

1. $\frac{3}{40}$ 의 분모, 분자에 어떤 수를 곱하여 분모가 10의 거듭제곱 꼴이 될 때, 가장 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답: _____

2. 두 분수 $\frac{5}{6} \times a$, $\frac{99}{63} \times a$ 모두 유한소수가 된다고 할 때, 이를 만족하는
가장 작은 자연수 a 의 값은?

- ① 3 ② 7 ③ 9 ④ 18 ⑤ 21

3. 유리수 $\frac{3}{5^2 \times a}$ 을 소수로 나타내면 유한소수가 된다고 한다. 10 미만의 자연수 중에서 a 의 값으로 적당한 것을 모두 구하여 합하면 그 값은 얼마인가?

① 21 ② 23 ③ 25 ④ 27 ⑤ 29

4. 두 분수 $\frac{a}{42}$, $\frac{a}{180}$ 가 유한소수일 때, a 의 값 중 가장 작은 수를 구하

여라.

(단, a 는 세 자리 자연수)



답: _____

5. $\frac{21}{2^2 \times 5 \times a}$ 을 소수로 나타내면 무한소수가 된다고 한다. a 의 값이 될 수 있는 가장 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답: _____

6. 유리수 $\frac{15a}{84}$ 를 소수로 나타내면 유한소수가 된다고 한다. 이때, a 가 될 수 있는 수 중 가장 작은 수를 구하여라.

▶ 답: _____

7. 두 자리 자연수 a 에 대하여 $\frac{a}{70}$ 이 유한소수일 때, 다음 중 a 의 값을 모두 구하면?

① 7 ② 14 ③ 23 ④ 35 ⑤ 48

8. 다음 분수 $\frac{217}{990}$ 을 소수로 나타낼 때, 순환마디는?

- ① 219 ② 19 ③ 217 ④ 17 ⑤ 15

9. 다음 중 순환소수의 표현으로 옳지 않은 것을 모두 고르면? (정답 2 개)

- ① $0.373737\cdots = 0.\dot{3}\dot{7}$ ② $3.020202\cdots = 3.0\dot{2}$
③ $0.344444\cdots = 0.3\dot{4}$ ④ $1.5131313\cdots = 1.51\dot{3}$
⑤ $3.213213\cdots = 3.\dot{2}1\dot{3}$

10. 순환소수 $-2.\dot{5}\dot{3}\dot{1}\dot{4}$ 의 소수점 아래 50번째 자리의 숫자를 a , 순환소수 $0.\dot{7}\dot{2}\dot{0}\dot{3}$ 의 소수점 아래 100번째 자리의 숫자를 b 라 할 때, $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

11. 음이 아닌 한 자리의 정수 $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$ 에 대하여 $\frac{13}{7} = a_1 + \frac{a_2}{10} + \frac{a_3}{10^2} + \dots + \frac{a_n}{10^{n-1}} + \dots$ 일 때, $a_4 + a_{10} + a_{16} + a_{22} + \dots + a_{58} + a_{64}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

12. 유리수 $x = 2.4 + 24 \times \left(\frac{1}{10^3} + \frac{1}{10^5} + \frac{1}{10^7} + \dots \right)$ 를 기약분수로 나타내었을 때, 분모와 분자의 차를 구하여라.

▶ 답: _____

13. 다음 중 순환소수 $x = 1.\dot{3}\dot{2}\dot{7}$ 를 분수로 고치는데 필요한 가장 적당한 식은?

- ① $100x - x$
- ② $100x - 10x$
- ③ $1000x - 10x$
- ④ $1000x - 100x$
- ⑤ $10000x - 100x$

14. 다음 중 순환소수 $x = 1.\dot{2}\dot{5}\dot{4}$ 를 분수로 나타낼 때, 가장 알맞은 식은?

- ① $10x - x$ ② $100x - x$ ③ $100x - 10x$
④ $1000x - 10x$ ⑤ $1000x - 100x$

15. 다음 순환소수 $x = 0.2363636\cdots$ 에 대한 다음 설명 중 옳지 않은 것을 고르면?

- ① x 는 유리수이다.
- ② 순환마디는 36이다.
- ③ $1000x - 10x$ 는 정수이다.
- ④ $x = 0.2\dot{3}\dot{6}3$ 이다.
- ⑤ 분수로 나타내면 $\frac{13}{55}$ 이다.

16. $x = 0.1\dot{6}$ 일 때, $x - \frac{1}{1 + \frac{1}{x}}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

17. 소수 $0.\overline{038888}$ 을 기약분수로 나타내었을 때, 분모와 분자의 합 은?

- ① 938 ② 935 ③ 187 ④ 184 ⑤ 1037

18. 다음 소수를 분수로 나타낸 것 중 옳지 않은 것은?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} & 0.\dot{7} = \frac{7}{9} & \textcircled{2} & 2.\dot{7}0\dot{8} = \frac{922}{333} & \textcircled{3} & 1.\dot{3}\dot{2} = \frac{130}{99} \\ \textcircled{4} & 1.3\dot{6} = \frac{41}{30} & \textcircled{5} & 0.\dot{5} = \frac{5}{9} \end{array}$$

19. 순환소수 $0.\dot{3}\dot{1}\dot{5}$ 를 분수로 나타내면 $\frac{208}{a}$ 이다. a 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

20. 다음 수를 크기가 작은 것부터 차례대로 나열할 때 세 번째에 해당하는 것은?

- ① 0.3742
- ② 0.374 $\dot{2}$
- ③ 0. $\dot{3}74\dot{2}$
- ④ 0.3 $\dot{7}4\dot{2}$
- ⑤ 0.374 $\dot{2}$

21. $\frac{2}{5} < 0.a < \frac{2}{3}$ 를 만족하는 한 자리 자연수 a 의 값을 모두 구하여라.

▶ 답: _____

▶ 답: _____

22. x 에 관한 일차방정식 $x + 1.\dot{9} = 2.\dot{3}$ 의 해를 구하면?

- ① 0. $\dot{3}$ ② 0.0 $\dot{3}$ ③ 0.1 $\dot{3}$ ④ 0.2 $\dot{3}$ ⑤ 0.3 $\dot{3}$

23. $A \times 0.\dot{3} = \frac{2}{3}$ 일 때, A의 값은?
- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 1 ④ 2 ⑤ 4

24. 순환소수 $3.\dot{4}\dot{5}$ 에 A 를 곱하면 그 결과는 자연수가 된다고 한다. 이때,
 A 의 값이 될 수 없는 것을 모두 고르면?

- ① 33 ② 34 ③ 90 ④ 99 ⑤ 121

25. 순환소수 $1.\dot{2}\dot{6}$ 에 A 를 곱하면 그 결과는 자연수가 된다고 한다. 이때,
 A 의 값이 될 수 없는 것을 모두 고르면?

① 5 ② 15 ③ 60 ④ 90 ⑤ 99

26. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ① 무한소수 중에는 분수로 나타낼 수 없는 것도 있다.
- ② 분모의 소인수가 2나 5뿐인 기약분수는 유한소수로 나타낼 수 있다.
- ③ a, b 가 정수일 때, 분수 $\frac{a}{b}$ 로 나타내어지는 수를 유리수라 한다.
- ④ 순환소수 중에는 유리수가 아닌 것도 있다.
- ⑤ 유리수는 유한소수와 순환하는 무한소수로 나누어진다.

27. 다음 설명 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ① 모든 유리수는 유한소수이다.
- ② 모든 무한소수는 유리수가 아니다.
- ③ 모든 정수는 유리수이다.
- ④ 모든 순환소수는 정수나 유리수로 나타낼 수 있다.
- ⑤ 0이 아닌 유리수는 모두 유한소수로 나타낼 수 있다.

28. 어떤 순환소수를 분수로 나타낼 때, 기약분수로 고치기 전의 분모가 900 이 되었다. 다음 중 이 순환소수에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 골라라.

- Ⓐ 순환마디는 1 개의 숫자로 되어 있다.
- Ⓑ 순환하지 않는 소수부분의 숫자는 2 개이다.
- Ⓒ 1 보다 작은 수이다.
- Ⓓ 소수 셋째 자리부터 순환마디가 시작된다.

▶ 답: _____

▶ 답: _____

▶ 답: _____

29. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2개)

- ① 음의 정수는 분수로 나타낼 수 없다.
- ② 모든 순환소수는 유리수이다.
- ③ 소수는 유한소수와 무한소수로 나타낼 수 있다.
- ④ 정수가 아닌 유리수는 모두 유한소수로 나타낼 수 있다.
- ⑤ 모든 소수는 유리수이다.

30. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ① 두 개의 무한소수의 합은 항상 무한소수로만 나타내어진다.
- ② 무한소수는 순환소수이다.
- ③ 분모에 2나 5 이외의 소인수가 있는 기약분수는 모두 무한소수로 나타낼 수 있다.
- ④ 모든 유리수는 분수로 나타낼 수 있다.
- ⑤ 유한소수는 분수로 나타낼 수 없다.

31. $\frac{1}{45}, \frac{2}{45}, \frac{3}{45}, \dots, \frac{199}{45}, \frac{200}{45}$ 중에서 유한소수이면서, 정수가 아닌 유리수의 개수는?

- ① 4개 ② 18개 ③ 22개 ④ 62개 ⑤ 66개

32. $\frac{1}{11}, \frac{1}{12}, \frac{1}{13}, \dots, \frac{1}{98}, \frac{1}{99}$ 중에서 유한소수로 나타낼 수 있는 것의 개수를 구하여라.

▶ 답: _____ 개

33. $\frac{1}{3}$ 과 $\frac{3}{5}$ 사이의 분수 중에서 분모가 30일 때, 유한소수로 나타낼 수 있는 문자의 자연수를 모두 합하여라.

▶ 답: _____

34. k 는 200 이하의 자연수일 때, $\frac{k}{55}$ 가 정수가 아닌 유한소수가 되는 k 의 개수를 구하여라.

▶ 답: _____ 개

35. 유리수 $\frac{n}{42}$ 을 유한소수가 되게 하는 n 의 개수를 구하여라. (단,
 $1 \leq n \leq 200$ 인 정수)

▶ 답: _____ 개

36. 분수 $\frac{a}{45}$ 를 유한소수로 나타낼 수 있고 그 기약분수는 $\frac{7}{b}$ 이 된다고 한다. a 가 두 자리의 자연수일 때, a, b 의 값은?

- ① $a = 45, b = 3$ ② $a = 54, b = 4$ ③ $a = 63, b = 5$
④ $a = 72, b = 6$ ⑤ $a = 81, b = 7$

37. $\frac{a}{450}$ 를 소수로 나타내면 유한소수가 되고, 기약분수로 나타내면 $\frac{A}{B}$ 라고 할 때, 다음과 같은 조건을 만족할 때, $A + B$ 의 값을 구하여라.

i) $11 \leq a \leq 55$, a 는 정수
ii) A는 3의 배수
iii) B는 2의 배수

▶ 답: _____

38. $\frac{a}{210}$ 를 약분하면 $\frac{1}{b}$ 이 되고, 이것을 소수로 나타내면 유한소수가 되는
가장 작은 자연수를 a 라고 할 때, $a + b$ 의 값을 구하면?

① 19 ② 31 ③ 60 ④ 65 ⑤ 130

39. $\frac{3654}{9990} = 0.\dot{a}bcd$ 에서 a, b, c, d 는 $0, 1, \dots, 9$ 중 어느 한 수를 나타낸다.
이 때, $a + b + c + d$ 의 값은?

① 21 ② 22 ③ 23 ④ 24 ⑤ 25

40. 분수 $\frac{8}{7}$ 을 소수로 나타내었을 때, 소수점 아래 첫 번째 자리의 숫자부터 소수점 아래 100번째 자리의 숫자까지의 합을 구하여라.

▶ 답: _____

41. $x = \frac{5}{13}$ 일 때, $|10^6x - x^3|$ 값을 구하여라.

▶ 답: _____

42. $x = 1.375$ 일 때, $10^3x - 10^2x$ 를 구하여라.

▶ 답: _____

43. $0.15\dot{8} = a \times 0.00\dot{1}$, $0.0\dot{5} = 5 \times b$ 일 때, ab 를 분수로 나타내어라.

▶ 답: _____

44. 다음 식을 만족하는 0 이 아닌 숫자 a, b, c, d, e 의 합을 구하면?

$$0.\dot{a}bcd\dot{e} = \frac{abcde - ab}{99900} = \frac{13665}{99900}$$

- ① 15 ② 16 ③ 18 ④ 21 ⑤ 25

45. 다음 식을 만족하는 0 이 아닌 숫자 a, b, c, d, e 의 합을 구하면?

$$0.\dot{a}b\dot{c}d\dot{e} = \frac{abcde - ab}{99900} = \frac{24301}{99900}$$

- ① 9 ② 16 ③ 24 ④ 28 ⑤ 31

46. 다음 부등식을 만족하는 한 자리의 자연수 a 의 값을 모두 더하여라.

$$\frac{1}{6} < (0.\dot{a})^2 < \frac{5}{9}$$

▶ 답: _____

47. x 에 대한 일차방정식 $14x + 1 = a$ 의 해를 소수로 나타내면 1보다 작은 유한소수가 된다고 한다. 이때, 자연수 a 의 값을 모두 구하여라.

▶ 답: _____

48. 어떤 자연수에 0.4를 곱할 것을 0.4를 곱하여 계산하였더니 정답과의 차가 2가 되었다. 어떤 자연수를 구하면?

- ① 32 ② 45 ③ 55 ④ 62 ⑤ 75

49. 순환소수 $0.\overline{73}$ 에 어떤 자연수를 곱하면 그 결과가 자연수가 된다. 이를 만족하는 두 자리의 자연수의 개수를 구하여라.

▶ 답: _____ 개

50. 다음 중 유리수 아닌 것을 모두 고르면?

- | | |
|-----------------------------------------------------------|---------------------------------|
| ① 0, 1, 2, 3, ⋯ | ② 2. $\dot{5}$, $-\frac{5}{9}$ |
| ③ 유한소수 | ④ 무한소수 |
| ⑤ $-1.\dot{5}$, $-\frac{1}{3}$, 0, 2. $\dot{4}$, π | |