

1. 다음 중 틀린 것은?

- ① 0 이 아닌 유리수는 항상 무한소수로 나타낼 수 있다.
- ② 유한소수로 나타낼 수 없는 분수는 모두 순환소수이다.
- ③ 무한소수는 분수로 고칠 수 없다.
- ④ 유한소수는 순환소수로 나타낼 수 있다.
- ⑤ 정수가 아닌 유리수는 유한소수나 순환소수로 나타낼 수 있다.

해설

무한소수중 순환소수는 분수로 고칠 수 있다.

2. 다음 <보기>에서 유한소수가 되는 것을 모두 고르면?

보기

- | | |
|------------------|-----------------|
| ㉠ 3.65 | ㉡ 0.38888... |
| ㉢ 0.325 | ㉣ $\frac{3}{8}$ |
| ㉤ 1.010010001... | ㉥ $\frac{4}{9}$ |

- ① ㉠, ㉡ ② ㉠, ㉣ ③ ㉠, ㉣, ㉥
④ ㉠, ㉥ ⑤ ㉣, ㉥, ㉥

해설

유한소수는 소수점 아래의 0이 아닌 숫자가 유한개인 소수이므로
㉠ 3.65 ㉢ 0.325 ㉣ $\frac{3}{8}$ 이 해당된다.

3. 순환소수 $0.\dot{7}$ 에 A 를 곱하면 그 결과는 자연수가 된다고 한다. 이때, A 의 값이 될 수 없는 것은?

- ① 7 ② 9 ③ 18 ④ 90 ⑤ 99

해설

$$0.\dot{7} = \frac{7}{9}$$

따라서 A 는 9의 배수이어야 하므로 A 의 값이 될 수 없는 것은 7이다.

4. 순환소수 $1.5\bar{i}$ 에 어떤 자연수를 곱하면 그 결과가 자연수가 된다. 이를 만족하는 두 자리의 자연수를 모두 고르면?

- ① 9 ② 18 ③ 45 ④ 90 ⑤ 99

해설

$$1.5\bar{i} = \frac{151 - 15}{90} = \frac{68}{45} \text{ 이므로}$$

자연수가 되기 위해서는 45의 배수를 곱해야 한다.

따라서 이를 만족하는 두 자리의 자연수는 45, 90이다.

5. A 가 $\frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{2}{5}, \frac{3}{6}, \frac{4}{7}, \frac{7}{8}$, B 가 무한소수일 때, A 에서 B 를 제외한 수를 모두 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{4}, \frac{2}{5}, \frac{3}{6}, \frac{7}{8}$

해설

A 에서 B 를 제외한 수는 유한소수를 나타낼 수 있는 수들이다.

따라서 $\frac{1}{4}, \frac{2}{5}, \frac{3}{6}, \frac{7}{8}$ 이다.

6. 유리수는 유한소수와 (가)로 나누어진다. 다음 중 (가)에 속하는 것은 모두 몇 개인가?

㉠ $\frac{5}{12}$	㉡ -3.141592
㉢ $0.4272727\cdots$	㉣ $\frac{7}{28}$
㉤ $-\frac{5}{6}$	㉥ $-\frac{108}{2 \times 3^2}$
㉦ $\frac{350}{5}$	㉧ $\frac{10}{2 \times 5 \times 7}$
㉨ $\frac{27}{2 \times 3^2 \times 5}$	

- ① 4개 ② 5개 ③ 6개 ④ 7개 ⑤ 8개

해설

유리수는 유한소수와 순환하는 무한소수로 나누어진다.

- ㉠ 순환소수
- ㉡ 유한소수
- ㉢ 순환소수
- ㉣ 유한소수
- ㉤ 순환소수
- ㉥ 유한소수
- ㉦ 순환소수
- ㉧ 순환소수
- ㉨ 유한소수

7. $a.bcd\dot{e}f = \frac{123456}{99000}$ 일 때, 한 자리 양의 정수 a, b, c, d, e, f 의 값을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = 1$

▷ 정답: $b = 2$

▷ 정답: $c = 4$

▷ 정답: $d = 7$

▷ 정답: $e = 0$

▷ 정답: $f = 3$

해설

$\frac{123456}{99000} = 1.247\dot{0}3$ 이므로
 $a = 1, b = 2, c = 4, d = 7, e = 0, f = 3$

8. 어떤 기약분수를 소수로 나타내는데 값은 분모를 잘못 보고 풀어 0.23으로, 옳은 분자를 잘못 보고 풀어 0.67로 나타내었다. 처음의 분수를 소수로 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: 0.21

해설

$$0.2\dot{3} = \frac{23 - 2}{90} = \frac{21}{90}$$

$$0.\dot{6}7 = \frac{67}{99}$$

따라서 처음의 분수는 $\frac{21}{99} = 0.2\dot{1}$

9. $x = 0.\dot{3}$ 일 때, $1 + \frac{1}{x}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$$x = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}, 1 + \frac{1}{x} = 1 + 3 = 4$$

10. 한 자리의 자연수 a 에 대하여 두 순환소수 $0.0\dot{a}$ 와 $0.\dot{5}$ 의 합이 $\frac{3}{5}$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$$\begin{aligned}0.0\dot{a} + 0.\dot{5} &= \frac{3}{5} \\ \frac{a}{90} + \frac{5}{9} &= \frac{3}{5}, \frac{a}{90} + \frac{50}{90} = \frac{54}{90}, a + 50 = 54 \\ \therefore a &= 4\end{aligned}$$

11. $4.5\overline{6}$ 에 어떤 자연수를 곱하여 유한소수로 나타내려고 할 때, 가장 큰 한 자리 자연수를 구하여라

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

$$4.5\overline{6} = \frac{411}{90} = \frac{137}{30} = \frac{137}{2 \times 3 \times 5}$$

therefore 가장 작은 한 자리 자연수는 9

12. $\frac{5}{36}$, $\frac{13}{36}$ 을 각각 소수로 나타내면 $x - 0.3$, $y + 0.3$ 이다. $\frac{x}{y}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 17

해설

$$\frac{5}{36} = x - \frac{3}{9}$$

$$\therefore x = \frac{5}{36} + \frac{3}{9} = \frac{17}{36}$$

$$\frac{13}{36} = y + \frac{3}{9}$$

$$\therefore y = \frac{13}{36} - \frac{3}{9} = \frac{1}{36}$$

$$\frac{x}{y} = \frac{\frac{17}{36}}{\frac{1}{36}} = 17$$

13. 방정식 $0.02x \times 0.03 = 0.1$ 의 해를 구하면?

- ① 131 ② 132 ③ 133 ④ 134 ⑤ 135

해설

$$\begin{aligned}\frac{2}{90}x \times \frac{3}{90} &= \frac{1}{10} \\ \frac{2}{90}x &= \frac{1}{10} \times \frac{90}{3} \\ \therefore x &= 3 \times \frac{90}{2} = 135\end{aligned}$$

14. $0.\dot{3}4 = a \times 0.\dot{0}1$, $0.29\dot{1} = b \times 0.0\dot{0}1$, $0.63\dot{1} = c \times 0.00\dot{1}$ 일 때, $a - b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 313

해설

$$\begin{aligned} 0.\dot{3}4 &= a \times 0.\dot{0}1 & \frac{34}{99} &= a \times \frac{1}{99} \\ 0.29\dot{1} &= b \times 0.0\dot{0}1 & \frac{289}{990} &= b \times \frac{1}{990} \\ 0.63\dot{1} &= c \times 0.00\dot{1} & \frac{568}{900} &= c \times \frac{1}{900} \\ a &= 34, b = 289, c = 568 \\ a - b + c &= 313 \end{aligned}$$

15. 다음 분수를 순환소수로 나타낸 것은?

$$\frac{40 \times 99 + 131}{990}$$

- ① 4.08 $\dot{2}$ ② 4.11 $\dot{2}$ ③ 4.12 $\dot{2}$ ④ 4.13 $\dot{2}$ ⑤ 4.15 $\dot{2}$

해설

$$\frac{40 \times 99 + 131}{990} = \frac{4091}{990} = 4.13\dot{2}$$

16. 자연수 a, b 에 대하여 $a + b > 0$, $ab > 0$ 이고 a, b 는 서로소이다. 이러한 조건을 만족시키는 a, b 에 대하여 $\frac{a}{b} = 4.\dot{x} = \frac{120}{9y+z}$ 일 때, $x + 2y + 3z$ 의 값을 구하여라.(단, x, y, z 는 한자리 자연수이다.)

▶ 답 :

▷ 정답 : 35

해설

$$\frac{a}{b} = 4.\dot{x} = \frac{36+x}{9}$$

$$\frac{a}{b} = \frac{36+x}{9} = \frac{120}{9y+z} \text{ 에서 } x \text{ 가 한 자리의 자연수이므로}$$

$$\frac{(36+x) \times 3}{9 \times 3} = \frac{108+3x}{27} = \frac{120}{9y+z}$$

$$108+3x = 120$$

$$\therefore x = 4$$

$$9y+z = 27$$

$$\therefore y = 2, z = 9$$

$$x + 2y + 3z = 4 + 4 + 27 = 35$$

17. 다음 식을 만족하는 x 의 값을 구하면?

$$\frac{1}{1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{x}}} = 0.1$$

- ① 0.5 ② 0.6 ③ 0.7 ④ 0.8 ⑤ 0.9

해설

$$\begin{aligned} \frac{1}{1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{x}}} &= \frac{1}{1 - \frac{1}{\frac{x-1}{x}}} \\ &= \frac{1}{1 - \frac{x}{x-1}} \\ &= \frac{1}{\frac{x-1}{x-1} - \frac{x}{x-1}} \\ &= \frac{1}{\frac{-1}{x-1}} = -x+1 \\ -x+1 &= 0.1 \\ \therefore x &= 1-0.1 \\ &= 1 - \frac{1}{10} \\ &= \frac{9}{10} \\ &= 0.9 \end{aligned}$$

18. $x = 0.1$ 일 때, $1 + \frac{1}{1+x}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{11}{10}$

해설

$$x = \frac{1}{9}, \frac{1}{x} = 9$$

$$(\text{준식}) = 1 + \frac{1}{1+9} = \frac{11}{10}$$

19. 좌표평면 위의 한 점 P 가 (3, 3) 인 점에서 출발하여, 오른쪽으로 a_1 만큼, 위쪽으로 a_2 만큼 움직인 후, 다시 오른쪽으로 a_3 만큼, 위쪽으로 a_4 만큼, 오른쪽으로 a_5 만큼, 위쪽으로 a_6 만큼 ...으로 끝없이 움직인다. $a_1 = 7$ 이고, 임의의 자연수 n 에 대하여 $a_n = 100a_{n+1}$ 일 때, 점 P 가 한없이 가까워지는 좌표평면의 좌표를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\left(\frac{99997}{9999}, \frac{700}{9999}\right)$

해설

$$a_n = 100a_{n+1}, \quad a_{n+1} = \frac{1}{100}a_n$$

점 P 가 점(3, 3) 에서 출발하여 오른쪽으로 a_1 , 다시 오른쪽으로

$$a_3 = \frac{1}{100}a_2 = \frac{1}{10000}a_1 \text{ 만큼, ... 과 같이 움직이므로 점 P 의 } x$$

좌표는 다음 값에 가까워진다.

$$3 + 7 + 0.0007 + 0.00000007 + \dots$$

$$= 10.00070007\dots$$

$$= 10.\dot{0}007$$

$$= \frac{100007 - 10}{9999} = \frac{99997}{9999} \text{ 점 P 가 점(3, 3) 에서 출발하여 위쪽}$$

$$\text{으로 } a_2 = \frac{1}{100}a_1, \text{ 다시 위쪽으로 } a_4 = \frac{1}{100}a_3 = \frac{1}{10000}a_2 =$$

$$\frac{1}{1000000}a_1 \text{ 만큼, ... 과 같이 움직이므로 점 P 의 } y \text{ 좌표는 다음}$$

$$\text{값에 가까워진다.}$$

$$3 + 0.07 + 0.000007 + 0.0000000007 + \dots$$

$$= 3.0700070007\dots$$

$$= 3.0\dot{7}000$$

$$= \frac{7000}{99990} = \frac{700}{9999} \text{ 따라서 점 P 가 가까워지는 점의 좌표는}$$

$$\left(\frac{99997}{9999}, \frac{700}{9999}\right)$$

20. $0.abcd\bar{e} = \frac{29947}{99000}$ 일 때, 한 자리 자연수 a, b, c, d, e 의 값을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = 3$

▷ 정답: $b = 0$

▷ 정답: $c = 2$

▷ 정답: $d = 4$

▷ 정답: $e = 9$

해설

$\frac{29947}{99000} = 0.3024\bar{9}$ 이므로
 $a = 3, b = 0, c = 2, d = 4, e = 9$