

1.  $ax^2 - (2a + c)x - 1 = (b - 2)x^2 - c$  가  $x$ 의 값에 관계없이 항상 성립할 때,  $a + b + c$ 의 값을 구하면?

① -1      ② 2      ③ 4      ④ 6      ⑤ 8

해설

양변의 계수를 비교하면

$$a = b - 2 \quad \dots \textcircled{\text{7}}$$

$$2a + c = 0 \quad \dots \textcircled{\text{8}}$$

$$1 = c \quad \dots \textcircled{\text{9}}$$

$$\therefore a = -\frac{1}{2}, b = \frac{3}{2}, c = 1$$

$$\therefore a + b + c = 2$$

2.  $b, c$ 는 상수이고, 모든 실수  $x$ 에 대하여  $(x+2)(x+b) = x^2 + cx + 6$ 을 만족하는  $c$ 의 값은?

- ① -5      ② -3      ③ -1      ④ 3      ⑤ 5

해설

$$(x+2)(x+b) = x^2 + cx + 6,$$
$$x^2 + (2+b)x + 2b = x^2 + cx + 6,$$

$$2+b = c, 2b = 6$$

$$\therefore b = 3$$

$$\text{따라서 } c = 5$$

3. 등식  $(x-2)(ax-3) = 4x^2 + bx + c$ 가 항등식이 되도록 상수  $a, b, c$ 의 값을 구하면?

- ①  $a = 4, b = 5, c = 6$       ②  $a = 2, b = -10, c = 5$   
③  $\textcircled{a} = 4, b = -11, c = 6$       ④  $a = 2, b = -10, c = 6$   
⑤  $a = 2, b = -9, c = 5$

해설

(좌변) =  $ax^2 - (2a+3)x + 6$   $\textcircled{o}$  ]므로  
 $ax^2 - (2a+3)x + 6 = 4x^2 + bx + c$   
계수를 비교하면  $a = 4, -2a - 3 = b, 6 = c$   
이것을 풀면  $a = 4, b = -11, c = 6$

4. 항등식  $A(x - 1) + B(x - 2) = 2x - 3$ 에서 미정계수  $A, B$ 를 구할 때,  
 $A + B$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

주어진 등식이 항등식이므로 양변에 적당한 수를 대입하여도  
성립한다.

$x = 1$ 을 대입하면,

$$A(1 - 1) + B(1 - 2) = 2 \cdot 1 - 3$$

$$\therefore B = 1$$

$x = 2$ 를 대입하면,

$$A(2 - 1) + B(2 - 2) = 2 \cdot 2 - 3$$

$$\therefore A = 1$$

$$\therefore A + B = 2$$

해설

계수비교법 사용

$$Ax - A + Bx - 2B = 2x - 3$$

$$(A + B)x - (A + 2B) = 2x - 3$$

$$\therefore A + B = 2$$

5.  $x$  의 값에 관계없이 등식  $x^2 + 13x - 18 = a(x+2)(x-3) + bx(x+2) + cx(x-3)$  이 항상 성립할 때, 상수  $a, b, c$  의 합  $a+b+c$ 의 값을 구하면?

① 1      ② 3      ③ 6      ④ 9      ⑤ 12

해설

준식에

$x = 0$ 을 대입하면  $-18 = -6a$ 에서  $a = 3$

$x = 3$ 을 대입하면  $30 = 15b$ 에서  $b = 2$

$x = -2$ 을 대입하면  $-40 = 10c$ 에서  $c = -4$

$\therefore a + b + c = 3 + 2 + (-4) = 1$

6. 등식  $2x^2 - 6x - 2 = a(x+1)(x-2) + bx(x-2) + cx(x+1)$  가  $x$  의 값에 관계없이 항상 성립할 때, 상수  $a+b+c$  의 값을 구하면?

① 2      ② 1      ③ 0      ④ -1      ⑤ -2

해설

$x = 0$  을 대입하면:  $a = 1$

$x = -1$  을 대입하면:  $b = 2$

$x = 2$  을 대입하면:  $c = -1$

$\therefore a + b + c = 2$

7.  $(x+y)a - (x-y)b - (y-z)c - 4z = 0$   $\diamond$   $x, y, z$ 의 값에 관계없이 항상 성립할 때, 곱  $abc$ 를 구하면?

- ① 4      ② 8      ③ 16      ④ 32      ⑤ 64

해설

$x, y, z$ 에 대해 정리하면  
 $(a-b)x + (a+b-c)y + (c-4)z = 0$   
 $x, y, z$ 에 대한 항등식이므로  
 $a = b, a + b - c = 0, c = 4$   
 $\therefore a = b = 2, c = 4$   
 $\therefore abc = 16$

8. 임의의 실수  $x, y$ 에 대하여,  $(x+y)a^2 + (x-y)b = 4x + y$ 가 성립할 때,  $a^2 + b^2$ 의 값은?

①  $\frac{13}{4}$       ②  $\frac{15}{4}$       ③  $\frac{17}{4}$       ④  $\frac{19}{4}$       ⑤  $\frac{21}{4}$

해설

$$(a^2 + b)x + (a^2 - b)y = 4x + y$$

$$a^2 + b = 4 \cdots ①, a^2 - b = 1 \cdots ②$$

$$\text{①, ②에서 } a^2 = \frac{5}{2}, b = \frac{3}{2}$$

$$\therefore a^2 + b^2 = \frac{19}{4}$$

9. 다항식  $x^3 + 5x^2 - kx - k$  가  $x - 1$  로 나누어 떨어지도록 상수  $k$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

인수정리에 의해서  $x = 1$  을 대입하면

$$1^3 + 5 \times 1^2 - k \times 1 - k = 0$$

$$\therefore k = 3$$

10. 다항식  $x^{22} + x^{11} + 22x + 11$  을  $x + 1$  로 나눈 나머지는?

- ① -33      ② -22      ③ -11      ④ 11      ⑤ 33

해설

$$f(x) = x^{22} + x^{11} + 22x + 11 \text{ 라면},$$
$$f(x) = (x+1)Q(x) + R \text{에서 } f(-1) = R \text{므로}$$
$$f(-1) = (-1)^{22} + (-1)^{11} - 22 + 11 = -11$$

11. 다항식  $f(x)$ 를  $x - 2$ 로 나눈 몫을  $Q(x)$ 라 할 때, 나머지는?

- ①  $f(2)$       ②  $f(-2)$       ③  $f(2) + Q(2)$   
④  $Q(2)$       ⑤  $Q(-2)$

해설

$$f(x) = (x - 2)Q(x) + R$$

$$\therefore f(2) = R$$

12.  $f(x) = 2x^3 - 2x + k$  가  $x - 2$  로 나누어 떨어질 때,  $k$  의 값은?

- ① 0      ② 1      ③ -8      ④ -10      ⑤ -12

해설

$f(x) = 2x^3 - 2x + k$  가  $x - 2$  로 나누어 떨어지면

나머지 정리에 의해  $f(2) = 16 - 4 + k = 0$

$$\therefore k = -12$$

13. 다항식  $f(x) = 3x^3 - 4x^2 + 2x - k$   $\nmid x - 2$  를 인수로 가질 때,  $k$  의 값은?

- ① 8      ② 10      ③ 12      ④ 16      ⑤ 20

해설

$$f(2) = 24 - 16 + 4 - k = 0$$

$$\therefore k = 12$$

14.  $x$ 에 대한 다항식  $x^3 - 2x^2 - px + 2$  가  $x - 2$ 로 나누어떨어지도록 상수  $p$ 의 값을 정하면?

① 1      ② -1      ③ 2      ④ -2      ⑤ 3

해설

$x^3 - 2x^2 - px + 2 = f(x)$ 로 놓으면  $f(x) \mid x - 2$ 로 나누어떨어

지려면

$f(2) = 0$  이므로,

$$f(2) = 8 - 8 - 2p + 2 = 0$$

$$\therefore p = 1$$

15.  $\alpha = 1 + i$ ,  $\beta = 1 - i$  일 때,  $\frac{\beta}{\alpha} + \frac{\alpha}{\beta}$  의 값은?

- ①  $i$       ②  $-i$       ③  $-1$       ④ 0      ⑤  $1$

해설

$$\begin{aligned}\frac{\beta}{\alpha} + \frac{\alpha}{\beta} &= \frac{1-i}{1+i} + \frac{1+i}{1-i} = \frac{(1-i)^2 + (1+i)^2}{(1+i)(1-i)} \\ &= \frac{(1-2i+i^2) + (1+2i+i^2)}{1-i^2} \\ &= \frac{2+2i^2}{1-(-1)} = \frac{2-2}{2} = 0\end{aligned}$$

16.  $x = 1 - \sqrt{3}i$  일 때,  $x^2 - 2x + 1$ 의 값은?

- ① -3      ② -2      ③ 0      ④ 1      ⑤ 3

해설

$$x = 1 - \sqrt{3}i \text{에서}$$

$x - 1 = -\sqrt{3}i$  의 양변을 제곱하면

$$(x - 1)^2 = (-\sqrt{3}i)^2$$

$x^2 - 2x = -4$  이므로

$$x^2 - 2x + 1 = -4 + 1 = -3$$

17. 실수  $x, y$ 에 대하여 복소수  $z = x + yi$  가  $z\bar{z} = 4$  를 만족할 때,  $x^2 + y^2$ 의 값은? (단,  $\bar{z}$  는  $z$  의 결례복소수이다.)

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$z = x + yi \text{에서 } \bar{z} = x - yi \text{이므로}$$

$$z \cdot \bar{z} = (x + yi)(x - yi) = x^2 + y^2$$

주어진 조건에서  $z \cdot \bar{z} = 4$  이므로

$$x^2 + y^2 = 4$$

18.  $\sqrt{-3} \cdot \sqrt{-5}$  를 계산하면?

- ①  $\sqrt{15}$       ②  $-\sqrt{15}$       ③  $\sqrt{15}i$   
④  $-\sqrt{15}i$       ⑤  $-15$

해설

$$\sqrt{-3} \cdot \sqrt{-5} = \sqrt{3}i \cdot \sqrt{5}i = -\sqrt{15}$$

19. 다음 중 옳은 것은?

- ①  $\sqrt{-3} \times \sqrt{-4} = -\sqrt{12}$
- ②  $\sqrt{-3} \times \sqrt{-4} = \sqrt{12}$
- ③  $\sqrt{-3} \times \sqrt{4} = -\sqrt{12}$
- ④  $\frac{\sqrt{-3}}{\sqrt{-4}} = -\sqrt{\frac{3}{4}}$
- ⑤  $\frac{\sqrt{-3}}{\sqrt{4}} = -\sqrt{\frac{3}{4}}$

해설

②  $\sqrt{-3} \times \sqrt{-4} = \sqrt{3}i \times \sqrt{4}i = -\sqrt{12}$

③  $\sqrt{-3} \times \sqrt{4} = \sqrt{3}i \times \sqrt{4} = \sqrt{12}i$

④  $\frac{\sqrt{-3}}{\sqrt{-4}} = \sqrt{\frac{3}{4}}$

⑤  $\frac{\sqrt{-3}}{\sqrt{4}} = \sqrt{\frac{3}{4}}i$

20.  $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = -\sqrt{\frac{a}{b}}$  일 때, 다음 중 옳은 것은?

- ①  $a \geq 0, b < 0$       ②  $a > 0, b > 0$       ③  $a \geq 0, b > 0$   
④  $a < 0, b < 0$       ⑤  $a \leq 0, b < 0$

해설

$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = -\sqrt{\frac{a}{b}}$  가 성립할 조건은  $b < 0$  이고  $a \geq 0$  일 때이다.

21.  $x$ 에 대한 다항식  $3x^3y + 5y - xz + 9xy - 4$ 에 대하여 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

- Ⓐ 내림차순으로 정리하면  
 $3yx^3 + (9y - z)x + 5y - 4$ 이다.
- Ⓑ 오름차순으로 정리하면  
 $5y - 4 + (9y - z)x + 3yx^3$ 이다.
- Ⓒ 주어진 다항식은  $x$ 에 대한 3 차식이다.
- Ⓓ  $x^3$ 의 계수는 3이다.
- Ⓔ 상수항은 -4이다.

① Ⓐ, Ⓑ

② Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ

③ Ⓑ, Ⓕ

④ Ⓐ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓗ

⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓗ

해설

Ⓓ  $x^3$ 의 계수는  $3y$ 이다.

Ⓔ 상수항은  $5y - 4$ 이다.

22. 다항식  $2xy^2 + x^2y - 3x + x^3 - 1$ 에 대한 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

- ①  $x$ 에 대한 삼차식이다.
- ②  $y$ 에 대한 이차식이다.
- ③  $x^2$ 의 계수는  $y$ 이다.
- ④  $x$ 의 계수는  $2y^2 - 3$ 이다.
- ⑤  $y$ 에 대한 상수항은  $-1$ 이다.

해설

⑤  $y$ 에 대한 상수항:  $x^3 - 3x - 1$

23. 다항식  $5xy - yx^2 + 2x^3 + 2yz^2$ 에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ①  $x$ 의 계수는  $5y$ 이다.
- ②  $x^2$ 의 계수는  $-y$ 이다.
- ③  $x$ 에 대한 3차식이다.
- ④  $x$ 에 대한 상수항은  $2yz^2$ 이다.
- ⑤  $y, z$ 에 대한 2차식이다.

해설

$y, z$ 에 대한 3차식이다.

24. 두 다항식  $A$ ,  $B$ 에 대하여 연산  $A \ominus B$ 와  $A \otimes B$ 을 다음과 같이 정의하기로 한다.

$$A \ominus B = A - 3B, A \otimes B = (A + B)B$$

$P = 2x^3 + 2x^2y + 3xy^2 - y^3$ ,  $Q = x^3 + x^2y + xy^2$ 이라 할 때,  
 $(P \ominus Q) \otimes Q$ 를  $x, y$ 에 관한 다항식으로 나타내면?

①  $x^4y^2 + xy^5$       ②  $x^4y^2 - xy^5$       ③  $x^3y^2 - xy^4$

④  $x^3y^2 + xy^4$       ⑤  $2x^3y^2 - xy^4$

해설

정의에 따라  $(P \ominus Q) \otimes Q$ 를 변형하면

$$\begin{aligned} (P \ominus Q) \otimes Q &= (P - 3Q) \otimes Q \\ &= (P - 3Q + Q)Q \\ &= (P - 2Q)Q \quad \dots \textcircled{1} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P - 2Q &= 2x^3 + 2x^2y + 3xy^2 - y^3 - 2(x^3 + x^2y + xy^2) \\ &= xy^2 - y^3 \end{aligned}$$

이므로 ①식은

$$\begin{aligned} (P \ominus Q) \otimes Q &= (xy^2 - y^3)(x^3 + x^2y + xy^2) \\ &= x^4y^2 + x^3y^3 + x^2y^4 - x^3y^3 \\ &\quad - x^2y^4 - xy^5 \\ &= x^4y^2 - xy^5 \end{aligned}$$

25. 세 다항식  $A = 2x^2y - xy^2 + y^3$ ,  $B = -2xy^2 + 2y^3$ ,  $C = x^3 + y^3$ 에 대하여  $(2A - B) + C$ 를 계산하면?

①  $2x^3 - 4x^2y + 3y^3$       ②  $-x^3 + 2x^2y - y^3$

③  $2x^3 + 4x^2y - y^2$       ④  $x^3 + 4x^2y + y^3$

⑤  $x^3 + 4y^3$

해설

$$\begin{aligned}(2A - B) + C \\ &= 4x^2y - 2xy^2 + 2y^3 - (-2xy^2 + 2y^3) + x^3 + y^3 \\ &= x^3 + 4x^2y + y^3\end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned}(2A - B) + C \\ &= x^3 + 4x^2y + y^3\end{aligned}$$

26.  $\{x - (y - z)\} - \{(x - y) - z\}$ 를 간단히 하면?

- ①  $2y$       ②  $2z$       ③  $-2y$       ④  $-2z$       ⑤  $0$

해설

$$\begin{aligned}\{x - (y - z)\} - \{(x - y) - z\} \\= (x - y + z) - (x - y - z) \\= x - y + z - x + y + z \\= 2z\end{aligned}$$

해설

27. 다항식  $x^3 + ax - 8$ 을  $x^2 + 4x + b$ 로 나눌 때, 나머지가  $3x + 4$ 가 되도록 상수  $a + b$ 의 값을 정하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -7

해설

$x^3 + ax - 8 \equiv x^2 + 4x + b$ 로 직접나눈 나머지는

$$(a - b + 16)x + 4b - 8$$

$$(a - b + 16)x + 4b - 8 = 3x + 4 \cdots \textcircled{1}$$

①의  $x$ 에 대한 항등식이므로,

$$a - b + 16 = 3, 4b - 8 = 4$$

$$\therefore a = -10, b = 3$$

$$\therefore a + b = -7$$

해설

$x^3 + ax - 8 = (x^2 + 4x + b)(x + p) + 3x + 4$ 의 양변의 계수를 비교하여  $a = -10, b = 3, p = -4$ 를 구해도 된다.

28.  $a, b$ 는 정수이고,  $ax^3 + bx^2 + 1 \mid x^2 - x - 1$ 로 나누어 떨어질 때,  $b$ 의 값은?

① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

전개했을 때 양변의 최고차항과 상수항이 같아야 하므로

$$\begin{aligned} ax^3 + bx^2 + 1 \\ = (x^2 - x - 1)(ax - 1) \\ = ax^3 - (1 + a)x^2 + (1 - a)x + 1 \\ \text{양변의 계수를 비교하면} \\ -(1 + a) = b, 1 - a = 0 \\ \therefore a = 1, b = -2 \end{aligned}$$

29. 다항식  $8x^3 - 1$  을  $4x^2 + 2x + 1$  로 나누었을 때의 몫을  $Q(x)$  라 할 때  $Q(x)$  의 상수항의 계수는?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$8x^3 - 1 = (2x)^3 - 1^3 = (2x - 1)(4x^2 + 2x + 1)$$

$$\therefore Q(x) = 2x - 1$$

$\therefore$  상수항은 -1

30.  $(x^4 - 8x^2 - 9) \div (x^2 - 9)$  를 계산하여라.

- ①  $x^2 + 1$       ②  $x^2 - 1$       ③  $x^2 + 2$   
④  $x^2 - 2$       ⑤  $x^2 + 3$

해설

$$x^4 - 8x^2 - 9 = (x^2 - 9)(x^2 + 1)$$
$$\therefore (\text{준식}) = x^2 + 1$$

31.  $(a - b + c)(a + b - c)$ 를 전개한 식은?

- ①  $a^2 + b^2 + c^2 - 2bc$       ②  $a^2 - b^2 + c^2 - 2bc$   
③  $a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$       ④  $a^2 + b^2 - c^2 - 2bc$   
⑤  $a^2 + b^2 + c^2 + 2bc$

해설

$$\begin{aligned}(a - b + c)(a + b - c) \\ &= |a - (b - c)| |a + (b - c)| \\ &= a^2 - (b - c)^2 \\ &= a^2 - b^2 + 2bc\end{aligned}$$

32.  $3x^4 - x^2 - 2$ 를 인수분해 하여라.

- ①  $(3x^2 - 2)(x + 1)(x - 1)$       ②  $(3x^2 + 2)(x - 1)(x - 1)$   
③  $(3x^2 + 2)(x + 1)(x + 1)$       ④  $(3x^2 + 3)(x + 1)(x - 1)$   
⑤  $(3x^2 + 2)(x + 1)(x - 1)$

해설

$$\begin{aligned} A = x^2 \text{로 치환하면} \\ (\text{준식}) &= 3A^2 - A - 2 \\ &= (3A + 2)(A - 1) \\ &= (3x^2 + 2)(x + 1)(x - 1) \end{aligned}$$

33.  $(1 + 3i)(1 - 3i) - (2 - i)(3 + i)$  를 계산하면?

- ①  $17 - i$     ②  $\textcircled{3} 3 + i$     ③  $3 - i$     ④  $7 + i$     ⑤  $7 - i$

해설

$$\begin{aligned}(1 + 3i)(1 - 3i) - (2 - i)(3 + i) \\= (1 + 9) - (6 - i + 1) \\= 3 + i\end{aligned}$$

34.  $\sqrt{-3} \times \sqrt{-6} - \sqrt{8} \div \sqrt{-4}$  을  $a + bi$  ( $a, b$  는 실수) 형태로 나타내면?

- ①  $2\sqrt{2} + 3i$       ②  $-3\sqrt{2} + \sqrt{2}i$       ③  $-2\sqrt{3} + 2\sqrt{2}i$   
④  $2\sqrt{3}i$       ⑤  $3\sqrt{3}$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{-3} \times \sqrt{-6} - \sqrt{8} \div \sqrt{-4} \\ = \sqrt{3}i \times \sqrt{6}i - \frac{2\sqrt{2}}{2i} \\ = -3\sqrt{2} + \sqrt{2}i\end{aligned}$$

35.  $(2 + \sqrt{3}i)^2 + (2 - \sqrt{3}i)^2$  의 값은?

- ①  $8\sqrt{3}i$     ②  $4\sqrt{3}i$     ③  $-2$     ④  $0$     ⑤  $2$

해설

$$\begin{aligned}(2 + \sqrt{3}i)^2 + (2 - \sqrt{3}i)^2 \\= (4 + 4\sqrt{3}i + 3i^2) + (4 - 4\sqrt{3}i + 3i^2) \\= 1 + 4\sqrt{3}i + 1 - 4\sqrt{3}i = 2\end{aligned}$$

36. 다항식  $f(x)$ 를 두 일차식  $x - 1, x - 2$ 로 나눌 때의 나머지는 각각 2, 1이다. 이때,  $f(x)$ 를  $x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때 나머지는?

- ①  $x + 3$       ②  $-x + 3$       ③  $x - 3$   
④  $-x - 3$       ⑤  $-x + 1$

해설

$f(x)$ 를  $x - 1, x - 2$ 로 나눈 나머지는 각각 2, 1이므로  
 $f(1) = 2, f(2) = 1$ , 구하는 나머지를  $ax + b$ 라 하자.

$$\begin{aligned}f(x) &= (x^2 - 3x + 2)Q(x) + ax + b \\&= (x - 1)(x - 2)Q(x) + ax + b\end{aligned}$$

양변에 각각  $x = 1, x = 2$ 를 대입하면

$$f(1) = a + b = 2, f(2) = 2a + b = 1$$

두 식을 연립하여 구하면  $a = -1, b = 3$

$$\therefore \text{구하는 나머지는 } -x + 3$$

37. 다항식  $6x^3 + 5x^2 - 2x - 1$  을 인수분해하면?

- ①  $(x - 1)(2x - 1)(2x + 1)$       ②  $(x + 1)(2x + 1)(2x - 1)$   
③  $(x + 1)(2x + 1)(3x - 1)$       ④  $(x + 1)(2x - 1)(3x + 1)$   
⑤  $(x - 1)(2x + 1)(2x - 1)$

해설

$$f(x) = 6x^3 + 5x^2 - 2x - 1 \text{ 라 하면}$$

$$f(-1) = 0 \text{ 이므로}$$

$f(x)$ 는  $x + 1$ 로 나누어떨어진다.

$$\therefore 6x^3 + 5x^2 - 2x - 1 = (x + 1)(6x^2 - x - 1)$$

$$= (x + 1)(2x - 1)(3x + 1)$$

38. 다음은 조립제법을 이용하여 다항식  $x^3 - 2x^2 + 5x - 3$ 을  $x - 1$ 로 나누었을 때의 몫과 나머지를 구한 것이다. 몫과 나머지가 바르게 연결된 것은?

- ① 몫:  $x - 1$ , 나머지: 1
- ② 몫:  $x - 1$ , 나머지: 4
- ③ 몫:  $x^2 - x - 4$ , 나머지: 1
- ④ 몫:  $x^2 - x + 4$ , 나머지: 1
- ⑤ 몫:  $x^2 - x + 4$ , 나머지:  $x - 1$

해설

조립제법을 이용하면

$$\begin{array}{c|cccc} 1 & 1 & -2 & 5 & -3 \\ & & 1 & -1 & 4 \\ \hline & 1 & -1 & 4 & \boxed{1} \end{array}$$

$$\therefore x^3 - 2x^2 + 5x - 3 = (x - 1)(x^2 - x + 4) + 1$$

따라서 몫은  $x^2 - x + 4$ , 나머지는 1

39. 다음 중  $x^4 - 4x^3 - 7x^2 + 34x - 24$  를 인수분해 하였을 때, 인수가 아닌 것은?

- ①  $x - 1$     ②  $x - 2$     ③  $x + 3$     ④  $x + 4$     ⑤  $x - 4$

해설

$$f(x) = x^4 - 4x^3 - 7x^2 + 34x - 24 \text{ 라 하면}$$

$$f(1) = f(2) = 0 \text{ 이므로}$$

$f(x)$  는  $x - 1, x - 2$  를 인수로 갖는다.

조립제법을 해 보면 즉,

$$x^4 - 4x^3 - 7x^2 + 34x - 24$$

$$= (x - 1)(x - 2)(x^2 - x - 12)$$

$$= (x - 1)(x - 2)(x - 4)(x + 3)$$

40.  $x^4 + 2x^2 + 9 = (x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$ 로 인수분해될 때,  $|ab - cd|$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 12

해설

$$(준식) = (x^2 + 3)^2 - (2x)^2$$

$$= (x^2 + 2x + 3)(x^2 - 2x + 3)$$

여기서 계수를 비교하면

$$a = 2, b = 3, c = -2, d = 3$$

$$\therefore |ab - cd| = |2 \times 3 - (-2) \times 3| = 12$$

41. 실수  $x, y$ 가  $xy = 6$ ,  $x^2y + xy^2 + x + y = 63$ 을 만족시킬 때,  $x^2 + y^2$ 의 값은?

① 13      ②  $\frac{1173}{32}$       ③ 55      ④ 69      ⑤ 81

해설

$$\begin{aligned}x^2y + xy^2 + x + y &= xy(x + y) + (x + y) \\&= (xy + 1)(x + y) \\&= 7(x + y) = 63, \\x + y &= 9, xy = 6 \\∴ x^2 + y^2 &= (x + y)^2 - 2xy \\&= 81 - 12 = 69\end{aligned}$$

42. 두 다항식  $A$ ,  $B$ 에 대하여  $A \otimes B$ 를  $A \otimes B = \frac{B}{B-A}$  라 할 때,  $(x \otimes x^2) + (x^2 - x) \otimes (x - 1)$  을 간단히 하면? (단,  $x \neq 0$ ,  $x \neq 1$ 인 실수)

- ① -1      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}(x \otimes x^2) &= \frac{x^2}{x^2 - x} = \frac{x^2}{x(x-1)} = \frac{x}{x-1} \\(x^2 - x) \otimes (x - 1) &= \frac{x-1}{(x-1)-(x^2-x)} \\&= \frac{x-1}{x-1-x^2+x} \\&= \frac{(x-1)}{-(x^2-2x+1)} \\&= \frac{(x-1)}{-(x-1)^2} \\&= -\frac{1}{x-1} \\\therefore (\text{뜻어진 식}) &= \frac{x}{x-1} - \frac{1}{(x-1)} = \frac{x-1}{x-1} = 1\end{aligned}$$

43.  $x = 3 + 2i$  일 때,  $x^2 - 6x - 10$  의 값을 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: -23

해설

$x = 3 + 2i$ 에서  $x - 3 = 2i$ 의 양변을 제곱하면

$$(x - 3)^2 = (2i)^2 \quad \therefore x^2 - 6x = -13$$

$$x^2 - 6x - 10 = -13 - 10 = -23$$

$$\therefore -23$$

44.  $\frac{1000^2}{252^2 - 248^2} \stackrel{?}{=} ?$

① 62500

② 1000

③ 500

④ 250

⑤  $\frac{1}{2}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{1000^2}{252^2 - 248^2} &= \frac{1000 \cdot 1000}{(252 + 248)(252 - 248)} \\ &= \frac{1000}{500} \cdot \frac{1000}{4} \\ &= 500\end{aligned}$$

45.  $(125^2 - 75^2) \div [5 + (30 - 50) \div (-4)]$ 의 값은?

- ① 75      ② 125      ③ 900      ④ 1000      ⑤ 1225

해설

$$\begin{aligned}125^2 - 75^2 &= (125 + 75)(125 - 75) \\&= 200 \times 50 = 10000\end{aligned}$$

$$5 + (30 - 50) \div (-4) = 5 + -\frac{20}{-4} = 10$$

$$(\text{준 쪽}) = 10000 \div 10 = 1000$$

46.  $2012 = k$  라 할 때,  $2013 \times 2011$  을  $k$  로 나타내면?

- ①  $k^2 + k$       ②  $\textcircled{2} k^2 - 1$       ③  $k^2 + k + 1$   
④  $k^2 - k + 1$       ⑤  $k^2 - k$

해설

$$\begin{aligned} 2013 \times 2011 &= (k+1)(k-1) \\ &= k^2 - 1 \end{aligned}$$

47. 실수  $k$ 에 대하여 복소수  $z = 2(k-i) - k(1+i)^2$ 의 값이 실수가 되도록 하는  $k$ 의 값은?

- ① -1      ② 0      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$z = 2(k-i) - k(1+i)^2$ 의 값이 실수가 되려면 허수 부분이 0이어야 한다.

$$z = 2(k-i) - k(1+i)^2$$

$$= 2k - 2i - 2ki$$

$$= 2k - (2+2k)i$$

허수 부분이 0이려면  $2+2k=0$ 이어야 한다.

따라서  $k = -1$

48.  $i(x+2i)^2$ 이 실수가 되는 실수  $x$ 의 값을 정하면? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

- ① ±1      ② ±2      ③ ±3      ④ ±4      ⑤ ±5

해설

$$i(x+2i)^2 = i(x^2 + 4ix - 4) = x^2i - 4x - 4i$$

$$= -4x + (x^2 - 4)i$$

실수가 되려면 허수부분이 0이면 된다.

$$\therefore x^2 - 4 = 0 \Rightarrow x = \pm 2$$

49. 복소수  $\frac{3+i}{1+i} + \frac{a-i}{1-i}$  가 실수가 되도록 하는 실수  $a$  의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}\frac{3+i}{1+i} + \frac{a-i}{1-i} &= \frac{(3+i)(1-i) + (1+i)(a-i)}{(1+i)(1-i)} \\&= \frac{4-2i+(a+1)+(a-1)i}{2} \\&= \frac{a+5+(a-3)i}{2}\end{aligned}$$

위의 식이 실수가 되려면 허수 부분이 0이어야 하므로  $a-3=0$

$$\therefore a = 3$$

50.  $f(x) = \left(\frac{1-x}{1+x}\right)^{98}$  일 때,  $f\left(\frac{1-i}{1+i}\right) + f\left(\frac{1+i}{1-i}\right)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$\begin{aligned} \frac{1-i}{1+i} &= -i, \frac{1+i}{1-i} = i \text{ 이므로} \\ f\left(\frac{1-i}{1+i}\right) + f\left(\frac{1+i}{1-i}\right) &= f(-i) + f(i) \\ &= \left(\frac{1+i}{1-i}\right)^{98} + \left(\frac{1-i}{1+i}\right)^{98} \\ &= i^{98} + (-i)^{98} \\ &= i^2 + i^2 \\ &= -2 \end{aligned}$$

51.  $n \in \mathbb{N}$  양의 홀수일 때,  $\left(\frac{1+i}{\sqrt{2}}\right)^{2n} + \left(\frac{1-i}{\sqrt{2}}\right)^{2n}$  의 값을 구하면?

- ① -1      ② 0      ③ 1      ④ -2      ⑤ 100

해설

$$\left(\frac{1+i}{\sqrt{2}}\right)^{2n} = \left\{\left(\frac{1+i}{\sqrt{2}}\right)^2\right\}^n = \left(\frac{2i}{2}\right)^n = i^n$$

$$\left(\frac{1-i}{\sqrt{2}}\right)^{2n} = \left\{\left(\frac{1-i}{\sqrt{2}}\right)^2\right\}^n = \left(-\frac{2i}{2}\right)^n = (-i)^n$$

$$\therefore (\text{결과식}) = i^n + (-i)^n = 0$$

52.  $\frac{1}{i} + \frac{1}{i^2} + \frac{1}{i^3} + \cdots + \frac{1}{i^{50}}$  의 값은?

- ①  $-1+i$       ②  $-1-i$       ③ 0  
④  $1+i$       ⑤  $1-i$

해설

$$\begin{aligned}\frac{1}{i} + \frac{1}{i^2} + \frac{1}{i^3} + \cdots + \frac{1}{i^{50}} \\ &= \left( \frac{1}{i} + \frac{1}{i^2} + \frac{1}{i^3} + \frac{1}{i^4} \right) + \left( \frac{1}{i^5} + \frac{1}{i^6} + \frac{1}{i^7} + \frac{1}{i^8} \right) + \cdots \\ &\quad + \left( \frac{1}{i^{45}} + \frac{1}{i^{46}} + \frac{1}{i^{47}} + \frac{1}{i^{48}} \right) + \frac{1}{i^{49}} + \frac{1}{i^{50}} \\ &= \left( \frac{1}{i} - 1 - \frac{1}{i} + 1 \right) + \left( \frac{1}{i} - 1 - \frac{1}{i} + 1 \right) + \cdots \\ &\quad + \left( \frac{1}{i} - 1 - \frac{1}{i} + 1 \right) + \frac{1}{i} - 1 \\ &= \frac{1}{i} - 1 = -i - 1\end{aligned}$$