

1. 함수 $f(x) = -\frac{x}{2} + 4$ 에 대하여 $\frac{3f(-8)}{2f(-4)}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$$f(-8) = -\frac{-8}{2} + 4 = 8$$

$$f(-4) = -\frac{-4}{2} + 4 = 6$$

$$\therefore \frac{3f(-8)}{2f(-4)} = \frac{3 \times 8}{2 \times 6} = \frac{24}{12} = 2 \text{ 이다.}$$

2. 관계식이 $y = ax$ ($a \neq 0$) 인 함수에서 $f(2) = -6$ 일 때 함숫값 $f(-3)$ 을 구하면?

① -3

② 3

③ -9

④ 9

⑤ 6

해설

$$f(2) = 2a = -6 \quad \therefore a = -3$$

$$f(x) = -3x$$

$$\therefore f(-3) = (-3) \times (-3) = 9$$

3. 점 $P(3a, -b)$ 가 제 2사분면에 있을 때, 다음 중 다른 사분면에 있는 점은?

① $(-a, b)$

② (ab, a)

③ $\left(\frac{b}{a}, a+b\right)$

④ $(a+b, -ab)$

⑤ $\left(\frac{a}{b}, -\frac{b}{a}\right)$

해설

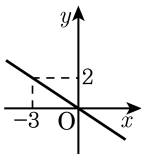
$3a < 0, -b > 0$ 이므로 $a < 0, b < 0$

$(-a, b), (ab, a), \left(\frac{b}{a}, a+b\right), \left(\frac{a}{b}, -\frac{b}{a}\right)$ 는 모두 제4사분면 위의 점이다.

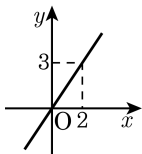
④ $(a+b, -ab)$ 만 x, y 좌표가 모두 음수이므로 제3사분면 위의 점이다.

4. 다음 중 함수 $y = -\frac{2}{3}x$ 의 그래프는?

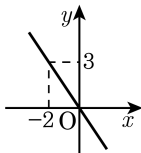
①



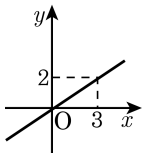
②



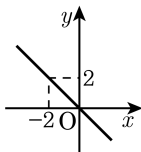
③



④



⑤

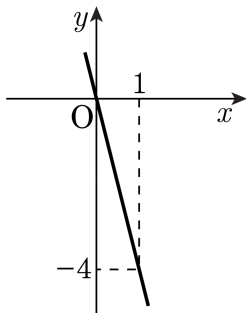


해설

① $(-3, 2)$ 이 $y = -\frac{2}{3}x$ 의 그래프 위를 지난다.

$-\frac{2}{3}x$ 의 그래프는 점 $(-3, 2)$ 를 지나는 직선이다.

5. 다음 그래프의 함수식은?



① $y = 4x$

② $y = 4x - 1$

③ $y = -4x$

④ $y = -4x - 1$

⑤ $y = -\frac{4}{x}$

해설

$y = ax(a \neq 0)$ 에 $(1, -4)$ 를 대입하면

$$-4 = a$$

$$\therefore y = -4x$$

6. 아래 그래프의 설명 중 틀린 것은?

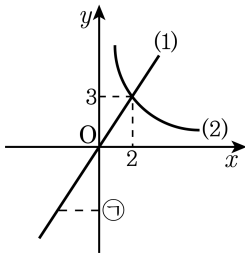
① (2)의 그래프는 (2, 3)를 지난다.

② (1)의 함수식은 $y = \frac{2}{3}x$ 이다.

③ $y = \frac{3}{2}x$ 의 그래프는 ㉠의 부분을 지난다.

④ (2)의 함수식은 $y = \frac{6}{x}$ 이다.

⑤ (1)은 $(-4, -6)$ 을 지나는 정비례 함수이다.



해설

② $y = ax$ 에 $(2, 3)$ 을 대입해 보면 $3 = 2a$

$a = \frac{3}{2}$ 이므로 함수식은 $y = \frac{3}{2}x$

7. 함수 $f(x) = -\frac{20}{x}$ 에서 함숫값이 $-5, -2, 4, 5$ 일 때, 이 함수의 모든 x 의 값의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

관계식 $f(x) = -\frac{20}{x}$, 함숫값이 $-5, -2, 4, 5$

$$f(x) = -\frac{20}{x} = -5 \quad \therefore x = 4$$

$$f(x) = -\frac{20}{x} = -2 \quad \therefore x = 10$$

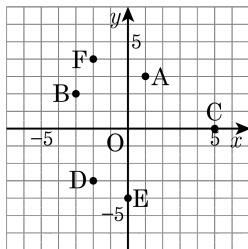
$$f(x) = -\frac{20}{x} = 4 \quad \therefore x = -5$$

$$f(x) = -\frac{20}{x} = 5 \quad \therefore x = -4$$

$\therefore x$ 의 값은 $-5, -4, 4, 10$

$$\therefore -5 - 4 + 4 + 10 = 5$$

8. 좌표평면 위에 6개 점이 찍혀있다. 각 점에 해당하는 좌표를 나타낸 것으로 옳지 않은 것을 보기에서 모두 골라라.



보기

㉠ A(-1, 3)

㉡ B(-3, 2)

㉢ C(5, 0)

㉣ D(-2, -3)

㉤ E(-4, 0)

㉥ F(-2, 4)

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉠

▶ 정답 : ㉡

해설

A(1, 3), B(-3, 2), C(5, 0), D(-2, -3), E(0, -4), F(-2, 4)

9. 함수 $y = ax$ 의 그래프가 점 $(-3, 6)$ 을 지날 때, 다음 중 함수 $y = ax$ 의 그래프 위에 있는 점은?

① $\left(-\frac{1}{2}, 1\right)$

② $\left(1, \frac{1}{2}\right)$

③ $(-4, 7)$

④ $(7, -4)$

⑤ $(1, 2)$

해설

$y = ax$ 가 점 $(-3, 6)$ 을 지나므로 $x = -3, y = 6$ 을 대입하면
 $6 = (-3)a$

$$\therefore a = -2$$

$$\therefore y = -2x$$

② $(1, -2)$ 를 지난다.

③ $(-4, 8)$ 을 지난다..

④ $(7, -14)$ 을 지난다.

⑤ $(1, -2)$ 를 지난다.

10. 다음 함수의 그래프 중 제3 사분면을 지나지 않는 것은 몇 개인가?

㉠ $y = \frac{6}{x}$

㉡ $y = -2x$

㉢ $y = -\frac{4}{x}$

㉣ $y = 2x$

㉤ 모든 x 값에 대한 y 값이 항상 -1 이다.

① 1 개

② 2 개

③ 3 개

④ 4 개

⑤ 5 개

해설

$y = ax (a \neq 0)$ 와 $y = \frac{a}{x} (a \neq 0)$ 에서 $a < 0$ 일 때, 제 2, 4 사분면을 지나므로 $y = -\frac{4}{x}$ 와 $y = -2x$ 는 제3 사분면을 지나지 않는다.

11. $y = \frac{a}{x} (a \neq 0)$ 의 그래프가 점 $(3, 1), (-2, b)$ 를 지날 때, $a+b$ 의 값은?

① $-\frac{3}{2}$

② -3

③ $\frac{9}{2}$

④ 3

⑤ $\frac{3}{2}$

해설

$x = 3, y = 1$ 을 $y = \frac{a}{x} (a \neq 0)$ 에 대입하면

$$1 = \frac{a}{3}$$

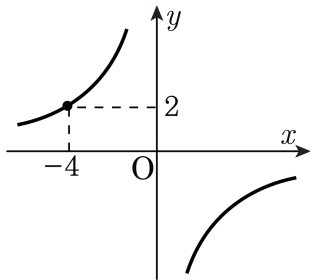
$$a = 3$$

$y = \frac{3}{x}$ 에 $(-2, b)$ 를 대입하면

$$b = \frac{3}{-2} = -\frac{3}{2}$$

$$\therefore a + b = 3 - \frac{3}{2} = \frac{3}{2}$$

12. 다음 중 그래프가 아래 그림과 같은 함수의 식은?



① $y = \frac{1}{2}x$

② $xy = -8$

③ $xy = 8$

④ $y = -\frac{1}{2}x$

⑤ $y = -\frac{4}{x} + 1$

해설

$y = \frac{a}{x} (a \neq 0)$ 에서 $(-4, 2)$ 를 지나므로

$$2 = \frac{a}{-4}$$

$$a = -8$$

$$\therefore y = -\frac{8}{x} \text{ 또는 } xy = -8$$

13. 깊이가 90 cm 인 원기둥 모양의 물통에 물을 넣을 때, 수면의 높이가 매분 3 cm 씩 올라간다. 물을 넣기 시작하여 x 분 후의 수면의 높이를 y cm 라 할 때, 물통에 물을 가득 채우는 데 걸리는 시간은?

① 20 분

② 25 분

③ 30 분

④ 35 분

⑤ 40 분

해설

$$y = 3x$$

$y = 90$ 을 대입하면 $x = 30$ 이다.

14. 함수 $y = 2|x|$ 의 그래프와 직선 $y = 8$ 의 두 교점을 A, B 라 할 때, 삼각형 AOB 의 내부에 a, b 가 모두 정수인 점 (a, b) 는 모두 몇 개인가? (단, 점 O 는 원점)

① 21 개

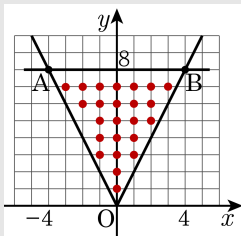
② 23 개

③ 25 개

④ 27 개

⑤ 29 개

해설



$$1 + 1 + 3 + 3 + 5 + 5 + 7 = 25$$

15. x 의 값이 1, 2, 3, 4, $\dots$, 10이고, y 의 값이 0, 1, 2, 3, 4, 5 인 함수 $f(x) = (x \text{보다 작은 소수의 개수})$ 의 함숫값의 개수는?

① 1개

② 2개

③ 3개

④ 4개

⑤ 5개

해설

$f(x) = (x \text{보다 작은 소수의 개수})$ 에서

$x = 1$ 일 때 $y = 0$, $x = 2$ 일 때 $y = 0$

$x = 3$ 일 때 $y = 1$, $x = 4$ 일 때 $y = 2$

$x = 5$ 일 때 $y = 2$, $x = 6$ 일 때 $y = 3$

$x = 7$ 일 때 $y = 3$, $x = 8$ 일 때 $y = 4$

$x = 9$ 일 때 $y = 4$, $x = 10$ 일 때 $y = 4$

함숫값은 0, 1, 2, 3, 4 이므로 5개이다.

16. 점 A(a, b)를 y 축에 대하여 대칭이동시킨 점과 점 B($2+a, \frac{b}{2}-3$)을 x 축에 대하여 대칭이동시킨 점이 같을 때, ab 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -2

해설

A(a, b)를 y 축에 대해 대칭이동시킨 점은 $(-a, b)$ 이고

B($2+a, \frac{b}{2}-3$)을 x 축에 대해 대칭이동시킨 점은 $(2+a, -\frac{b}{2}+3)$ 이다.

대칭이동시킨 두 점이 같으므로

$$-a = 2 + a, b = -\frac{b}{2} + 3$$

따라서 $a = -1, b = 2$

$$\therefore ab = -1 \times 2 = -2$$

17. 함수 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프가 점 $(-3, 4)$ 를 지날 때, 이 그래프 위에 있는 순서쌍 (x, y) 의 좌표가 모두 정수인 점의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 12 개

해설

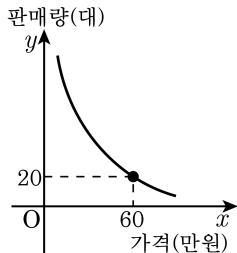
$y = \frac{a}{x}$ 에 $x = -3$, $y = 4$ 를 대입하면

$$4 = -\frac{a}{3}, a = -12$$

함수 $y = -\frac{12}{x}$ 의 그래프 위에 있는 점 중에서 (x, y) 의 순서쌍의 좌표가 모두 정수인 점은 x 의 좌표가 $\pm(12$ 의 약수)인 경우이다.
따라서

$(1, -12), (2, -6), (3, -4), (4, -3), (6, -2), (12, -1), (-1, 12),$
 $(-2, 6), (-3, 4), (-4, 3), (-6, 2), (-12, 1)$
의 12개이다.

18. 다음 그림은 어느 회사의 한 달 평균 A 상품 판매량과 가격 사이의 관계를 나타낸 그래프이다. 현재 이 상품의 가격이 60만 원일 때, 판매량을 20% 증가시키려면 가격을 얼마로 해야 하는지 구하여라.



▶ 답 :

만원

▷ 정답 : 50만원

해설

판매량은 가격에 반비례한다.

가격을 x 만 원, 판매량을 y 대라 하면

$$y = \frac{a}{x} \text{ 에 } x = 60, y = 20 \text{ 을 대입하면 } 20 = \frac{a}{60}, a = 1200$$

$$\text{즉, 함수의 식은 } y = \frac{1200}{x} (x > 0)$$

판매량을 20% 증가시키려면 $20 \times 1.2 = 24$ (대)

$$y = \frac{1200}{x} \text{ 에 } y = 24 \text{ 를 대입하면}$$

$$24 = \frac{1200}{x} \quad \therefore x = 50$$

19. X 에서 Y 로의 함수 f, g 를 $f(x) = ax, g(x) = -\frac{b}{x}$ 로 정의 할 때, $2 \times f(-1) = 1$ 이다. $f = g$ 가 성립하도록 하는 계수 a, b 의 값은?(단, $a < b$)

① $a = -\frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}$

② $a = \frac{1}{2}, -b = \frac{1}{2}$

③ $a = -\frac{1}{2}, b = -\frac{1}{2}$

④ $a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}$

⑤ $a = 2, b = 2$

해설

$$2 \times f(-1) = -1 \rightarrow f(-1) = -\frac{1}{2} \text{이다.}$$

$$f(-1) = -a = -\frac{1}{2} \rightarrow a = \frac{1}{2}, f(x) = \frac{1}{2}x \text{이다.}$$

$$f = g \text{이므로 } f(1) = g(1)$$

$$\text{즉, } \frac{1}{2}x = -\frac{b}{x} \text{ 이고, } f(1) = g(1) \text{ 이므로}$$

$$-\frac{1}{2} \times 1 = -\frac{b}{1}$$

$$\therefore b = \frac{1}{2}$$

$$\therefore a = \frac{1}{2}, b = \frac{1}{2}$$

20. 점 P에 대하여 점 $P'(x', y')$ 를 $x' = 2x + 3, y' = -3y + 5$ 와 같이 대응시킬 때, 점 $P'(9, 11)$ 이 되는 점 P의 좌표를 (a, b) 라 할 때, $a + b$ 의 값은?

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

$x' = 2x + 3, y' = -3y + 5$ 에서

$9 = 2a + 3, 11 = -3b + 5$ 이고,

$a = 3, b = -2$ 이므로 $a + b = 1$ 이다.