

1. 분수 $\frac{7}{22}$ 과 $\frac{11}{27}$ 을 소수로 나타냈을 때, 각각의 순환마디를 a, b 라 하면 $a + b$ 의 값은?

① 725 ② 425 ③ 365 ④ 92 ⑤ 65

해설

$$a = \frac{7}{22} = 0.\dot{3}\dot{1}\dot{8}, \text{순환마디} 18, b = \frac{11}{27} = 0.\dot{4}\dot{0}\dot{7}, \text{순환마디} 407$$
$$\therefore a + b = 18 + 407 = 425$$

2. 다음 수 중에서 가장 큰 수는?

- ① $3.\dot{4}\dot{9}$ ② $3.\dot{4}\dot{9}$ ③ $3.\dot{5}$ ④ $3.\dot{5}0\dot{9}$ ⑤ $3.\dot{5}4$

해설

- ① $3.499999\dots$
② $3.494949\dots$
③ $3.555555\dots$
④ $3.509509\dots$
⑤ $3.545454\dots$

3. 다음 중 옳은 것을 모두 골라라.

- Ⓐ 순환소수는 유리수이다.
- Ⓑ 무한소수는 순환소수이다.
- Ⓒ 유한소수는 유리수이다.
- Ⓓ 무한소수는 유리수이다.
- Ⓔ 0은 유리수가 아니다.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓐ

▷ 정답: Ⓒ

해설

- ㄴ. 무한소수에는 순환소수와 순환하지 않는 무한소수가 있다.
- ㄹ. 무한소수 중에서 순환소수는 유리수이고, 순환하지 않는 무한소수는 무리수이다.
- ㅁ. 0은 유리수이다.

4. 분수 $\frac{a}{12}$ 와 $\frac{a}{45}$ 가 유한소수일 때, a 의 값 중 가장 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$$\frac{a}{12} = \frac{a}{2^2 \times 3}$$

$$\frac{a}{45} = \frac{a}{3^2 \times 5}$$

a 는 3 과 3^2 의 최소공배수이다.

$$\therefore a = 3^2 = 9$$

5. 분수 $\frac{11}{6}$ 을 소수로 바르게 나타낸 것은?

- ① $1.\dot{8}$ ② $1.0\dot{8}$ ③ $1.\dot{8}\dot{3}$ ④ $1.8\dot{3}$ ⑤ $1.80\dot{3}$

해설

$$11 \div 6 = 1.83333\cdots = 1.8\dot{3}$$

6. 다음 중 옳은 것은?

$$\textcircled{1} \quad 3.\dot{1}\dot{7} = \frac{317 - 3}{99}$$

$$\textcircled{3} \quad 1.0\dot{5}\dot{7} = \frac{1057 - 10}{99}$$

$$\textcircled{5} \quad 5.1\dot{2} = \frac{512 - 51}{90}$$

$$\textcircled{2} \quad 2.\dot{1}3\dot{4} = \frac{2134 - 2}{990}$$

$$\textcircled{4} \quad 0.09\dot{1}\dot{3} = \frac{913 - 9}{999}$$

해설

$$\textcircled{1} \quad 3.\dot{1}\dot{7} = \frac{317 - 3}{99}$$

$$\textcircled{2} \quad 2.\dot{1}3\dot{4} = \frac{2134 - 2}{999}$$

$$\textcircled{3} \quad 1.0\dot{5}\dot{7} = \frac{1057 - 10}{990}$$

$$\textcircled{4} \quad 0.09\dot{1}\dot{3} = \frac{913 - 9}{9900}$$

7. $A \times 0.\dot{3} = 3.\dot{6}$ 일 때, A 의 값은?

- ① 5 ② 7 ③ 9 ④ 11 ⑤ 13

해설

$$\begin{aligned}A \times 0.\dot{3} &= 3.\dot{6} \\A \times \frac{3}{9} &= \frac{36 - 3}{9} \\\therefore A &= \frac{33}{9} \times \frac{9}{3} = 11\end{aligned}$$

8. 다음 중 유한소수인 것을 모두 골라 기호를 써라.

$\textcircled{\text{A}} \frac{39}{30}$	$\textcircled{\text{B}} \frac{37}{150}$	$\textcircled{\text{C}} \frac{17}{12}$
$\textcircled{\text{D}} \frac{3^2 \times 7}{2^2 \times 3 \times 5}$	$\textcircled{\text{E}} \frac{3}{20}$	

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ①

▷ 정답: ②

▷ 정답: ④

해설

약분하여 분모가 2 와 5 뿐인 분수를 찾는다.

$$\textcircled{\text{A}} \frac{13}{10} = \frac{13}{2 \times 5}$$

$$\textcircled{\text{B}} \frac{37}{150} = \frac{37}{2 \times 3 \times 5^2}$$

$$\textcircled{\text{C}} \frac{17}{12} = \frac{17}{2^2 \times 3}$$

$$\textcircled{\text{D}} \frac{3 \times 7}{2^2 \times 5}$$

$$\textcircled{\text{E}} \frac{3}{2^2 \times 5}$$

9. $x = 0.\dot{1}$ 일 때, $\frac{\frac{1}{1}}{\frac{1-x}{x}}$ 을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$$(\text{준식}) = \frac{\frac{1}{1}}{\frac{1-x}{x}} = \frac{\frac{1}{1}}{\frac{x}{1-x}} = \frac{1-x}{x} = \frac{1}{x} - 1$$

$$x = 0.\dot{1} = \frac{1}{9}$$

$$\frac{1}{x} - 1 = 9 - 1 = 8$$

10. 분수 $\frac{5}{13}$ 를 소수로 나타내었을 때, 소수점 아래 첫 번째 자리의 숫자부터 소수점 아래 50 번째 자리의 숫자까지의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 227

해설

$$\frac{5}{13} = 0.\dot{3}8461\dot{5} \text{이므로 순환마디의 숫자 } 6 \text{ 개}$$

$$50 = 6 \times 8 + 2 \text{ 이므로 } (3 + 8 + 4 + 6 + 1 + 5) \times 8 + (3 + 8) = 227$$