

1. 다항식  $5xy - yx^2 + 2x^3 + 2yz^2$ 에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ①  $x$ 의 계수는  $5y$ 이다.
- ②  $x^2$ 의 계수는  $-y$ 이다.
- ③  $x$ 에 대한 3차식이다.
- ④  $x$ 에 대한 상수항은  $2yz^2$ 이다.
- ⑤  $y, z$ 에 대한 2차식이다.

해설

$y, z$ 에 대한 3차식이다.

2.  $(-1)^n + (-1)^{n+1}$ 의 값은? ( $n$ 은 자연수)

- ① 0      ② -1      ③ 1      ④ -2      ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned} n = 2k : (-1)^n + (-1)^{n+1} \\ &= (-1)^{2k} + (-1)^{2k+1} \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} n = 2k - 1 : (-1)^n + (-1)^{n+1} \\ &= (-1)^{2k-1} + (-1)^{2k} \\ &= 0 \end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned} n = \text{홀수일 때}, n+1 = \text{짝수}, \\ (-1)^n + (-1)^{n+1} = -1 + 1 = 0 \\ n = \text{짝수일 때}, n+1 = \text{홀수}, \\ (-1)^n + (-1)^{n+1} = 1 + (-1) = 0 \end{aligned}$$

3.  $x^2y(-xy)^3$  을 간단히 하면?

- ①  $-x^4y^5$     ②  $xy^5$     ③  $-x^5y^4$     ④  $-xy^5$     ⑤  $x^2y^5$

해설

$$x^2y(-xy)^3 = x^2y(-x^3y^3) = -x^5y^4$$

4. 다음 식을 계산했을 때, 몫은?

$$(4x^4 - 5x^3 + 3x^2 - 4x + 1) \div (x^2 - x + 1)$$

- ①  $4x^2 - 3x + 2$       ②  $4x^2 - x - 2$       ③  $4x^2 - 2x + 1$

- ④  $-4x^2 - x - 2$       ⑤  $-4x^2 + x - 2$

해설

$\therefore$  몫 :  $4x^2 - x - 2$ , 나머지 :  $-5x + 3$

5. 다음 중 다항식의 사칙연산이 잘못된 것은?

- Ⓐ  $(4x - 2) + (7 - 2x) = 2x - 5$
- Ⓑ  $(x^2 + 2y^2) - 2(y^2 - 3x^2) = 7x^2$
- Ⓒ  $(x + y)^3 = x^3 + 3x^2y + 3xy^2 + y^3$
- Ⓓ  $(x + y + z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2yz + 2zx$
- Ⓔ  $(x^3 + 1) \div (x + 1) = x^2 - x + 1$

해설

Ⓐ  $(4x - 2) + (7 - 2x) = 2x + 5$

6.  $(x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(x^2 + 2x - 5)$  를 전개한 식에서  $x^2$  의 계수를 구하면?

- ① 10      ② 15      ③ 19      ④ 21      ⑤ 25

해설

전개식에서  $x^2$  항은

i ) (이차항)  $\times$  (삼차항) 에서  $15x^2 + 4x^2 = 19x^2$

ii ) (일차항)  $\times$  (일차항) 에서  $6x^2$

$\therefore x^2$  의 계수는  $19 + 6 = 25$

7. 등식  $3x + 4 = a(x - 1) + b(x + 1) + 3$  이  $x$ 에 대한 항등식이 되도록 상수  $a, b$ 의 값을 정하면?

- ①  $a = 1, b = 0$       ②  $a = -1, b = 2$       ③  $a = 1, b = -2$   
④  $a = 0, b = 2$       ⑤  $a = 1, b = 2$

해설

우변을 전개하여 좌변과 계수를 비교하면

$$a + b = 3, \quad -a + b + 3 = 4$$

연립하여 풀면  $a = 1, b = 2$

8. 임의의 실수  $x$ 에 대하여  $x^2 - 3x + 2 = a + bx + cx(x-1) + dx(x-1)(x-2)$  가 항상 성립할 때,  $a + b + c + d$ 의 값을 구하면? (단,  $a, b, c, d$ 는 상수)

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$x = 0$ 을 대입하면  $a = 2$

$x = 1$ 을 대입하면  $b = -2$

$x = 2$ 을 대입하면  $c = 1$

3차항은 없으므로  $d = 0$

$\therefore a + b + c + d = 1$

9. 임의의 실수  $x, y$ 에 대하여,  $(x+y)a^2 + (x-y)b = 4x + y$ 가 성립할 때,  $a^2 + b^2$ 의 값은?

①  $\frac{13}{4}$       ②  $\frac{15}{4}$       ③  $\frac{17}{4}$       ④  $\frac{19}{4}$       ⑤  $\frac{21}{4}$

해설

$$(a^2 + b)x + (a^2 - b)y = 4x + y$$

$$a^2 + b = 4 \cdots ①, a^2 - b = 1 \cdots ②$$

$$\text{①, ②에서 } a^2 = \frac{5}{2}, b = \frac{3}{2}$$

$$\therefore a^2 + b^2 = \frac{19}{4}$$

10.  $(x+1)^5 = a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + a_4x^4 + a_5x^5$  이  $x$ 에 대한 항등식일 때,  $a_0 + a_1 + a_2 + a_3 + a_4 + a_5$ 의 값을 구하면?

① 8      ② 16      ③ 32      ④ 64      ⑤ 128

해설

양변에  $x = 1$ 을 대입하면,  
 $(1+1)^5 = a_0 + a_1 + \dots + a_5$  이므로  
 $\therefore 2^5 = 32$

11. 다항식  $f(x) = x^3 - 2x^2 + 3x - 4$ 를 일차식  $x + 1$ 로 나누었을 때의 나머지를 구하면?

- ① -10      ② 10      ③ -4      ④ 4      ⑤ 0

해설

$f(x) = (x + 1)Q(x) + R$ 이라고 놓으면

$$f(-1) = R$$

$$\therefore f(-1) = -1 - 2 - 3 - 4 = -10$$

따라서  $R = -10$

12.  $x$ 에 대한 다항식  $x^3 - 2x^2 - px + 2$  가  $x - 2$ 로 나누어떨어지도록 상수  $p$ 의 값을 정하면?

① 1      ② -1      ③ 2      ④ -2      ⑤ 3

해설

$x^3 - 2x^2 - px + 2 = f(x)$ 로 놓으면  $f(x) \nmid x - 2$ 로 나누어떨어

지려면

$f(2) = 0$  이므로,

$$f(2) = 8 - 8 - 2p + 2 = 0$$

$$\therefore p = 1$$

13. 다항식  $ax + ay - bx - by$ 를 인수분해 하면?

- ①  $x(a - b)$       ②  $(a - b)(x - y)$       ③  $(a + b)(x - y)$   
④  $(a - b)(x + y)$       ⑤  $(a + b)(x + y)$

해설

$$\begin{aligned} ax + ay - bx - by &= a(x + y) - b(x + y) \\ &= (a - b)(x + y) \end{aligned}$$

14. 다음은 조립제법을 이용하여 다항식  $x^3 - 2x^2 + 5x - 3$ 을  $x - 1$ 로 나누었을 때의 몫과 나머지를 구한 것이다. 몫과 나머지가 바르게 연결된 것은?

- ① 몫:  $x - 1$ , 나머지: 1
- ② 몫:  $x - 1$ , 나머지: 4
- ③ 몫:  $x^2 - x - 4$ , 나머지: 1
- ④ 몫:  $x^2 - x + 4$ , 나머지: 1
- ⑤ 몫:  $x^2 - x + 4$ , 나머지:  $x - 1$

해설

조립제법을 이용하면

$$\begin{array}{c|cccc} 1 & 1 & -2 & 5 & -3 \\ & & 1 & -1 & 4 \\ \hline & 1 & -1 & 4 & \boxed{1} \end{array}$$

$$\therefore x^3 - 2x^2 + 5x - 3 = (x - 1)(x^2 - x + 4) + 1$$

따라서 몫은  $x^2 - x + 4$ , 나머지는 1

15.  $(125^2 - 75^2) \div [5 + (30 - 50) \div (-4)]$ 의 값은?

- ① 75      ② 125      ③ 900      ④ 1000      ⑤ 1225

해설

$$\begin{aligned}125^2 - 75^2 &= (125 + 75)(125 - 75) \\&= 200 \times 50 = 10000\end{aligned}$$

$$5 + (30 - 50) \div (-4) = 5 + -\frac{20}{-4} = 10$$

$$(\text{준 쪽}) = 10000 \div 10 = 1000$$

16. 다항식  $f(x)$ 를  $2x^2 + 3x + 2$ 로 나누었더니 몫이  $3x - 4$ 이고, 나머지가  $2x + 5$ 이었다. 이 때,  $f(1)$ 의 값은?

- ① -1      ② 0      ③ 1      ④ 3      ⑤ 5

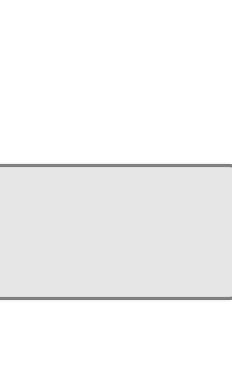
해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\&= 6x^3 + 9x^2 + 6x - 8x^2 - 12x - 8 + 2x + 5 \\&= 6x^3 + x^2 - 4x - 3 \\∴ f(1) &= 6 + 1 - 4 - 3 = 0\end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\f(1) &= (2 + 3 + 2)(3 - 4) + (2 + 5) = -7 + 7 = 0\end{aligned}$$

17. 다음 그림은 한변의 길이가  $x$ 인 정사각형을 대각선을 따라 자른 후 직각이등변삼각형 2개를 떼어낸 도형이다. 이때, 색칠한 부분의 넓이를  $x, y$ 에 관한 식으로 나타내어라.

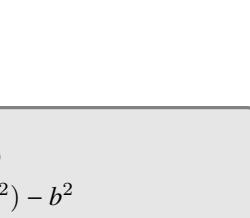


- ①  $xy - y^2$       ②  $x^2 - y^2$       ③  $x^2 - y$   
④  $\frac{xy - y^2}{2}$       ⑤  $\frac{x - y}{2}$

해설

$$x^2 - 2 \times \frac{1}{2} \times y \times y = x^2 - y^2$$

18. 다음 그림의 사각형 AGHE, 사각형 EFCD는 정사각형이고,  $\overline{AD} = a$ ,  $\overline{AB} = b$  일 때, 사각형 GBFH의 넓이는?



- ①  $a^2 - 2ab - b^2$       ②  $a^2 + 3b^2 - 2ab$   
③  $-a^2 + 3ab - 2b^2$       ④  $-a^2 + 3ab - b^2$   
⑤  $-a^2 + 2ab - b^2$

해설

$$\begin{aligned}\square \text{GBFH} &= \square \text{ABCD} - \square \text{AGHE} - \square \text{EFCD} \\ &= ab - (a-b)^2 - b^2 = ab - (a^2 - 2ab + b^2) - b^2 \\ &= -a^2 + 3ab - 2b^2\end{aligned}$$

19. 다음 중 다항식의 전개가 잘못된 것은?

①  $(x+1)(x^2-x+1) = x^3 + 1$

②  $(a+2b-3c)^2 = a^2 + 4b^2 + 9c^2 + 4ab - 12bc - 6ac$

③  $(x+2)(x^2-2x+4) = x^3 + 8$

④  $(x^2-xy+y^2)(x^2+xy+y^2) = x^4 - x^2y^2 + y^4$

⑤  $(x-1)^2(x+1)^2 = x^4 - 2x^2 + 1$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{4} \quad & (x^2-xy+y^2)(x^2+xy+y^2) \\ &= (x^2+y^2)^2 - (xy)^2 \\ &= x^4 + x^2y^2 + y^4 \end{aligned}$$

20.  $(a+b-c)(a-b+c)$ 를 전개하면?

- ①  $a^2 + b^2 - c^2 - 2bc$       ②  $a^2 - b^2 + c^2 - 2bc$   
③  $a^2 + b^2 - c^2 + 2ab$       ④  $\textcircled{4} a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$   
⑤  $a^2 - b^2 - c^2 - 2ab$

해설

$$\begin{aligned}(a+b-c)(a-b+c) \\ &= \textcolor{red}{(a+(b-c))(a-(b-c))} \\ &= a^2 - (b-c)^2 \\ &= a^2 - b^2 - c^2 + 2bc\end{aligned}$$

21.  $(x+y)^n$ 을 전개할 때 항의 개수는  $n+1$ 개이다. 다항식  $(2a-3b)^3(2a+3b)^3$ 을 전개할 때, 항의 개수를 구하면 ?

- ① 7개      ② 8개      ③ 12개      ④ 13개      ⑤ 64개

해설

$$\begin{aligned} & (2a - 3b)^3(2a + 3b)^3)^4 \\ &= ((4a^2 - 9b^2)^3)^4 \\ &= (4a^2 - 9b^2)^{12} \\ \therefore & (4a^2 - 9b^2)^{12} \text{의 항의 개수는 } 13 \text{개이다.} \end{aligned}$$

22.  $a^2 + b^2 + c^2 = 9$ ,  $ab + bc + ca = 9$ ,  $a + b + c$ 의 값은?

- ①  $-3\sqrt{2}$       ②  $-2\sqrt{3}$       ③  $\pm 3\sqrt{3}$   
④  $\pm 3\sqrt{2}$       ⑤  $\sqrt{6}$

해설

$$\begin{aligned}(a+b+c)^2 &= a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \\&= 9 + 18 = 27\end{aligned}$$

$$\therefore a+b+c = \pm 3\sqrt{3}$$

23. 등식  $2x^2 - 3x - 2 = a(x-1)(x-2) + bx(x-2) + cx(x-1)$  가  $x$  값에  
관계없이 항상 성립할 때, 상수  $a+b+c$ 의 값은?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

양변에  $x = 0$ 을 대입하면

$$-2 = 2a \quad \therefore a = -1$$

양변에  $x = 1$ 을 대입하면

$$-3 = -b \quad \therefore b = 3$$

양변에  $x = 2$ 를 대입하면

$$0 = 2c \quad \therefore c = 0$$

$$\therefore a + b + c = 2$$

24.  $2x^2 - 3x - 2 = a(x - 1)(x + 2) + bx(x + 2) + cx(x - 1)$   $\circ|$   $x$ 에 대한  
항등식이 되도록  $a, b, c$ 의 값을 정하면?

- ①  $a = 1, b = -1, c = 2$       ②  $a = -1, b = 1, c = -2$   
③  $a = 1, b = 1, c = 2$       ④  $a = -1, b = -1, c = -2$   
⑤  $a = 1, b = -1, c = -2$

해설

수치대입법을 이용한다.  
 $x = 0$ 을 대입  $-2 = -2a \quad \therefore a = 1$   
 $x = 1$ 을 대입  $-3 = 3b \quad \therefore b = -1$   
 $x = -2$ 를 대입  $12 = 6c \quad \therefore c = 2$

25. 임의의  $x$ 에 대하여  $x^3 - 1 = a(x+1)^3 + b(x+1)^2 + c(x+1) + d$  를 만족하는 상수  $a, b, c, d$  의 합  $a+b+c+d$  의 값은?

① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

양변에  $x=0$  을 대입 하면

$$-1 = a + b + c + d$$

$$\therefore a + b + c + d = -1$$

해설

$$x^3 - 1 = a(x+1)^3 + b(x+1)^2 + c(x+1) + d$$

$$= (x+1)(a(x+1)^2 + b(x+1) + c) + d$$

=  $(x+1)[(x+1)(a(x+1) + b) + c] + d$  이므로

$x^3 - 1$  을  $x+1$  로 연속으로 나눌 때

차례대로 나오는 나머지가  $d, c, b$  가 되고 마지막 몫이  $a$  이다.

$$\begin{array}{r|rrrr} -1 & 1 & 0 & 0 & -1 \\ & & -1 & 1 & -1 \\ \hline -1 & 1 & -1 & 1 & \boxed{-2} \\ & & -1 & 2 & \\ \hline -1 & 1 & -2 & \boxed{3} & \leftarrow c \\ & & & -1 & \\ \hline & 1 & \boxed{-3} & \leftarrow b \\ & \uparrow & & \\ & a & & \end{array}$$

26. 등식  $2x^2 - 3x - 2 = a(x-1)(x-2) + bx(x-2) + cx(x-1)$   $\diamond | x$ 에 관한 항등식이 되도록 할 때,  $2ab$ 의 값은?

① -6      ② -4      ③ -2      ④ 2      ⑤ 4

해설

양변에  $x = 0$ 을 대입하면,  $-2 = 2a \quad \therefore a = -1$

양변에  $x = 1$ 을 대입하면,  $-3 = -b \quad \therefore b = 3$

$\therefore 2ab = -6$

27.  $a, b$ 는 정수이고,  $ax^3 + bx^2 + 1 \mid x^2 - x - 1$ 로 나누어 떨어질 때,  $b$ 의 값은?

① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

전개했을 때 양변의 최고차항과 상수항이 같아야 하므로

$$\begin{aligned} ax^3 + bx^2 + 1 \\ = (x^2 - x - 1)(ax - 1) \\ = ax^3 - (1 + a)x^2 + (1 - a)x + 1 \\ \text{양변의 계수를 비교하면} \\ -(1 + a) = b, 1 - a = 0 \\ \therefore a = 1, b = -2 \end{aligned}$$

28. 다항식  $f(x)$ 를  $(x+3)(x-6)$ 으로 나누었을 때의 나머지가  $x-2$ 이었다.  
 $f(x)$ 를  $(x+3)$ 으로 나누었을 때의 나머지를 구하면?

- ① -5      ② -4      ③ -3      ④ -2      ⑤ -1

해설

$$f(x) = (x+3)(x-6)Q(x) + x-2 \text{ } \square \text{므로}$$

$$f(-3) = -5$$

29. 다항식  $8x^3 - 1$  을  $4x^2 + 2x + 1$  로 나누었을 때의 몫을  $Q(x)$  라 할 때  $Q(x)$  의 상수항의 계수는?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$8x^3 - 1 = (2x)^3 - 1^3 = (2x - 1)(4x^2 + 2x + 1)$$

$$\therefore Q(x) = 2x - 1$$

$\therefore$  상수항은 -1

30.  $x^2 + y^2 + 2xy - x - y$  을 인수분해 하면?

- ①  $(x - y)(x + y + 1)$   
②  $(x + y)(x - y - 1)$   
③  $(x - y)(x - y - 1)$   
④  $(x + y)(x + y - 1)$   
⑤  $(x + y)(x + y + 1)$

해설

$$\begin{aligned} & x^2 + y^2 + 2xy - x - y \\ &= (x + y)^2 - (x + y) = (x + y)(x + y - 1) \end{aligned}$$

31.  $(x^2 + x)(x^2 + x + 1) - 6$  을 인수분해하면?

- Ⓐ  $(x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 3)$  Ⓑ  $(x - 1)(x + 2)(x^2 + x - 3)$   
Ⓒ  $(x - 2)(x + 1)(x^2 + x + 3)$  Ⓛ  $(x - 1)(x + 2)(x^2 - x + 3)$   
Ⓓ  $(x + 1)(x - 2)(x^2 - x + 3)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + x &= X \text{ 라 하자.} \\(준식) &= X(X + 1) - 6 \\&= X^2 + X - 6 \\&= (X + 3)(X - 2) \\&= (x^2 + x + 3)(x^2 + x - 2) \\&= (x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 3)\end{aligned}$$

32. 다음 중 다항식  $x^4 - 5x^2 + 4$ 를 인수분해 할 때, 나타나는 인수가 아닌 것은?

- ①  $x - 1$     ②  $x - 2$     ③  $x - 3$     ④  $x + 1$     ⑤  $x + 2$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 5x^2 + 4 &= (x^2 - 1)(x^2 - 4) \\&= (x + 1)(x - 1)(x + 2)(x - 2)\end{aligned}$$

33.  $x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b$  이차식의 완전제곱식이 될 때, 상수  $a, b$ 의 값은?

- ①  $a = 12, b = 9$   
②  $a = -12, b = 9$   
③  $a = 12, b = -9$   
④  $a = -12, b = -9$

- ⑤  $a = 9, b = 12$

해설

$x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b = (x^2 + px + q)^2$  으로 놓으면  
이 식의 우변은

$$x^4 + 2x^2(px + q) + (px + q)^2 \\ = x^4 + 2px^3 + (p^2 + 2q)x^2 + 2pqx + q^2$$

좌변과 계수를 비교하면

$$2p = 4, p^2 + 2q = -2$$

$$p = 2, q = -3$$
에서

$$a = 2pq = -12, b = q^2 = 9$$

34. 다음 중 식의 전개가 바르지 않은 것을 고르면?

- ①  $(1-x)(1+x+x^2) = 1-x^3$   
②  $(x^2+xy+y^2)(x^2-xy+y^2) = x^4+x^2y^2+y^4$   
③  $(x-3)(x-2)(x+1)(x+2) = x^4-8x^2+12$   
④  $(a-b)(a+b)(a^2+b^2)(a^4+b^4) = a^8-b^8$   
⑤  $(a+b-c)(a-b+c) = a^2-b^2-c^2+2bc$

해설

$$\begin{aligned}(x-3)(x-2)(x+1)(x+2) \\&= (x^2-x-6)(x^2-x-2) \\x^2-x &= Y \text{ 라 놓자.} \\(Y-6)(Y-2) &= Y^2-8Y+12 \\&= (x^2-x)^2-8(x^2-x)+12 \\&= x^4-2x^3-7x^2+8x+12\end{aligned}$$

35. 모든 모서리의 합이 36, 넓이가 56인 직육면체의 대각선의 길이는?

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

직육면체의 가로, 세로, 높이를 각각  $a, b, c$ 라 하자.

$$4(a + b + c) = 36, \quad 2(ab + bc + ca) = 56$$

$$(a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca)$$

$$a^2 + b^2 + c^2 = 81 - 56 = 25$$

$$\therefore (\text{대각선의 길이}) = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$$

$$= \sqrt{25} = 5$$

### 해설

- $$x^2 - x + 1 = 0 \Leftrightarrow x \text{도 } \frac{1}{x} \text{도 } 1$$

1

37.  $k$ 의 값에 관계없이  $(2k^2 - 3k)x - (k + 2)y - (k^2 - 4)z = 28$ 의 항상 성립하도록  $x, y, z$ 의 값을 정할 때,  $3x + y + z$ 의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

주어진 식을  $k$ 에 대해 정리하면

$$(2x - z)k^2 - (3x + y)k - (2y - 4z + 28) = 0$$

$$\therefore 2x - z = 0, 3x + y = 0, 2y - 4z + 28 = 0$$

$z = 2x, y = -3x$  을  $2y - 4z + 28 = 0$ 에 대입하면

$$x = 2, y = -6, z = 4$$

$$\therefore 3x + y + z = 4$$

38.  $x$ 에 관한 정식  $f(x)$ 를  $x - 2$ 로 나누면 나머지가 5이고,  $x - 3$ 으로 나누면 나머지가 9라 한다. 이 정식을  $(x - 2)(x - 3)$ 으로 나눌 때의 나머지를 구하면?

- ①  $4x + 3$       ②  $4x + 1$       ③  $4x - 1$   
④  $4x - 3$       ⑤  $4x - 5$

해설

$f(x)$ 를  $(x - 2)(x - 3)$ 으로 나눈 몫을  $Q(x)$ , 나머지를  $ax + b$ 라 하면,

$$f(x) = (x - 2)(x - 3)Q(x) + ax + b$$

$$f(2) = 2a + b = 5 \quad \dots \dots \textcircled{\text{⑦}}$$

$$f(3) = 3a + b = 9 \quad \dots \dots \textcircled{\text{⑧}}$$

$$\textcircled{\text{⑦}}, \textcircled{\text{⑧}}\text{에서 } a = 4, b = -3$$

$$\therefore \text{나머지는 } 4x - 3$$

39.  $x$ 에 대한 다항식  $x^3 + ax^2 - x + b$ 를  $x - 3$ 로 나누었을 때 몫과 나머지를 다음과 같은 조립제법으로 구하려고 한다.  $a + b + c + d + k$ 의 값을 구하면?

$$\begin{array}{c|cccc} k & 1 & a & -1 & b \\ & & c & d & 33 \\ \hline 1 & 1 & 4 & 11 & 37 \end{array}$$

- ① 19      ② 20      ③ 21      ④ 22      ⑤ 23

해설

다항식  $x^3 + ax^2 - x + b$ 를  $x - 3$ 로 나누었을 때의 몫과 나머지를 조립제법을 이용하여 구하면 다음과 같다.

$$\begin{array}{c|cccc} 3 & 1 & a & -1 & b \\ & & 3 & 3a + 9 & 9a + 24 \\ \hline 1 & a + 3 & 3a + 8 & 9a + b + 24 \end{array}$$

○|때  $k = 3$ ,  $c = 3$ ,  $a + 3 = 4$ ,  $3a + 9 = d$ ,  $9a + b + 24 = 37$   
○|므로

$k = 3$ ,  $c = 3$ ,  $a = 1$ ,  $d = 12$ ,  $b = 4$

따라서  $a + b + c + d + k = 1 + 4 + 3 + 12 + 3 = 23$

40.  $n^4 - 6n^2 + 25$ 의 값이 소수가 되게 하는 정수  $n$ 의 개수는?

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 4 개  
④ 없다      ⑤ 무수히 많다

해설

$$\begin{aligned} p &= n^4 - 6n^2 + 25 \\ &= n^4 + 10n^2 + 25 - 16n^2 \\ &= (n^2 + 5)^2 - (4n)^2 \\ &= (n^2 + 4n + 5)(n^2 - 4n + 5) \end{aligned}$$

$p$ 가 소수이므로  $n^2 + 4n + 5 = 1$   
또는  $n^2 - 4n + 5 = 1$ 어야 한다.

$$\begin{aligned} n^2 + 4n + 4 &= (n + 2)^2 = 0 \text{에서 } n = -2 \\ n^2 - 4n + 4 &= (n - 2)^2 = 0 \text{에서 } n = 2 \end{aligned}$$

따라서 구하는  $n$ 은 두 개이다.

41. 다항식  $2x^2 + xy + 5x - y^2 + 2y + 3$  가  $(2x + ay + b)(x + cy + d)$ 로  
인수분해 될 때,  $a, b, c, d$ 의 값을 차례로 적은 것은?

- ① 1, 3, 1, 1      ② 1, 3, -1, 1      ③ -1, 3, 1, 1  
④ -1, 3, -1, 1      ⑤ -1, -3, 1, 1

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 2x^2 + (y+5)x - (y^2 - 2y - 3) \\&= \{2x - (y-3)\}\{x + (y+1)\} \\&= (2x-y+3)(x+y+1) \\&\therefore a = -1, b = 3, c = 1, d = 1\end{aligned}$$

42.  $ab(a-b) + bc(b-c) + ca(c-a)$  을 인수분해하면?

- ①  $-(a-b)(b-c)(c-a)$       ②  $-(a+b+c)(a-b-c)$   
③  $-(a+b)(b+c)(c+a)$       ④  $(a+b)(b+c)(c+a)$   
⑤  $(a-b)(b-c)(c-a)$

해설

전개하여  $a$ 에 대한 내림차순으로 정리한 후, 인수분해 한다.

$$\begin{aligned} ab(a-b) + bc(b-c) + ca(c-a) \\ &= (b-c)a^2 - (b^2 - c^2)a + bc(b-c) \\ &= (b-c)a^2 - (b+c)(b-c)a + bc(b-c) \\ &= (b-c)(a^2 - (b+c)a + bc) \\ &= (b-c)(a-b)(a-c) \\ &= -(a-b)(b-c)(c-a) \end{aligned}$$

43. 임의의 실수  $a, b$ 에 대하여 연산  $\Delta$ 를  $a\Delta b = a^2 - ab + b^2$  라 할 때,  
 $(x^2\Delta x) + (2x\Delta x) - (x\Delta 1) - 3$  을 인수분해하면?

- ①  $(x-1)(x+1)(x^2-x+4)$       ②  $(x-2)(x+1)(x^2-x+4)$   
③  $(x-1)(x+2)(x^2-x+2)$       ④  $(x-1)(x+1)(x+2)^2$   
⑤  $(x-2)(x+1)(x+2)^2$

해설

$$\begin{aligned}x^2\Delta x &= x^4 - x^3 + x^2 \\2x\Delta x &= 4x^2 - 2x^2 + x^2 = 3x^2 \\x\Delta 1 &= x^2 - x + 1 \text{ 이므로} \\\underline{\text{준 식}} &= x^4 - x^3 + x^2 + 3x^2 - x^2 + x - 1 - 3 \\&= x^4 - x^3 + 3x^2 + x - 4 \\&= (x-1)(x+1)(x^2-x+4)\end{aligned}$$

44. 삼각형의 세 변의 길이  $a$ ,  $b$ ,  $c$ 에 대하여  $(a+b-c)(a-b+c) = b(b+2c)+(c+a)(c-a)$ 가 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

- ① 직각삼각형      ② 이등변삼각형      ③ 정삼각형  
④ 예각삼각형      ⑤ 둔각삼각형

해설

$$(a+b-c)(a-b+c) = b(b+2c)+(c+a)(c-a) \text{에서}$$

$$\{a+(b-c)\} \{a-(b-c)\} = b^2 + 2bc + c^2 - a^2$$

$$a^2 - (b-c)^2 = -a^2 + b^2 + c^2 + 2bc$$

$$2a^2 = 2b^2 + 2c^2$$

$$\therefore a^2 = b^2 + c^2$$

따라서, 이 삼각형은 빗변의 길이가  $a$ 인 직각삼각형이다.

45.  $x - 1$ 로 나누면 나머지가 3,  $x - 2$ 로 나누면 나머지가 7,  $x - 3$ 으로 나누면 나머지가 13이 되는 가장 낮은 차수의 다항식을  $f(x)$ 라 할 때,  $f(-3)$ 의 값은?

① 7      ② 10      ③ 11      ④ 12      ⑤ 13

해설

$$f(x) = k(x - 1)(x - 2)(x - 3) + ax^2 + bx + c$$

$$f(1) = a + b + c = 3 \quad \dots \dots \textcircled{1}$$

$$f(2) = 4a + 2b + c = 7 \quad \dots \dots \textcircled{2}$$

$$f(3) = 9a + 3b + c = 13 \quad \dots \dots \textcircled{3}$$

①, ②, ③을 연립하여 풀면

$$a = 1, b = 1, c = 1$$

$f(x)$  가 가장 낮은 차수가 되려면  $k = 0$

$$\therefore f(x) = x^2 + x + 1,$$

$$f(-3) = (-3)^2 + (-3) + 1 = 7$$

46. 다항식  $x^5 + 30$ 을  $x + 1$ 로 나누었을 때의 몫을  $Q(x)$ 라 하자. 이때,  $Q(x)$ 를  $x - 1$ 로 나눈 나머지를 구하면?

- ① -4      ② -3      ③ -2      ④ -1      ⑤ 0

해설

$$x^5 + 30 = (x + 1)Q(x) + R \text{ 이라 하면}$$

$$x = -1 \text{ 을 대입하면 } R = 31$$

$$x^5 + 30 = (x + 1)Q(x) + 31$$

$Q(x)$ 를  $x - 1$ 로 나눈 나머지는

$Q(1)$ ,  $x = 1$  식에 대입

$$31 = 2Q(1) + 31$$

$$\therefore Q(1) = 0$$

47.  $x$ 에 관한 다항식  $f(x)$ 를  $x^2 - 4$ 로 나눈 나머지는  $2x + 1$ 이고,  $g(x)$ 를  $x^2 - 5x + 6$ 으로 나눈 나머지는  $x - 4$ 이다. 이 때,  $(x+2)f(x) + 3g(x+1)$  을  $x - 2$ 로 나눈 나머지를 구하면?

① 7      ② 9      ③ 13      ④ 17      ⑤ 23

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (x^2 - 4)p(x) + 2x + 1 \quad | f(2) = 5 \\g(x) &= (x^2 - 5x + 6)q(x) + x - 4 \quad | g(3) = -1 \\h(x) &= (x+2)f(x) + 3g(x+1) \text{이라 놓으면,} \\h(x) &\text{를 } x - 2 \text{로 나눈 나머지는} \\h(2) &= 4f(2) + 3g(3) = 17\end{aligned}$$

48.  $a + b + c = 0$  일 때,  $a\left(\frac{1}{b} + \frac{1}{c}\right) + b\left(\frac{1}{c} + \frac{1}{a}\right) + c\left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b}\right)$  의 값을

구하면?

- ① -3      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 3

해설

$a + b + c = 0$  일 때  $a^3 + b^3 + c^3 = 3abc$ 이다.

$$\begin{aligned} (준식) &= \frac{a(b+c)}{bc} + \frac{b(a+c)}{ac} + \frac{c(a+b)}{ab} \\ &= \frac{a^2(-a) + b^2(-b) + c^2(-c)}{abc} \\ &= \frac{-(a^3 + b^3 + c^3)}{abc} \\ &= \frac{-3abc}{abc} = -3 \end{aligned}$$

해설

$$a\left(\frac{1}{b} + \frac{1}{c}\right) + b\left(\frac{1}{c} + \frac{1}{a}\right) + c\left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b}\right)$$

$$= \left(\frac{a}{b} + \frac{c}{b}\right) + \left(\frac{b}{c} + \frac{a}{c}\right) + \left(\frac{b}{a} + \frac{c}{a}\right)$$

$$= \frac{a+c}{b} + \frac{b+a}{c} + \frac{b+c}{a}$$

$$= \frac{-b}{b} + \frac{-c}{c} + \frac{-a}{a} \quad (\because a + b + c = 0)$$

$$= -3$$

49. 삼각형의 세변의 길이를  $x, y, z$  라 할 때, 이들 사이에 다음의 관계가 성립한다면 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

$$x^2yz + x^3z - xy^2z + xz^3 - y^3z + yz^3 = 0$$

- ①  $x$ 가 빗변인 직각삼각형
- ②  $y$ 가 빗변인 직각삼각형
- ③  $z$ 가 빗변인 직각삼각형
- ④  $x = y$ 인 이등변삼각형
- ⑤  $x = y, z$ 가 빗변인 직각삼각형

해설

$$\begin{aligned} & (x^2y + x^3 - xy^2 + xz^2 - y^3 + yz^2)z \\ &= \{x^2(x+y) + (x+y)z^2 - (x+y)y^2\}z \\ &= (x+y)(x^2 + z^2 - y^2)z \\ &\therefore (x+y)(x^2 + z^2 - y^2)z = 0 \\ &x^2 + z^2 - y^2 = 0 \quad (\because x, y, z \text{는 모두 양수}) \\ &\therefore x^2 + z^2 = y^2 \Rightarrow y \text{가 빗변인 직각삼각형} \end{aligned}$$

50.  $a - b = 3$ ,  $b - c = 1$  일 때,  $ab^2 - a^2b + bc^2 - b^2c + ca^2 - c^2a$  의 값은?

- ① -14      ② -12      ③ -8      ④ -4      ⑤ 0

해설

$$a - b = 3 \quad \cdots \textcircled{1}, \quad b - c = 1 \quad \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} + \textcircled{2} \Rightarrow a - c = 4$$

$$\therefore ab^2 - a^2b + bc^2 - b^2c + ca^2 - c^2a$$

$$= ab(b - a) + c^2(b - a) - c(b^2 - a^2)$$

$$= ab(b - a) + (b - a)(c^2 - c(b + a))$$

$$= (b - a)(ab + c^2 - bc - ca)$$

$$= (b - a)(a(b - c) + c(c - b))$$

$$= (b - a)(b - c)(a - c)$$

$$= (a - b)(b - c)(c - a)$$

$$= 3 \times 1 \times (-4) = -12$$