

1. 다음 다항식이 완전제곱식이 되도록 빈칸에 알맞은 수를 써넣어라.

$$x^2 + \frac{1}{2}x + \square$$

▶ 답 :

▶ 정답 :  $\frac{1}{16}$

해설

$x^2 + px + q$  일 때,  $p$  의  $\frac{1}{2}$  의 제곱은  $q$  와 같다.  $q = \left(\frac{1}{2}p\right)^2$

따라서  $\frac{1}{2}$  의 절반의 제곱은  $\frac{1}{16}$  이다.

2.  $4x^2 + Ax y + 9y^2 = (Bx + Cy)^2$  일 때, 이를 만족하는 세 자연수  $A, B, C$ 의 합을 구하면?

① 14

② 15

③ 16

④ 17

⑤ 18

해설

$$\begin{aligned}(Bx + Cy)^2 &= B^2x^2 + 2BCxy + C^2y^2 \\&= 4x^2 + Ax y + 9y^2\end{aligned}$$

$$B = 2, \quad C = 3, \quad A = 12$$

$$A + B + C = 12 + 2 + 3 = 17$$

3.  $(x+4)(x-4) - 6x = (x+a)(x+b)$  일 때,  $a, b$  의 차를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 10

해설

$$\begin{aligned}(x+4)(x-4) - 6x &= x^2 - 6x - 16 \\&= (x+2)(x-8) \\&= (x+a)(x+b)\end{aligned}$$

$a$ 와  $b$ 의 차는  $2 - (-8) = 10$  이다.

4.  $6x^2 - 17x - A$  가  $x - 3$  을 인수로 가질 때, 다른 인수를 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답:  $6x + 1$

해설

다른 인수를  $ax + b$  라 하면

$$\begin{aligned}(ax + b)(x - 3) &= ax^2 + (b - 3a)x - 3b \\ &= 6x^2 - 17x - A\end{aligned}$$
에서

$$a = 6$$

$$b - 3a = -17, b = 1$$

따라서 다른 인수는  $6x + 1$

5. 두 이차식  $x^2 - 3x - 4$  와  $2x^2 - 11x + 12$  의 공통인 인수는?

①  $x - 1$

②  $x - 4$

③  $x + 1$

④  $2x - 3$

⑤  $2x + 3$

해설

$$x^2 - 3x - 4 = (x - 4)(x + 1)$$

$$2x^2 - 11x + 12 = (2x - 3)(x - 4)$$

6.  $6x^2 + 5x - a = (2x + b)(3x + 7)$  가 성립할 때,  $a - b$  의 값은?

① -24

② -18

③ -10

④ 18

⑤ 24

해설

$$\begin{aligned}6x^2 + 5x - a &= (2x + b)(3x + 7) \\&= 6x^2 + 14x + 3bx + 7b \\&= 6x^2 + (14 + 3b)x + 7b\end{aligned}$$

$$14 + 3b = 5, 7b = -a, b = -3, a = 21$$

$$\therefore a - b = 21 - (-3) = 24$$

7.  $x$ 에 관한 이차식  $x^2 + ax + 4$ 의 한 인수가  $x + 1$  일 때,  $a$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

다른 인수를  $x + A$  라 하면,

$$\begin{aligned}(x+1)(x+A) &= x^2 + (A+1)x + A \\ &= x^2 + ax + 4\end{aligned}$$

$$A = 4$$

$$\therefore a = 1 + A = 1 + 4 = 5$$

8.  $x^3 + x^2 - 9x - 9$  를 인수분해 하였더니  
 $(x + a)(x + b)(x + c)$  가 되었다. 이때  $a + b + c$  의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}x(x^2 - 9) + (x^2 - 9) &= (x^2 - 9)(x + 1) \\&= (x + 3)(x - 3)(x + 1)\end{aligned}$$

따라서  $a = 3, b = -3, c = 1$  이므로

$a + b + c = 1$  이다.

9. 두식  $a^2b + ab - a - 1$ ,  $a^2 - ab + a - b$ 의 공통인 인수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a + 1$

해설

$$\begin{aligned}a^2b + ab - a - 1 &= ab(a + 1) - (a + 1) \\&= (a + 1)(ab - 1)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}a^2 - ab + a - b &= a(a - b) + (a - b) \\&= (a - b)(a + 1)\end{aligned}$$

10.  $y < x < 0$  일 때,  $\sqrt{x^2 - 2xy + y^2} + \sqrt{x^2 + 2xy + y^2}$  을 간단히 하면?

- ① 0
- ②  $2x - 2y$
- ③  $2x$
- ④  $2y$
- ⑤  $-2y$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{(x-y)^2} + \sqrt{(x+y)^2} &= |x-y| + |x+y| \\&= x-y - (x+y) = -2y\end{aligned}$$

11. 어떤 이차식을 지연이는  $x$  의 계수를 잘못 보고  $2(x+2)(x-9)$  로 인수 분해하였고, 동현이는 상수항을 잘못 보고  $2(x-1)(x-2)$  로 인수 분해하였다. 처음 이차식을 바르게 인수 분해한 것이  $a(x-b)(x-c)$  일 때,  $abc$  의 값은?

- ① 5      ② 12      ③ -36      ④ 36      ⑤ -18

해설

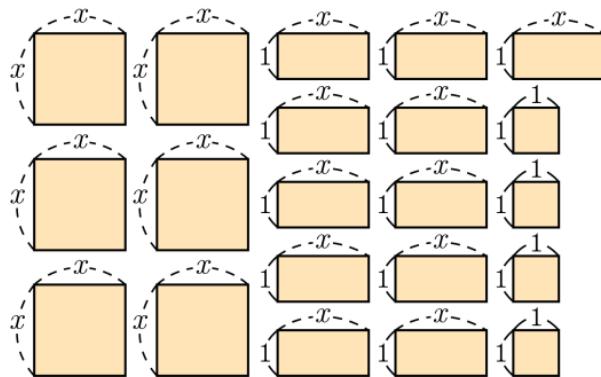
지연이는  $2x^2 - 14x - 36$ 에서 상수항 -36 을 맞게 보았고,  
동현이는  $2x^2 - 6x + 4$ 에서  $x$  의 계수 -6 을 맞게 보았다.

따라서  $2x^2 - 6x - 36 = 2(x-6)(x+3)$

$\therefore a = 2, b = 6, c = -3$

$\therefore abc = -36$

12. 다음에 주어진 도형을 이용하여 식을 세워 직사각형의 넓이로 나타내었을 때 직사각형의 가로 또는 세로의 길이가 될 수 있는 것을 모두 고르면?



①  $x + 4$

②  $2x + 1$

③  $2x + 3$

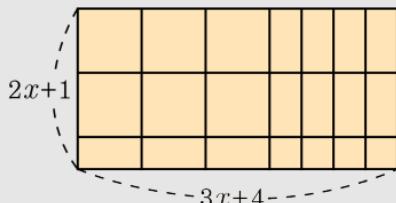
④  $3x + 2$

⑤  $3x + 4$

해설

$$6x^2 + 11x + 4 = (2x+1)(3x+$$

4) 이므로 직사각형의 가로와 세로의 길이는  $3x+4$  와  $2x+1$  이다.



13. 다음 중  $(x^2 + 4x)^2 + 3(x^2 + 4x) - 4$  를 인수분해 했을 때, 인수를 찾으면?

①  $x^2 + 4x$

②  $x - 2$

③  $(x + 2)^2$

④  $x^2 + 4x + 1$

⑤  $x^2 + 4x + 3$

해설

$x^2 + 4x = t$  로 치환하면

$$\begin{aligned}t^2 + 3t - 4 &= (t - 1)(t + 4) \\&= (x^2 + 4x - 1)(x^2 + 4x + 4) \\&= (x^2 + 4x - 1)(x + 2)^2\end{aligned}$$

## 14. 다음 식을 인수분해하면?

$$(x - 2)(x - 1)(x + 1)(x + 2) - 40$$

- ①  $(x + 3)^2(x^2 + 4)$
- ②  $(x - 3)^2(x^2 + 4)$
- ③  $(x + 3)(x - 3)(x^2 + 4)$
- ④  $(x + 3)(x - 3)(x + 2)(x - 2)$
- ⑤  $(x + 2)(x - 2)(x^2 + 3)$

해설

$$\begin{aligned}(x^2 - 4)(x^2 - 1) - 40 &= x^4 - 5x^2 - 36 \\&= (x^2 - 9)(x^2 + 4) \\&= (x + 3)(x - 3)(x^2 + 4)\end{aligned}$$

15.  $x^2 - 4xy + 4y^2 - z^2$  을 인수분해하는데 사용된 인수분해 공식을 모두 고르면? (단,  $a > 0, b > 0$ )

①  $a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$

②  $a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$

③  $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

④  $x^2 + (a + b)x + ab = (x + a)(x + b)$

⑤  $acx^2 + (ad + bc)x + bd = (ax + b)(cx + d)$

해설

$$x^2 - 4xy + 4y^2 - z^2$$

$$= (x - 2y)^2 - z^2 \Rightarrow a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$$

$$= (x - 2y + z)(x - 2y - z) \Rightarrow a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$$

16.  $x^4 - 10x^2 + 9$ 의 인수가 아닌 것은?

①  $x - 1$

②  $x + 3$

③  $x^2 - 1$

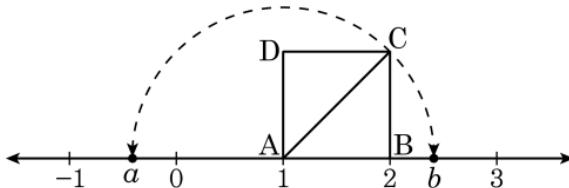
④  $x + 9$

⑤  $x^4 - 10x^2 + 9$

해설

$$(x^2 - 1)(x^2 - 9) = (x + 1)(x - 1)(x + 3)(x - 3)$$

17. 한 변의 길이가 1인 정사각형 ABCD가 있다. 이 정사각형의 대각선 AC의 길이는  $\sqrt{2}$ 이고, 점 A를 중심으로 하고 대각선 AC를 반지름으로 하는 반원을 그려 수직선과 만나는 점을 각각 P(a), Q(b)라 할 때,  $a^2 - b^2$ 의 값을 구하면?



- ①  $\sqrt{2}$       ②  $1 - \sqrt{2}$       ③  $-4\sqrt{2}$   
④  $-2\sqrt{2}$       ⑤  $-\sqrt{2}$

해설

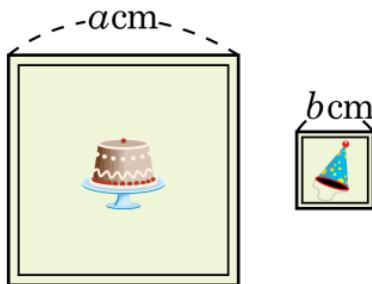
$$P(a) = 1 - \sqrt{2}$$

$$Q(b) = 1 + \sqrt{2}$$

$$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$$

$$= (1 - \sqrt{2} + 1 + \sqrt{2})(1 - \sqrt{2} - 1 - \sqrt{2}) = -4\sqrt{2}$$

18. 한 변의 길이가 각각  $a$  cm,  $b$  cm 인 정사각형 모양의 생일 카드를 만들었다. 이 두 카드의 둘레의 길이의 합이 80 cm이고 넓이의 차가  $100 \text{ cm}^2$  일 때, 두 카드의 둘레의 길이의 차를 구하면?



- ① 5 cm      ② 20 cm      ③ 40 cm      ④ 60 cm      ⑤ 80 cm

해설

$$4(a + b) = 80 \text{ 이므로 } a + b = 20$$

$$a^2 - b^2 = 100 \text{ 이므로 } (a + b)(a - b) = 100$$

$$a - b = 5$$

$$\therefore 4(a - b) = 4 \times 5 = 20$$

19.  $(x+y+4)(x-y+4) - 16x$  를 바르게 인수분해한 것은?

①  $(x-y+4)$

②  $(x+y-4)^2$

③  $(x-y-2)(x+y+8)$

④  $(x+y-4)(x-y-4)$

⑤  $(-x-y+4)(x-y+4)$

해설

$x+4 = t$  라 하면

$$(t+y)(t-y) - 16x$$

$$= t^2 - y^2 - 16x$$

$$= (x+4)^2 - 16x - y^2$$

$$= (x^2 + 8x + 16 - 16x) - y^2$$

$$= (x^2 - 8x + 16) - y^2$$

$$= (x-4)^2 - y^2$$

$$= (x+y-4)(x-y-4)$$

20.  $2(x+2)^2 + (x+2)(3x-1) - (3x-1)^2 = -(ax+b)(cx+d)$  일 때,  
 $ab+cd$ 의 값을 구하면? (단,  $a, c$ 는 양수)

① -1

② 3

③ 0

④ 2

⑤ -2

해설

$x+2 = A, 3x-1 = B$ 로 치환하면

$$2A^2 + AB - B^2 = (2A - B)(A + B)$$

$$= (2x+4 - 3x+1)(x+2 + 3x-1)$$

$$= -(x-5)(4x+1)$$

$$\therefore ab+cd = 1 \times (-5) + 4 \times 1 = -1$$

21. 다음 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

①  $ab + b - a - 1 = (a + 1)(1 - b)$

②  $2 - a - 2b + ab = (1 - b)(2 + a)$

③  $x^2 - y^2 + 2x + 2y = (x - y)(x - y + 2)$

④  $x^3 + x^2 + x + 1 = (x^2 + 1)(x + 1)$

⑤  $x(y - 1) - 2(y - 1) = (x - 2)(y - 1)$

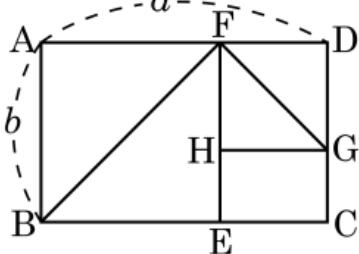
해설

①  $(a + 1)(b - 1)$

②  $(1 - b)(2 - a)$

③  $(x + y)(x - y + 2)$

22. 다음 그림에서  $\square ABEF$  와  $\square FHGD$  가 정사각형일 때, 사각형  $HECG$  의 넓이를  $a, b$ 에 관한 식으로 나타낸 후 인수분해하면  $(a - b)(ta + sb)$  이다.  $t + s$ 의 값을 구하시오.



▶ 답:

▶ 정답:  $t + s = 1$

해설

사각형  $ABFE$ ,  $EGHD$  는 정사각형이므로

$$\overline{HE} = b - (a - b) = 2b - a, \overline{EC} = a - b$$

남은 사각형의 넓이는  $(2b - a)(a - b)$  이다.

따라서  $t = -1$ ,  $s = 2$  이므로  $t + s = 1$  이다.

23. 양수  $a, b, c$ 에 대하여  $A = a + b + ab, B = b + c + bc, C = c + a + ca$ 이고,  $A + B + C = 33, A - B + C = -1, A + B - C = 11$  일 때,  $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a + b + c = 8$

해설

$$\begin{cases} A + B + C = 33 & \cdots \textcircled{\text{①}} \\ A - B + C = -1 & \cdots \textcircled{\text{②}} \\ A + B - C = 11 & \cdots \textcircled{\text{③}} \end{cases}$$

$$\textcircled{\text{①}} - \textcircled{\text{②}} \text{에서 } 2B = 34$$

$$\textcircled{\text{①}} - \textcircled{\text{③}} \text{에서 } 2C = 22$$

$$\textcircled{\text{②}} + \textcircled{\text{③}} \text{에서 } 2A = 10$$

$$\therefore A = 5, B = 17, C = 11 \text{ 이므로}$$

$$5 = a + b + ab \text{에서 } (a+1)(b+1) = 6$$

$$17 = b + c + bc \text{에서 } (b+1)(c+1) = 18$$

$$11 = c + a + ca \text{에서 } (c+1)(a+1) = 12$$

세 식을 모두 곱하면

$$\{(a+1)(b+1)(c+1)\}^2 = 6 \times 18 \times 12$$

$$\therefore (a+1)(b+1)(c+1) = 36$$

$$c+1 = 6, c = 5$$

$$a+1 = 2, a = 1$$

$$b+1 = 3, b = 2$$

$$\therefore a + b + c = 8$$

24.  $15 \times 7.6^2 - 7.4^2 \times 15$  의 값은?

① 55

② 45

③ 35

④ 15

⑤ 10

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 15 \times (7.6^2 - 7.4^2) \\&= 15 \times (7.6 + 7.4) \times (7.6 - 7.4) \\&= 15 \times 15 \times 0.2 \\&= 45\end{aligned}$$

25.  $x = \frac{1}{\sqrt{2}+1}$ ,  $y = \frac{1}{\sqrt{2}-1}$  일 때,  $x^4 - x^2 - y^4 + y^2$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $-20\sqrt{2}$

해설

$$x = \frac{1}{\sqrt{2}+1}, y = \frac{1}{\sqrt{2}-1} \text{ 에서}$$

$$x = \sqrt{2}-1, y = \sqrt{2}+1$$

$$\therefore x^4 - x^2 - y^4 + y^2$$

$$= x^4 - y^4 - (x^2 - y^2)$$

$$= (x^2 - y^2)(x^2 + y^2) - (x^2 - y^2)$$

$$= (x^2 - y^2)(x^2 + y^2 - 1)$$

$$= \left\{ (\sqrt{2}-1)^2 - (\sqrt{2}+1)^2 \right\}$$

$$\left\{ (\sqrt{2}-1)^2 + (\sqrt{2}+1)^2 - 1 \right\}$$

$$= (-4\sqrt{2}) \times 5$$

$$= -20\sqrt{2}$$