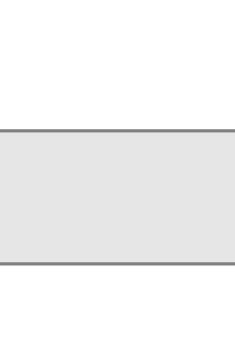


1. 다음 그림은 한변의 길이가  $x$ 인 정사각형을 대각선을 따라 자른 후 직각이등변삼각형 2개를 떼어낸 도형이다. 이때, 색칠한 부분의 넓이를  $x, y$ 에 관한 식으로 나타내어라.



- ①  $xy - y^2$       ②  $x^2 - y^2$       ③  $x^2 - y$   
④  $\frac{xy - y^2}{2}$       ⑤  $\frac{x - y}{2}$

해설

$$x^2 - 2 \times \frac{1}{2} \times y \times y = x^2 - y^2$$

2.  $x$ 에 관한 삼차식  $x^3 + mx^2 + nx + 1$ 을  $x+1$ 로 나누면 나머지가 5이고,  $x-2$ 로 나누면 나누어떨어진다고 한다. 이 때,  $-3(m+n)$ 의 값은?

① 4      ② 8      ③ 12      ④ 14      ⑤ 18

해설

$$f(x) = x^3 + mx^2 + nx + 1 \\ = (x+1)Q(x) + 5$$

$$f(x) = x^3 + mx^2 + nx + 1 \\ = (x-2)Q'(x)$$

$$\therefore f(-1) = -1 + m - n + 1 = 5$$

$$f(2) = 8 + 4m + 2n + 1 = 0$$

$$\therefore m = \frac{1}{6}, n = -\frac{29}{6}$$

$$\therefore m+n = -\frac{14}{3}, -3(m+n) = 14$$

3. 다음 중  $a^3 - b^2c - ab^2 + a^2c$  의 인수인 것은?

- ①  $a - b + c$       ②  $c - a$       ③  $b + c$   
④  $a - b$       ⑤  $c - b + a$

해설

$$\begin{aligned} a^3 - b^2c - ab^2 + a^2c &= a^3 - ab^2 + a^2c - b^2c \\ &= a(a^2 - b^2) + (a^2 - b^2)c \\ &= (a - b)(a + b)(a + c) \end{aligned}$$

4. 세 다항식  $A = x^2 + 3x - 2$ ,  $B = 3x^2 - 2x + 1$ ,  $C = 4x^2 + 2x - 3$ 에 대하여  
 $3A - \{5A - (3B - 4C)\} + 2B$ 를 간단히 하면?

- ①  $3x^2 + 12x - 13$       ②  $-3x^2 + 24x + 21$   
③  $3x^2 - 12x + 21$       ④  $\textcircled{4} -3x^2 - 24x + 21$   
⑤  $x^2 + 12x + 11$

해설

$$\begin{aligned}3A - \{5A - (3B - 4C)\} + 2B \\= -2A + 5B - 4C \\= -2(x^2 + 3x - 2) + 5(3x^2 - 2x + 1) - 4(4x^2 + 2x - 3) \\= -3x^2 - 24x + 21\end{aligned}$$

5. 다음은 연산법칙을 이용하여  $(x+3)(x+2)$ 를 계산한 식이다.

$$\begin{aligned}(x+3)(x+2) &= (x+3)x + (x+3)\times 2 \\&= (x^2 + 3x) + (2x + 6) \\&= x^2 + (3x + 2x) + 6 \\&= x^2 + 5x + 6\end{aligned}$$

위의 연산과정에서 사용한 연산법칙을 바르게 고른 것은?

- ① 교환법칙, 결합법칙
- ② 교환법칙, 분배법칙
- ③ **분배법칙, 결합법칙**
- ④ 결합법칙, 분배법칙, 교환법칙
- ⑤ 연산법칙을 사용하지 않았다.

해설

$$\begin{aligned}(x+3)(x+2) &= (x+3)x + (x+3)\times 2 \text{ (분배)} \\&= (x^2 + 3x) + (2x + 6) \text{ (분배)} \\&= x^2 + (3x + 2x) + 6 \text{ (결합)} \\&= x^2 + 5x + 6\end{aligned}$$

6.  $2x^4 - x^3 + 2x^2 + a$ 를  $x^2 + x + 1$ 로 나누어 떨어지도록 하는 상수  $a$ 의 값을 구하면?

① -3      ② 3      ③ -6      ④ 6      ⑤ 12

해설

직접 나누어 본다.

$$\therefore a - 3 = 0, a = 3$$

해설

$x^2 + x + 1 = 0$ 이 되는  $x$  값을 대입한다.

$$x^2 + x + 1 = 0 \text{에서 } (x-1)(x^2+x+1) = 0, x^3 - 1 = 0$$

$$\therefore x^3 = 1$$

준 식의 좌변에  $x^3 = 1, x^2 = -x - 1$ 을 대입하면

$$2x - 1 + 2(-x - 1) + a = 0, a - 3 = 0$$

$$\therefore a = 3$$

7.  $x$ 에 대한 다항식  $x^3 + ax^2 + bx + 2$ 를  $x^2 - x + 1$ 로 나눈 나머지가  $x + 3$ 이 되도록  $a, b$ 의 값을 정할 때,  $ab$  값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $ab = -6$

해설

검산식을 사용

$$x^3 + ax^2 + bx + 2 = (x^2 - x + 1) \cdot A + (x + 3)$$

$$A = (x + p)$$

$$x^3 + ax^2 + bx + 2 - (x + 3) = (x^2 - x + 1)(x + p)$$

$$x^3 + ax^2 + (b - 1)x - 1 = (x^2 - x + 1)(x - 1) \therefore p = -1$$

우변을 정리하면

$$\therefore a = -2, b = 3$$

$$\therefore ab = -6$$

8.  $x + y + z = 1$ ,  $xy + yz + zx = 2$ ,  $xyz = 3$  일 때,  $(x+1)(y+1)(z+1)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 7

해설

$$\begin{aligned}(x+1)(y+1)(z+1) \\= xyz + xy + yz + zx + x + y + z + 1 \\= 7\end{aligned}$$

9. 두 다항식  $(1+x+x^2+x^3)^3$ ,  $(1+x+x^2+x^3+x^4)^3$  의  $x^3$ 의 계수를 각각  $a$ ,  $b$ 라 할 때,  $a-b$ 의 값은?

- ①  $4^3 - 5^3$       ②  $3^3 - 3^4$       ③ 0  
④ 1      ⑤ -1

해설

두 다항식이  $1+x+x^2+x^3$ 을 포함하고 있으므로  $1+x+x^2+x^3 =$

$A$  라 놓으면

$$\begin{aligned} & (1+x+x^2+x^3+x^4)^3 \\ &= (A+x^4)^3 \\ &= A^3 + 3A^2x^4 + 3Ax^8 + x^{12} \\ &= A^3 + (3A^2 + 3Ax^4 + x^8)x^4 \end{aligned}$$

이 때  $(3A^2 + 3Ax^4 + x^8)x^4$ 은  $x^3$  항을 포함하고 있지 않으므로 두 다항식의  $x^3$ 의 계수는 같다.

$$\therefore a-b=0$$

10.  $a = 2004$ ,  $b = 2001$  일 때,  $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$  의 값은?

- ① 21      ② 23      ③ 25      ④ 27      ⑤ 29

해설

준 식은  $(a - b)^3$  이다.

$$a - b = 2004 - 2001 = 3$$

$$\therefore (a - b)^3 = 3^3 = 27$$

11.  $x$ 에 관계없이  $\frac{x-a}{2x-b}$ 가 항상 일정한 값을 가질 때, 상수  $a, b$ 에 대하여  
 $\frac{b}{a}$ 의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}\frac{x-a}{2x-b} &= k \text{라 놓으면,} \\ (2k-1)x + (a-bk) &= 0 \\ \therefore 2k-1 &= 0, a = bk \text{이므로} \\ k = \frac{1}{2}, a &= \frac{1}{2}b \text{이다.} \\ \therefore \frac{b}{a} &= 2\end{aligned}$$

12. 대각선의 길이가 28이고, 모든 모서리의 길이의 합이 176인 직육면체의 곁넓이를 구하려 할 때, 다음 중에서 사용되는 식은?

- ①  $(x-a)(x-b)(x-c) = x^3 - (a+b+c)x^2 + (ab+bc+ca)x - abc$
- ②  $\frac{1}{2} \{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\} = a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca$
- ③  $(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$
- ④  $(x+a)(x+b)(x+c) = x^3 + (a+b+c)x^2 + (ab+bc+ca)x + abc$
- ⑤  $(a+b+c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) = a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$

해설

직육면체의 대각선의 길이가 28이므로  
가로를  $a$ , 세로를  $b$ , 높이를  $c$ 라고 했을 때  
 $(a^2 + b^2) + c^2 = 28^2$   
모든 모서리의 길이의 합이 176이므로  
 $a + b + c = 44$   
따라서 ③번과 같은 식을 사용하여 곁넓이를 구할 수 있다.

13. 최고차항의 계수가 1인 삼차다항식  $f(x)$ 를  $x^2 - 1$ 로 나눈 나머지가 상수일 때,  $f(x)$ 의 일차항의 계수는?

- ① -1      ② 0      ③ 1      ④ 2      ⑤ -2

해설

$$f(x) = (x^2 - 1)(x + a) + r \quad (a, r \text{ 는 상수}) \text{ 라 하면}$$

$$f(x) = x^3 + ax^2 - x - a + r$$

$$\therefore \text{일차항의 계수는 } -1$$

14.  $(x^3 - x^2 - 2x + 1)^5 = a_0 + a_1(x-1) + a_2(x-1)^2 + \cdots + a_{15}(x-1)^{15}$   
일 때,  $a_0 + a_2 + a_4 + \cdots + a_{14}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

양변에  $x = 0$ 을 대입하면

$$1 = a_0 - a_1 + a_2 - \cdots - a_{15} \quad \text{…} \odot$$

양변에  $x = 2$ 를 대입하면

$$1 = a_0 + a_1 + a_2 + \cdots + a_{15} \quad \text{…} \odot$$

$\odot + \odot$  을 하면

$$2 = 2(a_0 + a_2 + \cdots + a_{14}) \text{이다.}$$

$$\therefore a_0 + a_2 + \cdots + a_{14} = 1$$

15. 다항식  $f(x)$ 를  $x - 2, x + 3$ 으로 나누었을 때의 나머지가 각각 1, -4이다.  $f(x)$ 를  $x^2 + x - 6$ 으로 나누었을 때의 나머지를  $R(x)$ 라 할 때,  $R(5)$ 의 값을 구하면?

① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

$$\begin{aligned}f(2) &= 1, \quad f(-3) = -4 \\R(x) &= ax + b \text{ 라 하면} \\f(x) &= (x+3)(x-2)Q(x) + ax + b \\2a + b &= 1, \quad -3a + b = -4 \\\therefore a &= 1, \quad b = -1 \\R(x) &= x - 1 \\R(5) &= 5 - 1 = 4\end{aligned}$$

16.  $x$ 에 대한 다항식  $2x^3 - 5x^2 + ax + b$ 가 다항식  $x^2 - x + 2$ 로 나누어떨어지도록 상수  $a, b$ 의 값을 정하면?

- ①  $a = 7, b = -6$     ②  $a = 6, b = -5$     ③  $a = 5, b = -3$   
④  $a = 4, b = -5$     ⑤  $a = 3, b = 7$

해설

직접 나누면

몫이  $2x - 3$ , 나머지가  $(a - 7)x + b + 6$ 이므로

$$2x^3 - 5x^2 + ax + b$$

$$= (x^2 - x + 2)(2x - 3) + (a - 7)x + b + 6$$

$x^2 - x + 2$ 로 나누어떨어지기 위해서는 나머지가 0이어야 하므로

$$(a - 7)x + b + 6 = 0$$

$$\therefore a = 7, b = -6$$

17. 다항식  $f(x)$ 를 일차식  $ax + b(a \neq 0)$ 으로 나누었을 때의 몫을  $Q(x)$ , 나머지를  $R$ 이라 할 때,  
 $xf(x)$ 를  $ax + b$ 로 나눈 나머지를 구하면?

- ①  $R$       ②  $aR$       ③  $bR$       ④  $-\frac{b}{a}R$       ⑤  $\frac{R}{a}$

해설

$$f(x) = (ax + b)Q(x) + R \quad \therefore R = f\left(-\frac{b}{a}\right)$$

$g(x) = xf(x)$ 를  $ax + b$ 로 나눈 나머지는

$$g\left(-\frac{b}{a}\right) = -\frac{b}{a}f\left(-\frac{b}{a}\right) = -\frac{b}{a}R$$

18. 다음 ①~⑤ 중 인수분해를 한 결과가 틀린 것은 모두 몇 개인가?

Ⓐ  $x^2(a-b) - y^2(b-a) = (a-b)(x+y)(x-y)$

Ⓑ  $9x^2 + 3xy - 2y^2 = (3x-2y)(3x+y)$

Ⓒ  $x^3 - 125 = (x-5)(x^2 - 5x + 25)$

Ⓓ  $2x^2 - xy - y^2 - 4x + y + 2 = (2x-y+2)(x-y+1)$

① 0 개

② 1 개

③ 2 개

④ 3 개

⑤ 4 개

해설

Ⓐ  $x^2(a-b) - y^2(b-a) = x^2(a-b) + y^2(a-b) = (a-b)(x^2 + y^2)$

Ⓑ  $9x^2 + 3xy - 2y^2 = (3x+2y)(3x-y)$

Ⓒ  $x^3 - 125 = (x-5)(x^2 + 5x + 25)$

Ⓓ  $2x^2 - xy - y^2 - 4x + y + 2$   
=  $2x^2 - (4+y)x - (y^2 - y - 2)$   
=  $2x^2 - (4+y)x - (y-2)(y+1)$   
=  $\{2x + (y-2)\} \{x - (y+1)\}$   
=  $(2x+y-2)(x-y-1)$

19.  $(a^2 - 1)(b^2 - 1) - 4ab$  를 인수분해하면?

①  $(ab - a + b - 1)(ab - a - b - 1)$

②  $(ab - a + b + 1)(ab - a - b + 1)$

③  $(ab + a - b + 1)(ab - a + b - 1)$

④  $(ab + a + b - 1)(ab - a - b - 1)$

⑤  $(ab + a + b + 1)(ab + a - b - 1)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= a^2b^2 - a^2 - b^2 + 1 - 4ab \\&= (a^2b^2 - 2ab + 1) - (a^2 + 2ab + b^2) \\&= (ab - 1)^2 - (a + b)^2 \\&= (ab + a + b - 1)(ab - a - b - 1)\end{aligned}$$

20.  $2x^2 + xy - 3y^2 + 5x + 5y + 2$ 를 인수분해 하면  $(x+ay+b)(2x+cy+d)$ 이다. 이 때,  $a+b+c+d$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$\begin{aligned} & 2x^2 + xy - 3y^2 + 5x + 5y + 2 \\ &= 2x^2 + (y+5)x - 3y^2 + 5y + 2 \\ &= 2x^2 + (y+5)x - (y-2)(3y+1) \\ &= \boxed{(x-(y-2))(2x+(3y+1))} \\ &= (x-y+2)(2x+3y+1) \\ \therefore & a = -1, b = 2, c = 3, d = 1 \end{aligned}$$

21. 다음 중 다항식  $a^3(b-c) + b^3(c-a) + c^3(a-b)$ 의 인수가 아닌 것은?

- ①  $a - b$       ②  $b - c$       ③  $c - a$   
④  $a + b + c$       ⑤  $a - b + c$

해설

주어진 식을  $a$ 에 관하여 정리하면  
(준식)  $= a^3(b-c) - a(b^3 - c^3) + bc(b^2 - c^2)$   
 $= (b-c)(a^3 - a(b^2 + bc + c^2) + bc(b+c))$   
 $= (b-c)(b^2(c-a) + b(c^2 - ca) - a(c^2 - a^2))$   
 $= (b-c)(c-a)(b^2 + bc - ac - a^2)$   
 $= (b-c)(c-a)(c(b-a) + (b^2 - a^2))$   
 $= (b-c)(c-a)(b-a)(a+b+c)$

22.  $x^4 - 15x^2 + 10x + 24 = (x+a)(x+b)(x+c)(x+d)$  일 때,  $a+b+c+d$ 의 값을 구하면?

- ① -5      ② 0      ③ 2      ④ 3      ⑤ 5

해설

± 상수항의 약수 중에서  $x = -1, 2$ 을 대입하면 식의 값이 0이므로

주어진 식은  $x+1, x-2$ 을 인수로 갖는다.

조립제법으로 나누어 보면,

$$\begin{array}{r|ccccc} -1 & 1 & 0 & -15 & 10 & 24 \\ & & -1 & 1 & 14 & -24 \\ \hline 2 & 1 & -1 & -14 & 24 & 0 \\ & & 2 & 2 & -24 & \\ \hline 3 & 1 & 1 & -12 & 0 & \\ & & 3 & 12 & & \\ \hline -4 & 1 & 4 & 0 & & \\ & & -4 & & & \\ \hline 1 & 0 & & & & \end{array}$$

$$\begin{aligned} x^4 - 15x^2 + 10x + 24 \\ = (x+1)(x-2)(x-3)(x+4) \\ \therefore a+b+c+d = 1 + (-2) + (-3) + 4 = 0 \end{aligned}$$

23. 자연수  $N = 35^3 + 3 \cdot 35^2 + 3 \cdot 35 + 1$  의 양의 약수의 개수를 구하여라.(인수분해공식을 이용하여 푸시오.)

▶ 답: 개

▷ 정답: 49개

해설

$$\begin{aligned} a^3 + 3a^2 + 3a + 1 &= (a+1)^3 \\ \therefore N &= 35^3 + 3 \cdot 35^2 + 3 \cdot 35 + 1 \\ &= (35+1)^3 = 36^3 = 2^6 \times 3^6 \\ \therefore \text{약수의 개수} &= (6+1) \times (6+1) = 49 \end{aligned}$$

24.  $a + b + c = 4$ ,  $ab + bc + ca = 3$ ,  $abc = 1$  일 때,  $a^3 + b^3 + c^3$ 의 값을 구하면?

- ① 30      ② 31      ③ 32      ④ 33      ⑤ 34

해설

$$\begin{aligned}(a + b + c)^2 &= a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \\ \text{위 식에 따라 } a^2 + b^2 + c^2 + 6 &= 16 \\ \therefore a^2 + b^2 + c^2 &= 10 \\ a^3 + b^3 + c^3 &= (a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) + 3abc \\ &= 4 \times (10 - 3) + 3 \times 1 \\ &= 31\end{aligned}$$

25.  $x^4 + 2x^2 + 9 = (x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$ 로 인수분해될 때,  $|ab - cd|$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 12

해설

$$(준식) = (x^2 + 3)^2 - (2x)^2$$

$$= (x^2 + 2x + 3)(x^2 - 2x + 3)$$

여기서 계수를 비교하면

$$a = 2, b = 3, c = -2, d = 3$$

$$\therefore |ab - cd| = |2 \times 3 - (-2) \times 3| = 12$$

26.  $x + \frac{1}{x} = 3$  일 때,  $x^2 + \frac{1}{x^2}$ 의 값과  $x^3 + \frac{1}{x^3}$ 의 값을 차례대로 구하면?  
(단,  $x > 0$ )

- ① 5, 6      ② 7, 18      ③ 8, 16  
④ 9, 18      ⑤ 10, 27

해설

$$\begin{aligned}x + \frac{1}{x} &= 3 \text{ 일 때} \\x^2 + \frac{1}{x^2} &= \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 = 3^2 - 2 = 7 \\x^3 + \frac{1}{x^3} &= \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right) = 27 - 9 = 18\end{aligned}$$

27.  $x^3 - x^2 + 2 = a(x-p)^3 + b(x-p)^2 + c(x-p)$ 가  $x$ 에 대한 항등식이 되도록 실수  $a+b+c+p$ 의 값을 구하면?

- ① -1      ② 1      ③ -2      ④ 2      ⑤ 0

해설

양변에  $x = p$ 를 대입하면  
 $p^3 - p^2 + 2 = 0$   
 $(p+1)(p^2 - 2p + 2) = 0 \therefore p = -1$   
따라서 주어진 식은  
 $x^3 - x^2 + 2 = a(x+1)^3 + b(x+1)^2 + c(x+1)$   
양변에  $x = 0$ 을 대입하면  $2 = a+b+c$   
 $\therefore a+b+c+p = 1$

해설

$$\begin{aligned} & a(x-p)^3 + b(x-p)^2 + c(x-p) \\ &= (x-p) \{a(x-p)^2 + b(x-p) + c\} \\ &\therefore (x+1)(x^2 - 2x + 2) \\ &= (x-p) \{a(x-p)^2 + b(x-p) + c\} \\ &\text{양변을 비교하면, } x+1 = x-p, \\ &x^2 - 2x + 2 = a(x-p)^2 + b(x-p) + c \\ &\therefore p = -1 \\ &\text{또 } x^2 - 2x + 2 = a(x+1)^2 + b(x+1) + c \\ &= ax^2 + (2a+b)x + a+b+c \\ &\therefore a = 1, 2a+b = -2, a+b+c = 2 \\ &\therefore b = -4, c = 5 \\ &\text{따라서 } a = 1, b = -4, c = 5, p = -1 \\ &\therefore a+b+c+p = 1 \end{aligned}$$

28.  $(x+2)(x-3)(x+6)(x-9)+21x^2$  을 인수분해하면  $(x^2+p)(x^2+qx-18)$  이다.  $pq$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 72

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= ((x+2)(x-9))(x-3)(x+6) + 21x^2 \\&= (x^2 - 7x - 18)(x^2 + 3x - 18) + 21x^2 \\&= ((x^2 - 18) - 7x)((x^2 - 18) + 3x) + 21x^2 \\&= (x^2 - 18)^2 - 4x(x^2 - 18) - 21x^2 + 21x^2 \\&= (x^2 - 18)(x^2 - 4x - 18)\end{aligned}$$

따라서  $p = -18$ ,  $g = -4$   
 $\therefore pg = (-18) \times (-4) = 72$

29.  $x^4 - 6x^2 + 1$  을 인수분해 하였더니  $(x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$  가 되었다.  
○] 때,  $a + b + c + d$  의 값을 구하면?

① -2      ② 2      ③ -1      ④ 1      ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 6x^2 + 1 &= (x^4 - 2x^2 + 1) - 4x^2 \\&= (x^2 - 1)^2 - (2x)^2 \\&= (x^2 + 2x - 1)(x^2 - 2x - 1) \\&= (x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d) \\∴ a + b + c + d &= -2\end{aligned}$$

30. 세 양수  $a, b, c$ 가  $a^3 + b^3 + c^3 = 3abc$ 를 만족시킬 때  $a, b, c$ 를 세 변으로 하는 삼각형의 넓이는  $\frac{\sqrt{3}}{4}$ 이라고 한다. 이 때,  $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$a^3 + b^3 + c^3 - 3abc = 0$$

$$= (a+b+c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) = 0$$

이 때,  $a > 0, b > 0, c > 0$ 이므로  $a+b+c \neq 0$

$$\therefore a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 0$$

$$\therefore \frac{1}{2}[(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2] = 0$$

이 때,  $a = b = c$  ( $\because a, b, c$ 는 실수)

따라서  $a, b, c$ 를 세 변으로 하는 삼각형은 정삼각형이고 그

$$\text{넓이} \frac{\sqrt{3}}{4} \text{이므로 } \frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = \frac{\sqrt{3}}{4},$$

$$a^2 = 1$$

$$\therefore a = b = c = 1$$

$$\therefore a + b + c = 3$$

31. 세 실수  $a, b, c$ 가  $a + b + c = 3$ ,  $a^2 + b^2 + c^2 = 9$ ,  $a^3 + b^3 + c^3 = 24$ 를 만족시킬 때,  $a^4 + b^4 + c^4 + 1$ 의 값을 구하면?

① 69      ② 70      ③ 71      ④ 72      ⑤ 73

해설

$$\begin{aligned} a + b + c &= 3 \cdots ① \\ a^2 + b^2 + c^2 &= 9 \cdots ② \\ a^3 + b^3 + c^3 &= 24 \cdots ③ \text{이라 하면,} \\ ②\text{식에서} \\ a^2 + b^2 + c^2 &= (a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca) = 9 \\ 9 - 2(ab + bc + ca) &= 9 \\ \therefore ab + bc + ca &= 0 \cdots ④ \\ ③\text{식에서} \\ a^3 + b^3 + c^3 &= (a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) + 3abc \\ 24 &= 3 \cdot (9 - 0) + 3abc \\ \therefore abc &= -1 \cdots ⑤ \\ a^4 + b^4 + c^4 + 1 &= (a^2 + b^2 + c^2)^2 - 2(a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2) + 1 \\ &= 81 - 2 \cdot 6 + 1 = 70 \\ (\because a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2 &= (ab + bc + ca)^2 - 2abc(a + b + c) \\ &= 0 - 2 \times (-1) \times 3 \\ &= 6) \end{aligned}$$

32. 다항식  $x^3 - 2x^2 + mx - 4$ 를  $x - 1$ 로 나눈 몫이  $Q(x)$ 이고 나머지가  $R(x)$ 를  $x + 1$ 로 나눈 나머지가  $-5$ 이다. 이때,  $m$ 의 값을 구하면?

- ① 6      ② 4      ③ 0      ④ -1      ⑤ -6

해설

$$x^3 - 2x^2 + mx - 4 = (x - 1)Q(x) + R \text{이라 하자.}$$

$$x = 1 \text{을 대입하면 } R = m - 5$$

$$x^3 - 2x^2 + mx - 4 = (x - 1)Q(x) + m - 5 \cdots ①$$

$$Q(x) \text{를 } x + 1 \text{로 나눈 나머지가 } -5 \text{이므로}$$

$$Q(-1) = -5$$

$$\text{①식에 } x = -1 \text{을 대입하면}$$

$$-1 - 2 - m - 4 = -2Q(-1) + m - 5$$

$$-2m = 12$$

$$\therefore m = -6$$

해설

조립제법을 사용하면

$$\begin{array}{r} 1 \\ \hline 1 & -2 & m & -4 \\ & 1 & -1 & m-1 \\ \hline -1 & 1 & -1 & m-1 & |m-5 \\ & -1 & 2 \\ \hline 1 & -2 & |m+1 \end{array}$$

$$m + 1 = -5 \therefore m = -6$$

33.  $x^3$ 의 계수가 1인 삼차다항식  $f(x)$ 에 대하여  $f(1) = 1, f(2) = 2, f(3) = 3$ 이 성립한다. 이 때,  $f(x)$ 를  $x - 4$ 로 나눈 나머지는?

- ① 9      ② 10      ③ 11      ④ 12      ⑤ 13

해설

$f(1) = 1, f(2) = 2, f(3) = 3$ 에서  $f(x) = x$   
 $\not\equiv$ ,  $f(x) - x$ 는  $x - 1, x - 2, x - 3$ 을 인수로 한다.

$$f(x) - x = (x - 1)(x - 2)(x - 3)$$
$$\therefore f(x) = (x - 1)(x - 2)(x - 3) + x, f(4) = 10$$

해설

$$f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c \text{ 라 하면}$$
$$(i) f(1) = 1 \Rightarrow a + b + c + 1 = 1$$
$$(ii) f(2) = 2 \Rightarrow 4a + 2b + c + 8 = 2$$
$$(iii) f(3) = 3 \Rightarrow 9a + 3b + c + 27 = 3$$

위의 세식을 연립하여 풀면,  
 $a = -6, b = 12, c = -6$   
 $\Rightarrow f(x) = x^3 - 6x^2 + 12x - 6$   
 $\therefore f(4) = 4^3 - 6 \times 4^2 + 12 \times 4 - 6 = 10$