

1. 다항식  $(x^2 + 2x - 3)(3x^2 + x + k)$ 의 전개식에서 일차항의 계수가 15일 때, 상수  $k$ 의 값은?

① -3      ② 0      ③ 3      ④ 6      ⑤ 9

해설

상수항과 일차항만의 합을 구하면,

$$-3x + 2kx = 15x$$

$$\therefore k = 9$$

2.  $(x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(x^2 + 2x - 5)$  를 전개한 식에서  $x^2$  의 계수를 구하면?

- ① 10      ② 15      ③ 19      ④ 21      ⑤ 25

해설

전개식에서  $x^2$  항은

i ) (이차항)  $\times$  (삼차항) 에서  $15x^2 + 4x^2 = 19x^2$

ii ) (일차항)  $\times$  (일차항) 에서  $6x^2$

$\therefore x^2$  의 계수는  $19 + 6 = 25$

3. 다항식  $(5x^2 + 3x + 1)^2$  을 전개하였을 때,  $x^2$  의 계수는?

- ① 10      ② 13      ③ 16      ④ 19      ⑤ 25

해설

$$(5x^2 + 3x + 1)(5x^2 + 3x + 1) \text{에서}$$

i ) (일차항)  $\times$  (일차항)의 경우  $9x^2$

ii ) (이차항)  $\times$  (상수항)의 경우  $2 \times 5x^2$

$$\therefore 5x^2 + 5x^2 + 9x^2 = 19x^2$$

$$\therefore 19$$

4. 다항식  $x^4 - 3x^2 + ax + 5$  를  $x + 2$  로 나누면 나머지가 3 이다.  $a$  의 값은?

- ① 0      ② 2      ③ 3      ④ -2      ⑤ -3

해설

$$x^4 - 3x^2 + ax + 5 = f(x) \text{ 라 놓자.}$$

$$f(-2) = 3 \text{에서 } -2a + 9 = 3$$

$$\therefore a = 3$$

5. 다항식  $x^{22} + x^{11} + 22x + 11$  을  $x + 1$  로 나눈 나머지는?

- ① -33      ② -22      ③ -11      ④ 11      ⑤ 33

해설

$$f(x) = x^{22} + x^{11} + 22x + 11 \text{ 라면},$$
$$f(x) = (x+1)Q(x) + R \text{에서 } f(-1) = R \text{므로}$$
$$f(-1) = (-1)^{22} + (-1)^{11} - 22 + 11 = -11$$

6. 다항식  $x^4 - 3x^2 + ax + 7$ 을  $x + 2$ 로 나누면 나머지가 5이다. 이 때,  $a$ 의 값은?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$f(x) = x^4 - 3x^2 + ax + 7$$

$$f(x) = (x+2)Q(x) + 5$$

$$\therefore f(-2) = 5$$

$$f(-2) = 16 - 12 - 2a + 7 = 5$$

$$\therefore a = 3$$

7. 다음 중 다항식  $x^4 - 8x^2 - 9$ 의 인수가 아닌 것은?

- ①  $x - 3$       ②  $x + 3$   
③  $x^2 + 1$       ④  $x^2 + 9$   
⑤  $x^3 + 3x^2 + x + 3$

해설

준 식을 인수분해 하면

$$\begin{aligned}x^4 - 8x^2 - 9 &= (x^2 + 1)(x^2 - 9) \\&= (x^2 + 1)(x + 3)(x - 3) \\⑤ \quad x^2(x + 3) + x + 3 &= (x^2 + 1)(x + 3)\end{aligned}$$

8.  $x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b$  이차식의 완전제곱식이 될 때, 상수  $a, b$ 의 값은?

- ①  $a = 12, b = 9$   
②  $a = -12, b = 9$   
③  $a = 12, b = -9$   
④  $a = -12, b = -9$   
⑤  $a = 9, b = 12$

해설

$x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b = (x^2 + px + q)^2$  으로 놓으면

이 식의 우변은

$$x^4 + 2x^2(px + q) + (px + q)^2$$

$$= x^4 + 2px^3 + (p^2 + 2q)x^2 + 2pqx + q^2$$

좌변과 계수를 비교하면

$$2p = 4, p^2 + 2q = -2$$

$$p = 2, q = -3$$
에서

$$a = 2pq = -12, b = q^2 = 9$$

9. 세 모서리의 길이의 합이 22이고 대각선의 길이가 14인 직육면체의  
겉넓이는?

- ① 144      ② 196      ③ 288      ④ 308      ⑤ 496

해설

세 모서리를  $x, y, z$  라 하면

$$x + y + z = 22 \dots\dots \textcircled{1}$$

$$\sqrt{x^2 + y^2 + z^2} = 14 \dots\dots \textcircled{2}$$

겉넓이는  $2(xy + yz + zx)$  이다.

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{에서 } 22^2 = 14^2 + 2(xy + yz + zx)$$

$$\therefore 2(xy + yz + zx) = 288$$

10. 직육면체 모양의 상자가 있다. 이 상자의 겉넓이는 52이고, 모서리의 길이의 합은 36이다. 이 상자의 대각선의 길이는?

① 5      ②  $\sqrt{29}$       ③  $\sqrt{33}$       ④ 6      ⑤  $\sqrt{42}$

해설

세 모서리의 길이를  $a, b, c$  라 하면  
 $2(ab + bc + ca) = 52$   
 $4(a + b + c) = 36 \rightarrow a + b + c = 9$   
(직육면체 대각선의 길이)  
 $= \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$   
 $= \sqrt{(a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca)}$   
 $= \sqrt{81 - 52} = \sqrt{29}$

11.  $a^2 + b^2 + c^2 = 9$ ,  $ab + bc + ca = 9$ ,  $a + b + c$ 의 값은?

- ①  $-3\sqrt{2}$       ②  $-2\sqrt{3}$       ③  $\pm 3\sqrt{3}$   
④  $\pm 3\sqrt{2}$       ⑤  $\sqrt{6}$

해설

$$\begin{aligned}(a+b+c)^2 &= a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \\&= 9 + 18 = 27\end{aligned}$$

$$\therefore a+b+c = \pm 3\sqrt{3}$$

12.  $f(x)$ 를  $x - 1$ 로 나눌 때 나머지가 3이다. 또, 이때의 몫을  $x + 3$ 으로 나눈 나머지가 2이면  $f(x)$ 를  $x^2 + 2x - 3$ 으로 나눈 나머지를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $2x + 1$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (x - 1)Q(x) + 3 \\&= (x - 1)\{(x + 3)Q'(x) + 2\} + 3 \\&= (x - 1)(x + 3)Q'(x) + 2(x - 1) + 3 \\&= (x^2 + 2x - 3)Q'(x) + 2x + 1\end{aligned}$$

따라서, 구하는 나머지는  $2x + 1$

13. 다항식  $2x^{30} + 2x^{28} - x$ 를  $x + 1$ 로 나누었을 때의 몫을  $Q(x)$ 라 할 때,  
 $Q(x)$ 를  $x - 1$ 로 나누었을 때의 나머지는?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$2x^{30} + 2x^{28} - x = (x + 1) Q(x) + R$$

양변에  $x = -1$ 을 대입 하면,

$$2 + 2 + 1 = R \therefore R = 5$$

양변에  $x = 1$ 을 대입 하면,

$$2 + 2 - 1 = 2Q(1) + 5$$

$$\therefore Q(1) = -1$$

14. 다항식  $f(x)$ 를  $x - 3$ 으로 나누었을 때의 몫이  $Q(x)$ , 나머지가 1이고, 또  $Q(x)$ 를  $x - 2$ 로 나누었을 때의 나머지가 -2이다.  $f(x)$ 를  $x - 2$ 로 나누었을 때의 나머지를 구하면?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (x - 3)Q(x) + 1 \\Q(2) &= -2 \\f(x) \text{를 } x - 2 \text{로 나눈 나머지는 } f(2) \text{이다.} \\f(2) &= (2 - 3)Q(2) + 1 \\&= -1 \times (-2) + 1 = 3\end{aligned}$$

15. 서로 다른 세 실수  $x, y, z$ 에 대하여  $x^3 + y^3 + z^3 = 3xyz$  를 만족할 때,  
 $x + y + z$  의 값은?

① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned} & x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz \\ &= (x + y + z)(x^2 + y^2 + z^2 - xy - yz - zx) = 0 \\ & (x + y + z) = 0 \text{ 또는 } x^2 + y^2 + z^2 - xy - yz - zx = 0 \\ & \therefore x + y + z = 0 \text{ 또는 } \frac{1}{2}((x-y)^2 + (y-z)^2 + (z-x)^2) = 0 \end{aligned}$$

그런데  $x, y, z$  가 서로 다른 세 실수 ( $x \neq y \neq z$ ) 이므로  
 $x + y + z = 0$