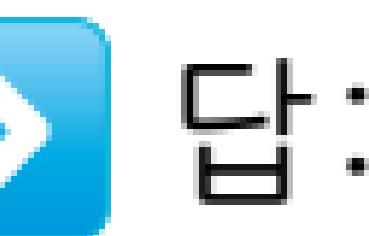
⑤ 27

13. $a > 0, b > 0, c > 0$ 일 때, $\frac{2b}{a} + \frac{2c}{b} + \frac{2a}{c}$ 의 최소값을 구하여라.



답:

14. 두 양수 a, b 에 대하여 $\left(\frac{1}{a} + \frac{4}{b}\right)(a+b)$ 의 최솟값을 구하여라.



답:

15. 두 양수 a, b 에 대하여 다음 설명 중 틀린 것은?

- ① a, b 의 산술 평균은 $\frac{a+b}{2}$ 이다.
- ② \sqrt{ab} 는 a, b 의 기하평균이다.
- ③ $a + b \geq 2\sqrt{ab}$ 은 절대부등식이다.
- ④ $\frac{a+b}{2} = \sqrt{ab}$ 이면 반드시 $b = \frac{1}{a}$ 이다.
- ⑤ $a + \frac{1}{a} \geq 2$ 는 항상 성립한다.

16. 실수 x, y 에 대하여 $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$ 이 성립할 때, $x+y$ 의 최댓값은?

① $\sqrt{7}$

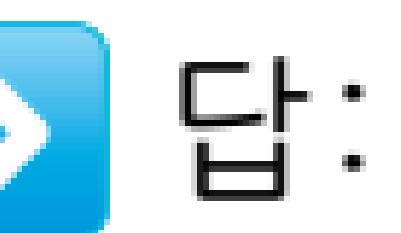
② 3

③ $\sqrt{13}$

④ 5

⑤ 12

17. 실수 x, y 가 $x^2 + y^2 = 5$ 를 만족할 때, $x + 2y$ 의 최댓값 M , 최솟값 m 의 합 $M + m$ 을 구하여라.



답:

18. 실수 a, b, x, y 에 대하여 $a^2 + b^2 = 5, x^2 + y^2 = 3$ 일 때 다음 중 $ax + by$ 의 값이 될 수 없는 것은?

① -1

② 0

③ 2

④ 3

⑤ 4

19. 제곱의 합이 일정한 두 실수 x, y 에 대하여 $2x + 3y$ 의 값이 최대일 때,
 x 와 y 사이의 관계는?

① $x = y$

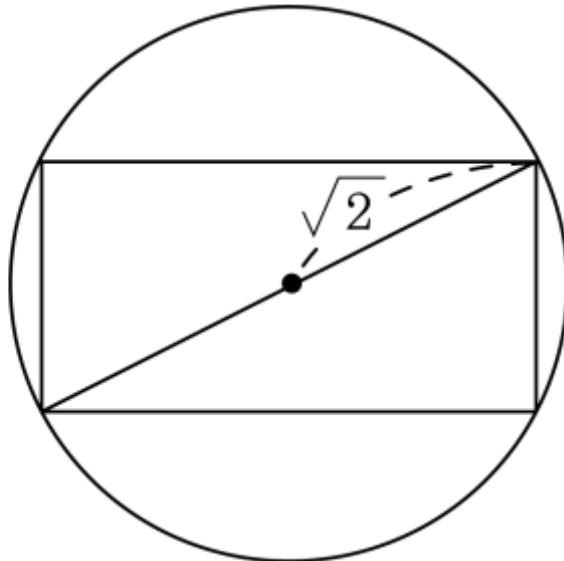
② $2x = 3y$

③ $3x = 2y$

④ $x = y^2$

⑤ $x^2 = y^2$

20. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 $\sqrt{2}$ 인 원에 내접하는 직사각형의 둘레의 길이의 최댓값은?



① 6

② 7

③ 8

④ 9

⑤ 10

21. 실수 a, b, c 에 대하여 $a + b + c = 2$, $a^2 + b^2 + c^2 = 4$ 가 성립할 때,
실수 c 의 최솟값과 최댓값의 합을 구하면?

① $\frac{1}{3}$

② $\frac{2}{3}$

③ 1

④ $\frac{4}{3}$

⑤ $\frac{5}{3}$

22. 다음 보기 중 $X = \{-1, 1, 2\}$ 에서 $Y = \{1, 2, 3, 4\}$ 로의 함수가 될 수 있는 것은 몇 개인가?

<보기>

Ⓐ $f : x \rightarrow |x|^2$

Ⓑ $g : x \rightarrow x + 2$

Ⓒ $h : x \rightarrow |x| + 1$

Ⓓ $i : x \rightarrow x^2 - 1$

Ⓔ $j : x \rightarrow |x| + 3$

① 1개

② 2개

③ 3개

④ 4개

⑤ 5개

23. 다음은 자연수 n 에 대하여 명제 ‘ n^2 이 3의 배수이면 n 도 3의 배수이다.’를 증명한 것이다.

주어진 명제의 대우를 구하면 ‘ n 이 3의 배수가 아니면 n^2 도 (가)’이다. n 이 3의 배수가 아니므로 $n = 3m \pm$ (나) (m 은 자연수)에서 $n^2 = 9m^2 \pm 6m + 1 = 3(3m^2 \pm 2m) + 1$ 따라서, $3m^2 \pm 2m$ 이 (다) 이므로 n^2 은 (라) 그러므로 대우가 (마)이므로 주어진 명제도 (마)이다.

위의 과정에서 빙칸에 들어갈 수나 식이 잘못 연결된 것은?

- ① (가) 3의 배수가 아니다.
- ② (나) 1
- ③ (다) 자연수
- ④ (라) 3의 배수이다.
- ⑤ (마) 참

24. 함수 f, g 가 모두 자연수 n 에 대하여 $f(n) = \begin{cases} 1 & (n = 1) \\ 2f(n - 1) & (n \neq 1) \end{cases}$

$$g(n) = \begin{cases} 3g(n + 1) & (n \neq 3) \\ f(n) & (n = 3) \end{cases}$$
 으로 정의될 때 $g(1)$ 의 값은?

① 6

② 9

③ 12

④ 18

⑤ 36

25. 어떤 심리학자가 사람의 상태를 A, B, C, D, E 의 다섯 가지 유형으로 분류하고 다음과 같은 가설을 세웠다.

- (i) A 형인 사람은 B 형이 아니다.
- (ii) C 형이 아닌 사람은 B 형이 아니다.
- (iii) C 형인 사람은 D 형이 아니다.
- (iv) E 형인 사람은 B 형이다.

이

가설에 의하여 성립하지 않는 것을 보기에서 모두 고르면?

보기

- ㉠ A 형인 사람은 E 형이 아니다.
- ㉡ E 형인 사람은 C 형이 아니다.
- ㉢ E 형이면서도 D 형인 사람이 있다.

- ① ㉠
- ② ㉡
- ③ ㉢
- ④ ㉠, ㉡
- ⑤ ㉡, ㉢