

1. 다음 빈칸에 알맞은 부등호를 써 넣어라.



$m, n \in \mathbb{N}$ 양수라고 할 때, 선분 AB 를 $m : n$ 으로 외분하는 점은

i) $m () n$ 일 때 반직선 \overrightarrow{BD} 위에 있고,

ii) $m () n$ 일 때 반직선 \overrightarrow{AC} 위에 있다.

▶ 답: _____

▶ 답: _____

2. 일차함수 $\sqrt{3}x - y = 1$ 의 기울기와 y 절편, x 축의 양의 방향과 이루는 각의 크기를 차례대로 구하여라.

▶ 답: 기울기 _____

▶ 답: y 절편 _____

▶ 답: _____ °

3. 두 직선 $y = |x| + 2$ 와 $y = ax + 1 - 2a$ 의 그래프가 교점을 갖지 않을 정수 a 의 개수는?

① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

4. x 축 위의 점 P로부터 직선 $4x + 3y + 2 = 0$ 까지의 거리가 2인 점은
두 개 있다. 이 때, 이 두 점 사이의 거리를 구하여라.

▶ 답: _____

5. 원점 $O(0, 0)$ 와 두 점 $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$ 로 이루어진 삼각형 OAB 의 넓이는?



$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \frac{1}{2}|x_1y_2 - x_2y_1| & \textcircled{2} \frac{1}{2}|x_1y_1 - x_2y_2| & \textcircled{3} \frac{1}{2}|x_1y_1 + x_2y_2| \\ \textcircled{4} \frac{1}{2}|x_1x_2 - y_1y_2| & \textcircled{5} \frac{1}{2}|x_1x_2 + y_1y_2| \end{array}$$

6. x, y 에 대한 이차방정식 $x^2 + y^2 - 2kx + 2ky + 3k^2 - 4k + 2 = 0$ 이
반지름의 길이가 1 인 원의 방정식일 때, 상수 k 값의 합을 구하시오.

▶ 답: _____

7. 두 원 $x^2 + y^2 = 1$, $(x-4)^2 + y^2 = 4$ 의 공통외접선의 길이를 구하면?

- ① $\sqrt{5}$ ② $\sqrt{15}$ ③ 0 ④ $2\sqrt{5}$ ⑤ 5

8. 직선 $2x - 3y + 6 = 0$ 을 점 $(4, -3)$ 에 대하여 대칭이동한 다음, 직선 $y = -x$ 에 대하여 대칭이동한 도형의 방정식을 구하면?

- ① $x - y - 5 = 0$ ② $2x - 4y - 9 = 0$
③ $3x - 2y - 40 = 0$ ④ $2x - y - 21 = 0$
⑤ $6x - 3y - 29 = 0$

9. 세 점 $A(1, 1)$, $B(2, 4)$, $C(a, 0)$ 을 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC 가
 $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형이 되도록 하는 a 의 값은?

① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

10. 좌표평면 위의 네 점 $A(1, 2)$, $P(0, b)$, $Q(a, 0)$, $B(5, 1)$ 에 대하여 $\overline{AP} + \overline{PQ} + \overline{QB}$ 의 최솟값을 k 라 할 때, k^2 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

11. 점 $(3, 0)$ 을 지나고 x 축과 직선 $y = x$ 에 동시에 접하는 원의 중심이
제1 사분면 위에 있을 때, 이 원의 반지름의 길이는?

① $-1 + \sqrt{2}$ ② $-2 + 2\sqrt{2}$ ③ $-3 + 3\sqrt{2}$
④ $-2 + 3\sqrt{2}$ ⑤ $-3 + 4\sqrt{2}$

12. 다음 원과 직선의 교점의 개수를 구하여라.

$$x^2 + y^2 - 2x + 4y + 1 = 0, \quad 3x - 4y + 6 = 0$$

▶ 답: _____ 개

13. 직선 $y = 2x - 3$ 에 평행하고 원 $(x - 1)^2 + (y - 2)^2 = 9$ 에 접하는
접선의 방정식은?

- ① $y = 2x \pm \sqrt{5}$ ② $y = 2x \pm 3\sqrt{3}$ ③ $y = 2x \pm 3\sqrt{5}$
④ $y = x \pm 3\sqrt{5}$ ⑤ $y = x \pm 3\sqrt{3}$

14. 좌표평면에서 원 $x^2 + y^2 + 4x - 6y + 8 = 0$ 을 평행이동하여 원 $x^2 + y^2 = c$ 를 얻었다. 이 때, 상수 c 의 값을 구하여라.

▶ 답: $c = \underline{\hspace{1cm}}$

15. 세 부등식 $x \geq -1$, $y \leq -x + 5$, $y \geq x + 1$ 을 모두 만족하는 정수 x , y 의 순서쌍 (x, y) 의 개수를 구하여라.

▶ 답: _____ 개

16. 연립부등식 $\begin{cases} y \geq 2x \\ y \geq -\frac{1}{2}x \\ x^2 + y^2 \leq 4 \end{cases}$ 이 나타내는 영역의 넓이를 구하면?

- ① $\frac{\pi}{4}$ ② $\frac{\pi}{2}$ ③ π ④ 2π ⑤ 4π

17. x, y 가 다음 그림의 영역을 만족할 때, $x + 3y$ 의 최솟값은?



- ① -2 ② -7 ③ -11 ④ -12 ⑤ -15

18. $\triangle ABC$ 의 무게중심이 $G(1, 4)$ 이고, 세 변 \overline{AB} , \overline{BC} , \overline{CA} 의 중점이 각각 $(-1, 6)$, (a, b) , $(3, 4)$ 일 때, $a + b$ 의 값은?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

19. 구 모양의 공을 띠워 놓은 호수가 열었다. 얼음을 깨지 않고 공을 들어내었더니 다음 그림과 같이 윗면의 지름이 24이고 깊이가 8인 흙이 생겼다고 할 때, 이 공의 반지름의 길이는?



- ① $6\sqrt{3}$ ② 13 ③ $8\sqrt{3}$ ④ 16 ⑤ $12\sqrt{3}$

20. 점 A(3, 5) 와 원 $(x + 1)^2 + (y - 2)^2 = 4$ 위의 점 P 에 대하여 \overline{AP} 의
최솟값과 최댓값의 합은?

① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

21. 대칭이동에 대한 다음 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

I. 방정식 $f(x, y) = 0$ 이 나타내는 도형을 원점에 대하여 대칭이동시킨 도형의 방정식은 $f(-x, -y) = 0$ 이다.

II. 방정식 $f(x, y) = 0$ 이 나타내는 도형을 직선 $x = a$ 에 대하여 대칭이동시킨 도형의 방정식은 $f(x - 2a, y) = 0$ 이다.

III. 방정식 $f(x, y) = 0$ 이 나타내는 도형을 x 축에 대하여 대칭이동시킨 후, 다시 y 축에 대하여 대칭이동시킨 도형은 원점에 대하여 대칭이동시킨 도형과 일치한다.

IV. 방정식 $f(x, y) = 0$ 이 나타내는 도형을 원점에 대하여 대칭이동시킨 후, 다시 직선 $y = x$ 에 대하여 대칭이동시킨 도형은 직선 $y = -x$ 에 대하여 대칭이동시킨 도형과 일치한다.

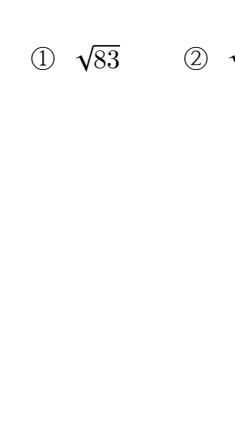
① I, III, IV ② I, IV ③ II, III, IV

④ III, IV ⑤ I, II, III, IV

22. 부등식 $x^2 + y^2 \leq 1$ 을 만족하는 정수 x, y 에 대하여 $f(x, y) = y - x^2 + 1$ 의 최댓값은?

① 0 ② 1 ③ -1 ④ 2 ⑤ -2

23. 아래 그림과 같은 도형 ABCDEF가 있다. 변 CD 위에 한 점 P를 잡아 선분 AP를 그었더니 선분 AP에 의해 도형의 넓이가 이등분되었다. 이 때, 선분 AP의 길이를 구하면?

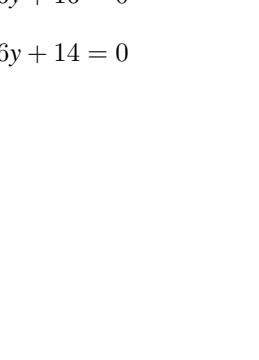


- ① $\sqrt{83}$ ② $\sqrt{84}$ ③ $\sqrt{85}$ ④ $\sqrt{86}$ ⑤ $\sqrt{87}$

24. 점 A(6, 0) 과 원 $x^2 + y^2 = 4$ 위의 점 P 를 이은 선분 AP 의 중점의
자취의 길이는?

- ① π ② 2π ③ 3π ④ 4π ⑤ 5π

25. 다음 그림과 같이 원 $x^2 + y^2 = 16$ 의 외부에 있는 점 $P(3, 6)$ 에서 원에 그은 두 접선의 접점을 A, B 라 할 때, 직선 AB의 방정식은?



- ① $3x + 6y - 16 = 0$ ② $3x - 6y + 16 = 0$
③ $3x + 6y - 14 = 0$ ④ $3x - 6y + 14 = 0$
⑤ $x + 2y - 5 = 0$