

1. 다음 중 어떤 양을 7 : 8 로 비례배분할 때, 알맞은 분수의 비를 모두 고르시오.

① $\frac{1}{7} : \frac{1}{8}$
④ $\frac{7}{15} : \frac{8}{15}$

② $\frac{1}{8} : \frac{1}{7}$
⑤ $\frac{8}{15} : \frac{7}{15}$

③ $\frac{8}{56} : \frac{7}{56}$

해설

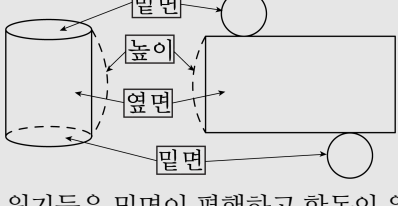
가장 간단한 자연수의 비로 고쳐서 7 : 8 이 나오는 것을 찾습니다.

① 8 : 7 ② 7 : 8 ③ 8 : 7 ④ 7 : 8 ⑤ 8 : 7

2. 다음 중 원기둥에 있는 것을 모두 찾으시오

- ① 각
- ② 옆면
- ③ 높이
- ④ 모서리
- ⑤ 꼭짓점

해설



원기둥은 밑면이 평행하고 합동인 원으로 옆으로 곡면을 이루는 옆면으로 된 입체도형입니다.

3. 정아네 반 학생들이 주로 마시는 음료수를 조사한 피그래프입니다. 아래 피그래프에서 사이다는 주스의 몇 배입니까?



- ① 6배 ② 5배 ③ 4배 ④ 3배 ⑤ 2배

해설

사이다 30%, 주스 10%이므로
사이다는 주스의 3배입니다.

4. 정비례 관계식인 것을 모두 고르시오.

① $y = 4 \times x$

② $y = x + 5$

③ $y = 4 \div x$

④ $y = 7 - x$

⑤ $y = 1.5 \times x$

해설

$y = \square \times x$ 꼴로 나타낸 것이
정비례 관계식입니다.

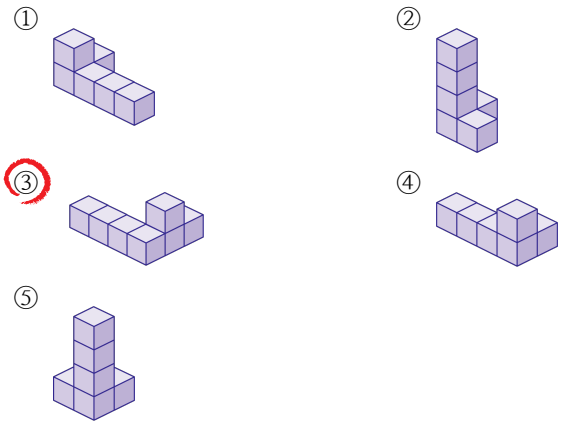
5. 여진이네 집에는 넓이가 7.54 m^2 인 직사각형 모양의 꽃밭이 있습니다.
꽃밭의 가로 길이가 $7\frac{1}{4}\text{ m}$ 일 때, 세로 길이를 구하시오.

- ① 1.4 m ② $\frac{1}{25}\text{ m}$ ③ 1.04 m
④ $1\frac{1}{5}\text{ m}$ ⑤ 1.08 m

해설

$$\begin{aligned} &(\text{직사각형의 넓이}) = (\text{가로}) \times (\text{세로}) \\ &(\text{세로}) = (\text{직사각형의 넓이}) \div (\text{가로}) \\ &= 7.54 \div 7\frac{1}{4} \\ &= \frac{754}{100} \times \frac{4}{29} \\ &= 1\frac{1}{25} (= 1.04)(\text{ m}) \end{aligned}$$

6. 다음 중 쌓기나무의 개수가 다른 것은 어느 것입니까?



해설

- ① 6개
- ② 6개
- ③ 7개
- ④ 6개
- ⑤ 6개

7. 어떤 사람이 6 일 동안 일을 하고 21 만원을 받았습니다. 이 사람이 56 만원을 받으려면 며칠 동안 일을 해야 하는지 구하십시오.

▶ **답:** 일

▶ 정답 : 16일

해설

□ 일 동안 일해야 56만 원을 받을 수 있다고 하면,

$$6 : 210000 = \square : 560000$$

$$210000 \times \square = 6 \times 560000$$

$\square = 16$ (일)

8. 서로 닮은 두 삼각형의 높이의 비가 $2:3$ 입니다. 두 삼각형 중 작은 삼각형의 넓이가 36cm^2 일 때, 큰 삼각형의 넓이는 몇 cm^2 인니까?

▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 81cm^2

해설

넓이의 비는 닮음비의 제곱의 비와 같다.
두 삼각형의 넓이의 비는 $(2 \times 2) : (3 \times 3) = 4 : 9$
큰 삼각형의 넓이를 $\square\text{cm}^2$ 라 하면
 $4 : 9 = 36 : \square$
 $4 \times \square = 36 \times 9$
 $\square = 81(\text{cm}^2)$

9. 희수와 경민이가 딱지 150장을 나누어 가지려고 합니다. 희수가 경민이보다 20장을 더 가지려면 두 사람이 가지게 되는 딱지의 비를 가장 작은 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 17 : 13

해설

경민이가 갖게 될 딱지수 : $(150 - 20) \div 2 = 130 \div 2 = 65$ (장)

희수가 갖게 될 딱지수 : $65 + 20 = 85$ (장)

(희수):(경민) = $85 : 65 = 17 : 13$

따라서 17 : 13

10. 어느 염전에서는 바닷물 3 kg을 증발시켜서 소금 95 g을 얻습니다. 소금 570 g을 얻으려면 몇 kg의 바닷물을 증발시켜야 하는지 구하시오.

▶ 답 : kg

▷ 정답 : 18kg

해설

소금 570 g을 얻는데 필요한 바닷물을 □ kg이라 하면

$$3 : 95 = \square : 570$$

$$95 \times \square = 570 \times 3$$

$$\square = 18(\text{kg})$$

11. 전체의 길이가 20 cm인 띠그래프에서 학생 수가 56 명인 항목이 8 cm를 차지하고 있습니다. 조사한 학생은 몇 명인지 구하시오.

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 140 명

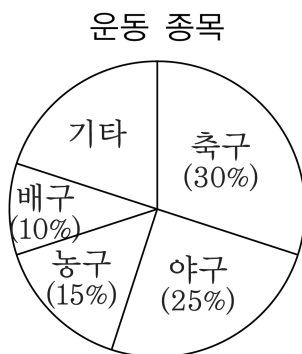
해설

전체 학생을 $\square$ 명이라고 하면

$$\square \times \frac{8}{20} = 56$$

$$\square = 56 \div \frac{8}{20} = 140(\text{명}) \text{입니다.}$$

12. 지은이네 학교 6 학년 학생 240 명이 가장 좋아하는 운동 종목을 조사하여 나타낸 원그래프입니다. 기타의 운동 종목을 좋아하는 학생 중에서 25% 가 피구를 좋아한다면 피구를 좋아하는 학생 수는 몇 명인지 구하시오.

▶ 답: 명

▷ 정답 : 12명

해설

기타의 백분율은 $100 - (30 + 25 + 15 + 10) = 20(\%)$

기타의 학생 수는 $\frac{48}{240} \times \frac{100}{100} = 48$ (명)이다.

따라서, 피구를 좋아하는 학생은

$$\frac{12}{\cancel{48}} \times \frac{\cancel{25}^1}{\cancel{100}_4} = 12 \text{ (명) 이다.}$$

13. 다음 중 x 와 y 의 관계가 정비례인 것을 모두 고르시오. (답3 개)

- ① 1000 원짜리 지폐를 100 원짜리로 바꾸는 기계에서 1000 원짜리의 개수 x 와 100 원짜리의 개수 y
- ② 2km 의 거리를 시속 x km 로 걸었을 때, 걸린 시간 y 시간
- ③ 커다란 수영장의 물을 채우는데, 매초 5L 의 물을 채울 때, x 초 후의 수영장의 물의 양 y L
- ④ $y = \frac{1}{2} \times x$
- ⑤ $y = \frac{1}{3} \div x$

해설

- ① $10 \times y = x$, $y = \frac{1}{10} \times x$: 정비례
- ② $y = 2 \div x$: 반비례
- ③ $y = 5 \times x$: 정비례
- ④ $y = \frac{1}{2} \times x$: 정비례
- ⑤ $y = \frac{1}{3} \div x$, $x \times y = \frac{1}{3}$: 반비례

14. 다음 두 식의 계산 결과의 합을 구하시오.

$\textcircled{\tiny{\text{㉠}}} \quad 2 - 2\frac{4}{5} \div 2.2$

$\textcircled{\tiny{\text{㉡}}} \quad \frac{2}{3} \times \left(0.3 + \frac{1}{5}\right)$

- $\textcircled{\tiny{\text{㉠}}} \quad 1\frac{1}{33}$
- $\textcircled{\tiny{\text{㉡}}} \quad 1\frac{2}{33}$
- $\textcircled{\tiny{\text{㉢}}} \quad 1\frac{1}{11}$
- $\textcircled{\tiny{\text{㉣}}} \quad 1\frac{2}{11}$
- $\textcircled{\tiny{\text{㉤}}} \quad 1\frac{3}{11}$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{\tiny{\text{㉠}}} \quad & 2 - 2\frac{4}{5} \div 2.2 = 2 - \frac{14}{5} \times \frac{10}{22} \\ & = 2 - \frac{14}{11} = \frac{8}{11} \\ \textcircled{\tiny{\text{㉡}}} \quad & \frac{2}{3} \times \left(0.3 + \frac{1}{5}\right) = \frac{2}{3} \times \left(\frac{3}{10} + \frac{2}{10}\right) \\ & = \frac{2}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{3} \\ \text{(두 수의 합)} &= \frac{8}{11} + \frac{1}{3} = \frac{24}{33} + \frac{11}{33} = \frac{35}{33} = 1\frac{2}{33} \end{aligned}$$

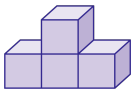
15. 보기의

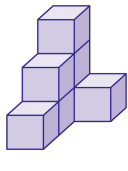
--

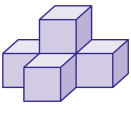
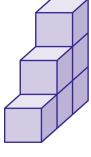
 안에 있는 수만큼 쌓기나무를 쌓은 그림을 찾으시오.

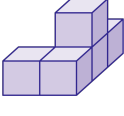
보기

3	1
2	
1	

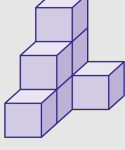
- ①


②


③

- ④


⑤


해설



17. 1시간에 90km를 달리는 기차와 1분에 1.2km를 달리는 고속버스가 있습니다. 기차와 고속버스가 같은 거리를 간다고 했을 때, 걸리는 시간의 비를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4 : 5

해설

고속버스가 1시간 동안 달릴 수 있는 거리는

$1.2 \times 60 = 72(\text{km})$ 이므로

속력의 비를 구하면

$90 : 72 = 5 : 4$ 입니다.

속도가 늘어나면 걸리는 시간이 줄기 때문에 속도의 비와 시간의

비는 서로 반대입니다.

따라서 시간의 비는 4 : 5입니다.

18. 밑면의 반지름이 4cm 이고, 높이가 8cm 인 원기둥에서 회전축을 품은 평면으로 자른 단면과 회전축에 수직인 평면으로 자른 단면의 넓이의 차는 얼마인지 구하시오.

▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 13.76cm²

해설

회전축을 품은 평면으로 자른 단면 : 직사각형
⇒ 직사각형의 넓이= $8 \times 8 = 64(\text{cm}^2)$
회전축에 수직인 평면으로 자른 단면 : 밑면의 원
⇒ 밑면의 원의 넓이
= $4 \times 4 \times 3.14 = 50.24(\text{cm}^2)$
따라서 넓이의 차는 $64 - 50.24 = 13.76(\text{cm}^2)$ 입니다.

19. y 는 x 에 정비례합니다. $x = 12$ 일 때 $y = 16$ 이고, $x = k$ 일 때 $y = 2$ 입니다. k 의 값을 구하십시오.

① 96

② $\frac{3}{4}$

③ $1\frac{1}{3}$

④ $\frac{2}{3}$

⑤ $1\frac{1}{2}$

해설

정비례 관계식 $y = \square \times x$

$x = 12$ 일 때 $y = 16$ 이므로 대입하면

$$16 = \square \times 12, \quad \square = 1\frac{1}{3} \text{입니다.}$$

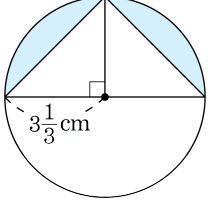
$$y = 1\frac{1}{3} \times x \text{ 이므로}$$

$x = k, y = 2$ 를 대입하면

$$2 = 1\frac{1}{3} \times k$$

$$k = 1\frac{1}{2}$$

20. 다음 도형에서 색칠한 부분의 넓이를 구하십시오.



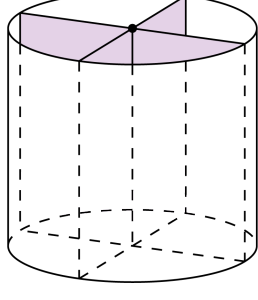
▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 6 ¹/₃ cm²

해설

$$\begin{aligned} & 3\frac{1}{3} \times 3\frac{1}{3} \times 3.14 \times \frac{1}{2} - 6\frac{2}{3} \times 3\frac{1}{3} \div 2 \\ &= \frac{10}{3} \times \frac{10}{3} \times \frac{314}{100} \times \frac{1}{2} - \frac{20}{3} \times \frac{10}{3} \times \frac{1}{2} \\ &= \frac{157}{9} - \frac{100}{9} = \frac{57}{9} = 6\frac{1}{3}(\text{cm}^2) \end{aligned}$$

21. 높이가 27 cm, 밑면의 반지름이 10 cm인 원기둥이 있고, 이 안에 4등분하도록 칸막이를 넣었습니다. 각 칸에 물의 높이가 12 cm, 14 cm, 23 cm, 25 cm가 되도록 물을 넣은 후, 칸막이를 치우면 물의 높이가 얼마가 되는지 원기둥의 두께와 칸막이의 두께를 무시하고 구하시오.



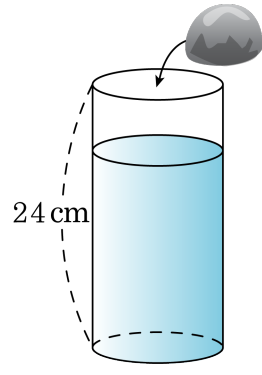
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 18.5 cm

해설

(4등분된 1개의 밑넓이)
 $= 10 \times 10 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = 78.5 \text{ (cm}^2\text{)}$
(채워진 물의 양)
 $= 78.5 \times (12 + 14 + 23 + 25) = 5809 \text{ (cm}^3\text{)}$
(칸막이 치운 후 물의 높이)
 $= 5809 \div (10 \times 10 \times 3.14)$
 $= 5809 \div 314 = 18.5 \text{ (cm)}$

22. 밑면의 반지름이 8 cm 인 원기둥 모양의 그릇에 물이 $\frac{2}{3}$ 만큼 들어 있습니다. 여기에 부피가 401.92 cm^3 인 돌을 넣으면 물의 높이는 몇 cm 가 되는지 구하시오.



▶ 답:

cm

▶ 정답 : 18cm

해설

(그릇에 담긴 물의 높이)

$$= 24 \times \frac{2}{3} = 16(\text{cm})$$

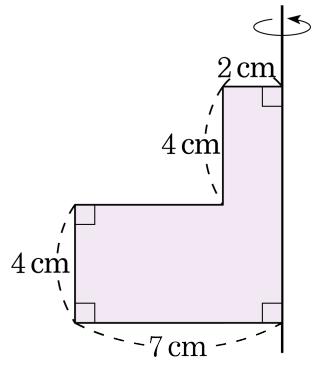
3
(늘어난 물의 높이)

$$= 401.92 \div (8 \times 8 \times 3.14) = 2(\text{cm})$$

따라서 돌을 넣으면 물의 높이는

 $16 + 2 = 18(\text{cm})$ 가 됩니다.

23. 다음 평면도형을 1 회전 하여 얻어지는 입체도형의 겉넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 533.8cm^2

해설

밑넓이를 구하여 두 배 한 값에 위의 작은 원기둥의 옆넓이와 아래 큰 원기둥의 옆넓이를 구한 후 더합니다.
 $(7 \times 7 \times 3.14 \times 2) + (4 \times 3.14 \times 4 + 14 \times 3.14 \times 4)$
 $= 307.72 + 226.08 = 533.8(\text{cm}^2)$

24. 세 공 ㉠, ㉡, ㉢를 똑바로 떨어뜨리면 공 ㉠은 처음 높이의 $\frac{3}{5}$ 만큼 튀어오르고, 공 ㉡는 처음 높이의 0.4 배만큼 튀어오르며, 공 ㉢는 처음 높이의 0.5 배만큼 튀어오릅니다. 세 공 ㉠, ㉡, ㉢를 같은 높이에서 동시에 떨어뜨렸을 때, 두 공 ㉠과 ㉡가 둘째 번으로 튀어오른 높이의 차는 $3\frac{1}{5}$ m입니다. 공 ㉢가 셋째 번으로 튀어오른 높이를 구하시오.

- ① $\frac{32}{35}$ m

② $1\frac{7}{25}$ m

③ 2 m
- ④ $2\frac{14}{25}$ m

⑤ 3 m

해설

처음 떨어뜨린 높이를 $\square$ 라 하면
공 ㉠는 처음에 $\frac{3}{5} \times \square$ 만큼 튀어오르고,
두 번째는 $\frac{3}{5} \times \square \times \frac{3}{5} = \frac{9}{25} \times \square$ 만큼 튀어오릅니다.
공 ㉡는 $0.4 = \frac{2}{5}$ 이므로 두 번째는
 $\frac{2}{5} \times \frac{2}{5} \times \square = \frac{4}{25} \times \square$ 만큼 튀어오르고,
튀어오른 높이의 차이는
 $\frac{9}{25} \times \square - \frac{4}{25} \times \square = \frac{1}{5} \times \square = 3\frac{1}{5}$ 이 됩니다.
따라서 처음 떨어뜨린 높이는
 $\square = 3\frac{1}{5} \div \frac{1}{5} = \frac{16}{5} \times 5 = 16(\text{m})$ 입니다.
㉢공이 셋째 번으로 튀어오른 높이는
 $16 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = 2(\text{m})$ 가 됩니다.

25. 세로가 0.8 cm 이고 넓이가 $1\frac{1}{5}$ cm² 인 직사각형이 있습니다. 이 직사각형과 둘레의 길이가 같은 직사각형 중 넓이가 가장 큰 것의 넓이는 몇 cm² 입니까?

- ① $1\frac{9}{100}$ cm²
- ② $1\frac{9}{20}$ cm²
- ③ $1\frac{9}{40}$ cm²
- ④ $1\frac{126}{400}$ cm²
- ⑤ $1\frac{129}{400}$ cm²

해설

직사각형의 가로 : $1\frac{1}{5} \div 0.8 = 1.5$ (cm)

둘레의 길이가 일정할 때, 넓이가 가장 큰 직사각형은 네 변의 길이가 모두 같은 정사각형입니다.

정사각형의 한 변의 길이 : $(0.8 + 1.5) \div 2 = 1\frac{3}{20}$ (cm)

정사각형의 넓이 $1\frac{3}{20} \times 1\frac{3}{20} = 1\frac{129}{400}$ (cm²)