

1. 유리식  $\frac{x^2 - 4}{x^2 - 1} \div \frac{x^2 - x - 2}{x^2 + x}$  를 간단히 하면?

①  $\frac{x}{x+1}$       ②  $\frac{x}{x-1}$       ③  $\frac{x+2}{x-1}$   
④  $\frac{x+2}{(x+1)(x-2)}$       ⑤  $\frac{x(x+2)}{(x+1)(x-1)}$

해설

$$(준식) = \frac{(x-2)(x+2)}{(x+1)(x-1)} \times \frac{x(x+1)}{(x-2)(x+1)}$$

$$= \frac{x(x+2)}{(x+1)(x-1)}$$

2. 다음 계산 중 옳은 것은?

$$\textcircled{1} \quad \frac{a^2x^2}{a^2x} = 2$$

$$\textcircled{3} \quad 1 - \frac{1}{1 + \frac{1}{x}} = \frac{1}{x+1}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{a}{b} = \frac{a+1}{b+1}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} = 3 + \sqrt{6}$$

$$\textcircled{4} \quad \sqrt{(-3)^2} = -3$$

해설

① 방정식이므로 참, 거짓 판별 못함.

$$\textcircled{2} \quad \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} = \sqrt{3}(\sqrt{3} - \sqrt{2}) = 3 - \sqrt{6} : \times$$

$$\textcircled{3} \quad 1 - \frac{1}{1 + \frac{1}{x}} = 1 - \frac{1}{\frac{x+1}{x}} = 1 - \frac{x}{x+1}$$

$$= \frac{1}{x+1} : \bigcirc$$

$$\textcircled{4} \quad \sqrt{(-3)^2} = 3 : \times$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{a}{b} \neq \frac{a+1}{b+1} : \times$$

3.  $\frac{x}{3} = \frac{y}{2} \neq 0$  일 때,  $\frac{x-y}{x+y}$ 의 값을 구하면?

- ①  $\frac{1}{5}$       ②  $\frac{3}{2}$       ③ 1      ④  $\frac{1}{2}$       ⑤  $\frac{1}{4}$

해설

$$\frac{x}{3} = \frac{y}{2} = k (k \neq 0) \text{라고 가정하면}$$

$$x = 3k, y = 2k$$

$$\therefore \frac{x-y}{x+y} = \frac{3k-2k}{3k+2k} = \frac{1}{5}$$

4. 다음은 유리식과 무리식의 정의이다.

유리식: 두 다항식  $A$ ,  $B$  ( $B \neq 0$ )에 대하여,  $\frac{A}{B}$  와같이 분수의 꼴로 나타내어지는식, 특히  $B$ 가 상수인 유리식  $\frac{A}{B}$ 는 다항식이므로 다항식도 유리식이다. 한편, 유리식 중에서 다항식이 아닌 유리식을 분수식이라고 한다.

무리식: 근호 안에 문자가 포함되어 있는 식으로 유리식으로 나타낼 수 없는 식

주어진 식에 대한 설명으로 바르게 짹지어진 것을 고르면?

①  $\frac{x^2 + 5}{3x + 2}$ -다항식

③  $\frac{x^2 - 1}{3}$ -분수식

⑤  $2x + \sqrt{x^2 + 5}$ -다항식

②  $\sqrt{2}x + 3$ -유리식

④  $\sqrt{x^2 - 1}$ -유리식

해설

① 분수식 ③유리식 ④무리식 ④무리식

5.  $\frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{\sqrt{3} - \sqrt{2}}$  의 분모를 유리화하면  $a + b\sqrt{c}$  이다.

$a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a + b + c = 13$

해설

$$\frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{\sqrt{3} - \sqrt{2}} = \frac{(\sqrt{3} + \sqrt{2})(\sqrt{3} + \sqrt{2})}{(\sqrt{3} - \sqrt{2})(\sqrt{3} + \sqrt{2})}$$

$$= \frac{3 + 2\sqrt{6} + 2}{3 - 2}$$

$$= 5 + 2\sqrt{6}$$

$\therefore a = 5, b = 2, c = 6$  이므로

$$a + b + c = 5 + 2 + 6 = 13$$

6.  $x^2 \neq 4$ 인 모든 실수  $x$ 에 대하여  $\frac{x+6}{x^2-4} = \frac{a}{x+2} - \frac{b}{x-2}$  을 만족시키는 상수  $a$ 와  $b$ 가 있다. 이때,  $a+b$ 의 값은?

① -6      ② -3      ③ -1      ④ 2      ⑤ 4

해설

$$\frac{x+6}{x^2-4} = \frac{a}{x+2} - \frac{b}{x-2} \text{의 우변을 통분하여 계산하면}$$

$$\frac{a}{x+2} - \frac{b}{x-2} = \frac{a(x-2)}{x^2-4} - \frac{b(x+2)}{x^2-4}$$

$$= \frac{(a-b)x - 2(a+b)}{x^2-4}$$

$$\text{따라서 } a-b=1, -2(a+b)=6$$

$$\therefore a=-1, b=-2$$

$$\therefore a+b = -1 - 2 = -3$$

7.  $\frac{a}{2} = \frac{b}{3} = \frac{c}{4}$  ( $\neq 0$ ) 일 때,  $\frac{3a - b - c}{3a + b + c} = -\frac{q}{p}$  일 때,  $p + q$ 의 값을 구하여

라.(단,  $p, q$ 는 서로 소인 양의 정수)

▶ 답:

▷ 정답: 14

해설

$$\frac{a}{2} = \frac{b}{3} = \frac{c}{4} = k(k \neq 0) \text{로 놓으면}$$

$$a = 2k, b = 3k, c = 4k$$

$$\therefore \frac{3a - b - c}{3a + b + c} = \frac{6k - 3k - 4k}{6k + 3k + 4k} = \frac{-k}{13k} = -\frac{1}{13}$$

$$\therefore p = 13, q = 1 \quad p + q = 14$$

8. 다음 등식을 만족하는 유리수  $x, y$ 의 값을 구하면?

$$x(\sqrt{2} - 3) + y(\sqrt{2} + 2) = 3\sqrt{2} - 4$$

①  $x = 2, y = -1$       ②  $x = -1, y = -2$

③  $x = 2, y = 1$       ④  $x = -1, y = 2$

⑤  $x = 1, y = 2$

해설

$$(-3x + 2y) + (x + y)\sqrt{2} = -4 + 3\sqrt{2}$$

$$\begin{cases} -3x + 2y = -4 \\ x + y = 3 \end{cases}$$

$$\therefore x = 2, y = 1$$

9. 함수  $y = \frac{2+x}{1-2x}$ 의 그래프의 점근선의 방정식이  $x=a, y=b$  일 때,  $a$ 의 값을 구하면?

① -1      ②  $-\frac{1}{2}$       ③ 0      ④ 1      ⑤  $\frac{1}{2}$

해설

$$\begin{aligned}y &= \frac{x+2}{-2x+1} \\&= \frac{x+2}{-2\left(x-\frac{1}{2}\right)} \\&= \frac{\left(x-\frac{1}{2}\right)+\frac{5}{2}}{-2\left(x-\frac{1}{2}\right)} \\&= \frac{\frac{5}{2}}{-2\left(x-\frac{1}{2}\right)} - \frac{1}{2} \\\therefore a &= \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{2}\end{aligned}$$

10. 다음 보기 중 곡선  $y = \frac{1}{x}$  을 평행이동하여 겹칠 수 있는 것을 모두 고르면?

[보기]

$$\textcircled{\text{A}} \quad y = \frac{x}{x+1} \quad \textcircled{\text{B}} \quad y = \frac{2-x}{x-1} \quad \textcircled{\text{C}} \quad y = \frac{2x-3}{x-2}$$

- ①  $\textcircled{\text{A}}$       ②  $\textcircled{\text{B}}$       ③  $\textcircled{\text{C}}$       ④  $\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{C}}$       ⑤  $\textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{C}}$

[해설]

$y = \frac{1}{x}$  의 그래프를 평행이동하여

겹칠 수 있는 것은  $y = \frac{1}{x-p} + q$  의 꼴이다.

$$\textcircled{\text{A}} \quad y = \frac{x}{x+1} = \frac{x+1-1}{x+1} = \frac{-1}{x+1} + 1$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad y = \frac{2-x}{x-1} = \frac{-(x-1)+1}{x-1} = \frac{1}{x-1} - 1$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad y = \frac{2x-3}{x-2} = \frac{2(x-2)+1}{x-2} = \frac{1}{x-2} + 2$$

따라서, 곡선  $y = \frac{1}{x}$  을 평행이동하여

겹칠 수 있는 것은  $\textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{C}}$  이다.

11. 다음 함수 중 그 그래프를 평행이동시켰을 때, 함수  $y = \frac{2x^2}{x+1}$  의

그래프와 일치하는 것은?

①  $y = \frac{1}{x}$

②  $y = \frac{2}{x}$

③  $y = x + \frac{1}{x}$

④  $y = x + \frac{2}{x}$

⑤  $y = 2x + \frac{2}{x}$

해설

$$2x^2 = (x+1)(2x-2) + 2 \text{ 이므로}$$

$$y = \frac{2x^2}{x+1} = (2x-2) + \frac{2}{x+1}$$

$$= 2(x+1) + \frac{2}{x+1} - 4$$

$$\therefore y + 4 = 2(x+1) + \frac{2}{x+1}$$

이것은  $y = 2x + \frac{2}{x}$  의 그래프를  $x$  축

방향으로  $-1$ ,  $y$  축 방향으로  $-4$  만큼 이동한 것이다.

12.  $y = \sqrt{4x - 12} + 5$  의 그래프는 함수  $y = 2\sqrt{x}$  의 그래프를  $x$  축으로  $\alpha$ ,  $y$  축으로  $\beta$  만큼 평행이동한 것이다.  $\alpha + \beta$ 의 값을 구하여라

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$y = 2\sqrt{x - 3} + 5$  이므로,  
이것은  $y = 2\sqrt{x}$  의 그래프를  
 $x$  축 방향으로 3만큼,  
 $y$  축 방향으로 5만큼  
평행이동한 그래프의 함수이다.  
즉,  $\alpha = 3$ ,  $\beta = 5$   
 $\therefore \alpha + \beta = 8$

13.  $\frac{\sqrt{x-2}}{\sqrt{x-4}} = \sqrt{\frac{x-2}{x-4}}$  가 성립하지 않는  $x$  값 중에서 정수의 개수는?

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

해설

$$x - 2 > 0 \quad \text{and} \quad x - 4 < 0$$

$$\therefore 2 < x < 4$$

따라서 정수인  $x$ 는 3뿐이므로 1 개이다.

14.  $\sqrt{12 - 6\sqrt{3}}$ 의 정수 부분을  $a$ , 소수 부분을  $b$ 라고 할 때,  $\frac{1}{b} - a$ 의 값은?

①  $1 - \sqrt{3}$       ②  $1 + \sqrt{3}$       ③  $2 - \sqrt{3}$

④  $2 + \sqrt{3}$       ⑤  $3 + \sqrt{3}$

해설

$$\sqrt{12 - 6\sqrt{3}} = \sqrt{12 - 2\sqrt{27}} = 3 - \sqrt{3}$$

$$1 < \sqrt{3} < 2, -2 < -\sqrt{3} < -1, 1 < 3 - \sqrt{3} < 2$$

$$a = 1, b = 2 - \sqrt{3}$$

$$\therefore \frac{1}{b} - a = \frac{1}{2 - \sqrt{3}} - 1 = 2 + \sqrt{3} - 1 = \sqrt{3} + 1$$

15. 함수  $y = \frac{bx+c}{x+a}$ 의 그래프가 점  $(1, 2)$ 를 지나고  $x = 3$ ,  $y = 1$ 을 접근선으로 할 때, 상수  $a, b, c$ 에 대해서  $a - b - c$ 의 값은?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

접근선이  $x = 3$ ,  $y = 1$ 이므로

$a = -3$ ,  $b = 1$ 이다.

그리고 점  $(1, 2)$ 를 지나므로,

$$2 = \frac{1+c}{1-3}, c = -5$$

$$\therefore a - b - c = 1$$

16. 함수  $y = \sqrt{-2x+a}$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로 1만큼,  $y$ 축의 방향으로  $b$ 만큼 평행이동하였더니 함수  $y = \sqrt{-2x+4} - 3$ 의 그래프와 겹쳐졌다. 이 때, 상수  $a$ ,  $b$ 의 값을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 2$

▷ 정답:  $b = -3$

해설

함수  $y = \sqrt{-2x+a}$ 의 그래프를  
 $x$ 축의 방향으로 1만큼,  $y$ 축의 방향으로  $b$ 만큼  
평행이동한 함수의 그래프의 식은

$$y = \sqrt{-2(x-1)+a} + b = \sqrt{-2x+2+a} + b$$

이 식이  $y = \sqrt{-2x+4} - 3$ 과 같으므로

$$2+a=4, b=-3$$

$$\therefore a=2, b=-3$$

17.  $x > 2$ 에서 정의된 두 함수  $f(x)$ ,  $g(x) \nmid f(x) = \sqrt{x-2} + 2$ ,  $g(x) =$

$$\frac{1}{x-2} + 2 \text{ 일 때 } (f \cdot g)(3) + (g \cdot f)(3) \text{의 값을 구하여라.}$$

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$$(f \cdot g)(3) = f(g(3)) = f(3) = 3$$

$$(g \cdot f)(3) = g(f(3)) = g(3) = 3$$

$$\therefore (f \cdot g)(3) + (g \cdot f)(3) = 6$$

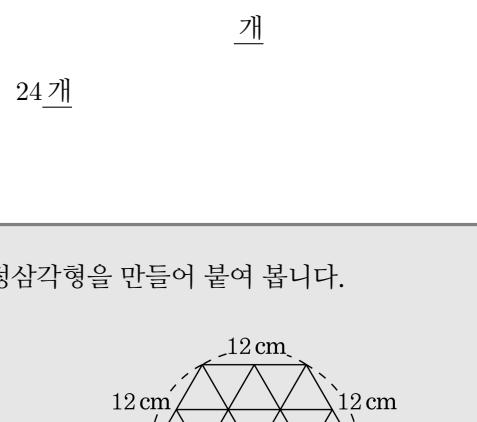
18. 역함수가 존재하는 함수  $f(x)$ 에 대하여  $f^{-1}(\sqrt{x+a}-1) = x+b$ ,  $f(1)=0$  일 때,  $a-b$ 의 값을 구하면?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned}f^{-1}(\sqrt{x+a}-1) &= x+b \text{에서} \\f(x+b) &= \sqrt{x+a}-1 \\이 때, f(1) &= 0 \text{이므로} \\\text{위의 식에 } x &= 1-b \text{를 대입하면} \\f(1-b+b) &= \sqrt{1-b+a}-1 \\0 &= \sqrt{1-b+a}-1, \quad \sqrt{a-b+1} = 1 \\a-b+1 &= 1 \\∴ a-b &= 0\end{aligned}$$

19. 한 변의 길이가 6 cm인 정삼각형 모양의 타일을 붙여서 다음과 같은 모양을 만들려고 합니다. 정삼각형 타일은 몇 개가 필요하겠는지 구하시오.



▶ 답:

개

▷ 정답: 24 개

해설

종이로 정삼각형을 만들어 붙여 봅니다.



20. 함수  $f(x) = \sqrt{2x+1}$ 의 역함수를  $y = g(x)$  라 할 때, 좌표평면 위에서 두 곡선  $y = f(x)$  와  $y = g(x)$  의 그래프의 교점의 좌표를 구하면?

- ①  $(-1, -1)$       ②  $(0, 0)$       ③  $(1, 1)$   
④  $(2, 2)$       ⑤  $(3, 3)$

해설

$y = f(x)$  와  $y = g(x)$  는 서로 역함수이므로

두 함수의 그래프의 교점은  $y = f(x)$  와

직선  $y = x$  의 교점과 일치한다.

따라서  $\sqrt{2x+1} = x$  의 양변을 제곱하여

정리하면  $x^2 - 2x - 3 = 0$ ,  $(x+1)(x-3) = 0$

$\therefore x = -1, 3$

$x \geq 0$  이므로  $x = 3$

즉, 교점의 좌표는  $(3, 3)$  이다.