

1. 다음 수 중에서 소수는 모두 몇 개인지 구하여라.

1 2 5 9 13 15 19 26 52



답:

개



정답: 4개

해설

주어진 수 중에서 소수는 2, 5, 13, 19 이다.

2.  $3^2 \times 5^3$  으로 소인수분해되는 자연수의 약수의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 12 개

해설

$3^2 \times 5^3$  의 약수의 개수는  $(2 + 1) \times (3 + 1) = 12$  (개) 이다.

3. 다음 수들의 최대공약수를 구하여라.

24, 42, 60

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

$$\begin{array}{r} 2 ) 24 \quad 42 \quad 60 \\ 3 ) 12 \quad 21 \quad 30 \\ \hline & 4 \quad 7 \quad 10 \end{array}$$

최대공약수 :  $2 \times 3 = 6$

4. 두 자연수  $A$  와  $B$  의 최대공약수가 8 일 때, 공약수의 개수는?

- ① 1 개
- ② 2 개
- ③ 3 개
- ④ 4 개
- ⑤ 5 개

해설

공약수는 최대공약수의 약수이므로 공약수의 개수는 최대공약수의 약수의 개수와 같다.

최대공약수 8 을 소인수분해하면  $8 = 2^3$  이므로 약수의 개수는  $3 + 1 = 4$  (개)이다.

따라서 두 자연수의 공약수의 개수는 4 개이다.

## 5. 다음 각 수를 나열한 것을 보고 공통인 수를 찾으면?

16, 32, 48, 64, …

6, 12, 18, 24, …

- ① 6의 배수
- ② 16의 배수
- ③ 48의 배수
- ④ 96의 배수
- ⑤ 112의 배수

### 해설

첫째 줄의 수는 16의 배수이고, 둘째 줄의 수는 6의 배수이므로 16과 6의 최소공배수인 48의 배수가 된다.

6. 두 자연수의 곱이 84이고 최대공약수가 1 일 때, 최소공배수는?

① 42

② 84

③ 90

④ 168

⑤ 336

해설

(두 수의 곱) = (최대공약수)  $\times$  (최소공배수) 이므로

$$84 = 1 \times (\text{최소공배수})$$

따라서 최소공배수는 84이다.

7. 다음 중 정수가 아닌 유리수를 모두 고르면?

- ① +3      ②  $-\frac{2}{5}$       ③ -1.7      ④  $-\frac{6}{2}$       ⑤ 0

해설

유리수

정수      -1.7  
+3      0  
 $-\frac{6}{2}$        $-\frac{2}{5}$

8. 절댓값이 3 보다 작은 정수의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▶ 정답: 5개

해설

절댓값이 3 보다 작은 정수는  $-2, -1, 0, 1, 2$  이다.  
따라서 5 개이다.

9. 다음 두 수의 대소 관계를 부등호를 사용하여 나타내어라.

$$-\frac{1}{3} \quad \boxed{\phantom{00}} \quad -\frac{1}{4}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : <

해설

음수는 절댓값이 큰 수가 작다.

## 10. 다음 중 계산 결과가 나머지 넷과 다른 것은?

- ①  $(-7) + (+3)$       ②  $(-4) + (+1)$       ③  $0 + (-3)$
- ④  $(-5) + (+2)$       ⑤  $(+3) + (-6)$

### 해설

부호가 다른 두 정수의 합은 절댓값의 차에 절댓값이 큰 수의 부호를 붙인다.

- ①  $(-7) + (+3) = -(7 - 3) = -4$   
②  $(-4) + (+1) = -(4 - 1) = -3$   
③  $0 + (-3) = -(3 - 0) = -3$   
④  $(-5) + (+2) = -(5 - 2) = -3$   
⑤  $(+3) + (-6) = -(6 - 3) = -3$

## 11. 다음 중 덧셈의 결합법칙이 바르게 사용된 것은?

①  $\{A + (-B)\} + C = A + \{B + C\}$

②  $(A + B) + (-C) = A + \{B + (-C)\}$

③  $A - (B + C) = (A - B) + C$

④  $A + B + C = A + C + B$

⑤  $A + (-B) + C = C + (-B) + A$

### 해설

①  $\{A + (-B)\} + C = A + \{(-B) + C\}$

③  $A - (B + C) = (A - B) - C \Rightarrow$  뺄셈이 포함된 식에서는  
결합법칙이 성립하지 않는다.

④  $A + B + C = A + C + B \Rightarrow$  교환법칙이다.

⑤  $A + (-B) + C = C + (-B) + A \Rightarrow$  교환법칙이다.

## 12. 다음을 계산하면?

$$(-5) - (+7) + (-8) - (-4)$$

- ① -14      ② -15      ③ -16      ④ -17      ⑤ -18

해설

$$\begin{aligned} & (-5) - (+7) + (-8) - (-4) \\ &= (-5) + (-7) + (-8) + (+4) \\ &= (-12) + (-4) = -16 \end{aligned}$$

13. 다음 중 계산 결과가 다른 하나를 골라라.

㉠  $-1^4$

㉡  $(-1)^4$

㉢  $-(-1)^{100}$

㉣  $(-1)^{101}$

㉤  $-1^{1000}$

㉥  $-1^{1001}$

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉡

해설

㉠  $-1^4 = -1$

㉡  $(-1)^4 = 1$

㉢  $-(-1)^{100} = -1$

㉣  $(-1)^{101} = -1$

㉤  $-1^{1000} = -1$

㉥  $-1^{1001} = -1$

14.  $(-1)^2 \times (-6) \times (-2) \div (-3)$  을 계산하면?

- ① -36      ② -4      ③ 1      ④ 4      ⑤ 36

해설

$$(\text{준식}) = 1 \times (-6) \times (-2) \div (-3) = -4$$

15. 다음 식을 계산하는 순서대로 나열하여라.

$$\frac{5}{3} \div \left\{ (-2.5)^2 \times \frac{1}{4} - \frac{1}{2} \right\} \times (-3)$$

↑      ↑      ↑      ↑      ↑  
⑦      ⑮      ⑯      ⑰      ⑭

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ⑮

▷ 정답 : ⑯

▷ 정답 : ⑰

▷ 정답 : ⑦

▷ 정답 : ⑭

해설

⑮, ⑯, ⑰, ⑦, ⑭

16.  $7^1 + 7^2 + 7^3 + \cdots + 7^{1023}$  을 10 으로 나누었을 때의 나머지를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

$7^1$  의 일의 자릿수=7,

$7^2$  의 일의 자릿수=9,

$7^3$  의 일의 자릿수=3,

$7^4$  의 일의 자릿수=1 이므로,

4 번 거듭제곱을 한 수의 일의 자릿수를 모두 더하면 0 이 되는 것을 알 수 있다.

$7^1 + 7^2 + 7^3 + \cdots + 7^{1023}$  의 일의 자릿수=9

$\therefore 7^1 + 7^2 + 7^3 + \cdots + 7^{1023}$  을 10 으로 나누었을 때의 나머지=9

17.  $600 = a^x \times b^y \times c^z$  로 소인수분해될 때,  $(a+b+c) \times (x+y+z)$  의 값은? (단,  $a < b < c$ )

① 12

② 24

③ 36

④ 48

⑤ 60

해설

$$600 = 2^3 \times 3 \times 5^2 = a^x \times b^y \times c^z \text{ } \circ] \text{므로}$$

$$a = 2, b = 3, c = 5, x = 3, y = 1, z = 2$$

$$\therefore (a+b+c) \times (x+y+z) = (2+3+5) \times (3+1+2) = 10 \times 6 = 60$$

18.  $x$ 는 360의 소수인 인수일 때,  $x$ 의 개수는?

- ① 2 개
- ② 3 개
- ③ 8 개
- ④ 16 개
- ⑤ 32 개

해설

$360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$  이므로 소인수는 2, 3, 5이다.  
따라서,  $x$ 의 개수는 3(개)이다.

19. 두 자연수 28, 126의 공약수의 개수를 구하여라.



답:

개

▶ 정답: 4개

해설

공약수는 최대공약수의 약수이므로

두 수의 최대공약수는  $2 \times 7$

$\therefore$  약수의 개수는  $(1 + 1) \times (1 + 1) = 4$  (개)

20. 세 수  $2 \times 7^2$ ,  $2^2 \times 7 \times 11$ ,  $5 \times 11^2$  의 최소공배수는?

①  $2 \times 5 \times 7 \times 11$

②  $2^2 \times 3 \times 7 \times 11^2$

③  $2^3 \times 5 \times 7^2 \times 11 \times 13$

④  $2^2 \times 5 \times 7^2 \times 11^2$

⑤  $2^2 \times 5^2 \times 7^3 \times 11^2$

해설

세 수의 최소공배수는  $2^2 \times 5 \times 7^2 \times 11^2$  이다.

21. 가로의 길이가 6 cm, 세로의 길이가 8 cm, 높이가 12 cm 인 직육면체 모양의 벽돌을 빈틈없이 쌓아서 가장 작은 정육면체 모양을 만들려고 한다. 이때, 정육면체의 한 모서리 길이는?

- ① 24 cm    ② 32 cm    ③ 48 cm    ④ 50 cm    ⑤ 54 cm

해설

정육면체의 한 변의 길이는 6, 8, 12 의 공배수이어야 하고, 가장 작은 정육면체를 만들려면 한 변의 길이는 6, 8, 12 의 최소공배수이어야 한다. 따라서 정육면체의 한 모서리의 길이는 24 cm이다.

$$\begin{array}{r} 2 ) \quad 6 \quad 8 \quad 12 \\ 2 ) \quad 3 \quad 4 \quad 6 \\ 3 ) \quad 3 \quad 2 \quad 3 \\ \hline 1 \quad 2 \quad 1 \end{array}$$

22. 10 으로 나누면 1 이 남고, 4 와 6 으로 나누면 1 이 모자라는 수 중에서 가장 작은 세 자리수를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 131

해설

$$60 \times 2 + 11 = 131$$

23. 다음 보기의 수에 대한 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

보기

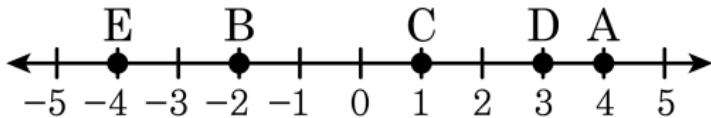
- Ⓐ  $-\frac{6}{5}$  Ⓛ 4 Ⓜ -5.1 Ⓝ 0 Ⓞ  $\frac{12}{3}$   
Ⓑ 3.7 Ⓟ -9

- ① 양수의 개수는 3 개이다.  
② 음수의 개수는 3 개이다.  
③ 정수가 아닌 유리수는 2 개이다.  
④ 정수의 개수는 3 개이다.  
⑤ 유리수의 개수는 7 개이다.

해설

- ③ 정수가 아닌 유리수는  $-\frac{6}{5}$ , -5.1, 3.7 의 3 개이다.  
④ 정수의 개수는 4, 0,  $\frac{12}{3} (= 4)$ , -9 의 4 개이다.

24. 다음 수직선 위에 표시된 수의 절댓값을 잘못 표시한 것은?



- ① A : 4  
④ D : 3

- ② B : -2

- ③ C : 1  
⑤ E : 4

해설

- A 의 좌표는 4 이므로 절댓값은 4 를 의미한다.  
B 의 좌표는 -2 이므로 절댓값은 2 를 의미한다.  
C 의 좌표는 1 이므로 절댓값은 1 을 의미한다.  
D 의 좌표는 3 이므로 절댓값은 3 을 의미한다.  
E 의 좌표는 -4 이므로 절댓값은 4 를 의미한다.

25. 다음 부등호를 사용하여 나타낸 것 중 옳지 않은 것은?

- ①  $a$  는 5 보다 크거나 같다.  $\Rightarrow 5 \leq a$
- ②  $b$  는 -3 보다 작거나 같다.  $\Rightarrow b \leq -3$
- ③  $c$  는 2 보다 크고 5 보다 크지 않다.  $\Rightarrow 2 < c \leq 5$
- ④  $d$  는 2 초과 5 이하이다.  $\Rightarrow 2 < d \leq 5$
- ⑤  $e$  는 1보다 작지 않고 3미만이다.  $\Rightarrow 1 < e < 3$

해설

$e$  는 1 보다 작지 않고 3 미만이다.  $\Rightarrow 1 \leq e < 3$

26. 컴퓨터 프로그래밍에서는 어떤 수에 대하여 그 수를 넘지 않는 가장 큰 정수가 필요할 때가 종종 있다. 예를 들어 3.7를 넘지 않는 가장 큰 정수는 3이고 이를  $[3.7] = 3$ 으로 나타낸다. 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $[-3.4] + [-1.7] = -6$

②  $[0.7] + [2.9] = 2$

③  $[-4.1] + [0.8] = -5$

④  $[1.7] + [3.6] = 4$

⑤  $[-1.1] + [1.9] = 1$

해설

⑤  $[-1.1] + [1.9] = -0$

27.  $\left(+\frac{2}{5}\right) - (+1.4) - \left(-\frac{7}{6}\right)$  를 계산한 값으로 옳은 것은?

- ①  $+\frac{1}{15}$       ②  $+\frac{1}{6}$       ③  $-\frac{1}{15}$       ④  $-\frac{1}{6}$       ⑤  $-\frac{7}{30}$

해설

$$\begin{aligned}& \left(+\frac{2}{5}\right) - (+1.4) - \left(-\frac{7}{6}\right) \\&= \left(+\frac{12}{30}\right) + \left(-\frac{42}{30}\right) + \left(+\frac{35}{30}\right) \\&= +\frac{5}{30} \\&= +\frac{1}{6} \text{ 이다.}\end{aligned}$$

28.  $-8 + 6 - 12 + 17 - 25$  를 계산하면?

① 22

② -22

③ -11

④ 11

⑤ 4

해설

$$-8 + 6 - 12 + 17 - 25$$

$$= (-8) + (+6) + (-12) + (+17) + (-25)$$

$$= (-45) + (+23)$$

$$= -22$$

29.  $\square + 3 - \frac{3}{2} = 3$  일 때,  $\square$ 안에 알맞은 수는?

- ① 2      ②  $\frac{3}{2}$       ③ 2.5      ④ 0.5      ⑤  $\frac{2}{3}$

해설

$$\square + 1.5 = 3$$

$$\square = 1.5 = \frac{3}{2}$$

30. 네 유리수  $\frac{1}{3}$ ,  $-\frac{4}{5}$ ,  $\frac{3}{2}$ ,  $-6$  중에서 서로 다른 두 수를 뽑아 곱한 수 중에서 가장 작은 수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $-9$

해설

$$\text{가장 작은 수는 } (-6) \times \frac{3}{2} = -9$$

31. 다음 중 계산 결과가 나머지 넷과 다른 것은?

①  $(-9) \div (+3)$

②  $\left(+\frac{2}{3}\right) \div \left(-\frac{2}{9}\right)$

③  $\left(+\frac{6}{5}\right) \div \left(-\frac{2}{5}\right)$

④  $\left(+\frac{14}{5}\right) \div (-7) \div \left(-\frac{2}{5}\right)$

⑤  $\left(+\frac{3}{5}\right) \div \left(-\frac{1}{10}\right) \div (+2)$

해설

①  $(-9) \div (+3) = -3$

②  $\left(+\frac{2}{3}\right) \div \left(-\frac{2}{9}\right) = -3$

③  $\left(+\frac{6}{5}\right) \div \left(-\frac{2}{5}\right) = -3$

④  $\left(+\frac{14}{5}\right) \div (-7) \div \left(+\frac{2}{5}\right) = -1$

⑤  $\left(+\frac{3}{5}\right) \div \left(-\frac{1}{10}\right) \div (+2) = -3$

32. 분배법칙을 이용하여 다음 식을 계산하여라.

$$12.3 \times (-7) + 12.3 \times (-3)$$

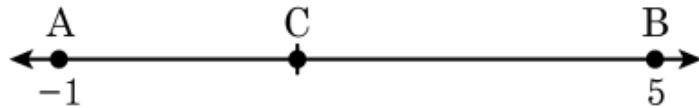
▶ 답 :

▶ 정답 : -123

해설

$$12.3 \times \{(-7) + (-3)\} = 12.3 \times (-10) = -123$$

33. 다음 수직선 위에서 선분 AB 를  
2 : 3 으로 나누는 점 C 의 좌표  
를 구하면?



- ①  $-\frac{12}{5}$       ②  $-\frac{9}{5}$       ③  $\frac{6}{5}$       ④  $\frac{7}{5}$       ⑤  $\frac{12}{5}$

해설

A 와 B 사이의 거리 : 6

A 와 C 사이의 거리 :  $6 \times \frac{2}{5} = \frac{12}{5}$

C 의 좌표 :  $(-1) + \frac{12}{5} = \frac{7}{5}$

### 34. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

㉠  $5^2 = 25$

㉡  $3 \times 3 \times 5 \times 5 \times 7 = 3^2 \times 5^2 \times 7$

㉢  $2^4 = 4^3$

㉣  $\frac{1}{5 \times 5 \times 7 \times 7 \times 7} = \frac{1}{5^2 \times 7^3}$

㉤  $\frac{1}{5^3 \times 5^4} = \frac{1}{5^{12}}$

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉠, ㉤

④ ㉡, ㉣

⑤ ㉢, ㉤

#### 해설

㉢  $2^4 \neq 4^3$

㉤  $\frac{1}{5^3 \times 5^4} = \frac{1}{5^7}$

35. 28에 가능한 한 작은 자연수  $a$ 를 곱하여 어떤 자연수  $b$ 의 제곱이 되도록 할 때,  $a$ 의 값은?

① 2

② 3

③ 4

④ 5

⑤ 7

해설

$$28 \times a = b^2 \text{에서}$$

$$28 = 2^2 \times 7$$

$$a = 7$$

$$2^2 \times 7 \times 7 = b^2$$

$$2^2 \times 7^2 = b^2$$

$$b = 2 \times 7 = 14$$

36. 72에 가장 작은 자연수  $a$ 를 곱하여 어떤 자연수  $b$ 의 제곱이 되도록 할 때,  $a$ ,  $b$ 의 값을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답:  $a = 2$

▶ 정답:  $b = 12$

해설

$$72 \times a = b^2 \text{에서}$$

$$72 = 2^3 \times 3^2$$

$$a = 2$$

$$2^3 \times 3^2 \times 2 = b^2$$

$$2^4 \times 3^2 = b^2$$

$$b = 2^2 \times 3 = 12$$

37.  $3^a \times 5^b$  이 225 를 약수로 가질 때, 두 자연수  $a, b$  의 최솟값을 고르면?

- ① 1, 1
- ② 1, 2
- ③ 2, 1
- ④ 2, 2
- ⑤ 2, 3

해설

$3^a \times 5^b$  이  $225 = 3^2 \times 5^2$  을 약수로 가지므로,  $a$  는 2 이상의 자연수,  $b$  는 2 이상의 자연수가 되어야 한다.

그 중 최솟값은  $a = 2, b = 2$  일 때이다.

38.  $3^3 \times a$  는 약수의 개수가 12 인 수 중 가장 작은 홀수라고 할 때,  $a$  에 맞는 수를 구하면?

① 1

② 4

③ 9

④ 25

⑤ 36

해설

$$12 = 4 \times 3 = (3 + 1) \times (2 + 1)$$

$3^3 \times a$  가 홀수이므로

$a$  는 3 보다 큰 소수의 제곱수이므로  $5^2 = 25$

39. 달리기 대회에서 기념품으로 수건 120 개, 스카프 144 개, 모자 156 개를 되도록 많은 참가자들에게 똑같이 나누어주려고 한다. 이 때, 한 명이 받게 되는 수건과 스카프, 모자의 개수로 옳은 것은?

- ① 5 개, 6 개, 9 개
- ② 6 개, 12 개, 18 개
- ③ 18 개, 12 개, 10 개
- ④ 12 개, 12 개, 12 개
- ⑤ 10 개, 12 개, 13 개

해설

참가자들의 수는

120, 144, 156 의 최대공약수이므로 12

한 명이 받게 되는 수건, 스카프, 모자의 수는 각각

$$120 \div 12 = 10, 144 \div 12 = 12, 156 \div 12 = 13$$

40.  $x$ 는 16, 32, 80의 공배수 중 500 보다 작은 자연수일 때,  $x$ 값의 개수를 구하여라.

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

16, 32, 80 의 공배수는 160 의 배수이다.

500 보다 작은 160 의 배수는 160, 320, 480으로 3 개이다.

41. 다음 두 자연수의 최소공배수가 96 일 때, 최대공약수를 구하여라.

$$8 \times a, \quad 12 \times a$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 16

해설

$$8 \times a = 2^3 \times a$$

$$12 \times a = 2^2 \times 3 \times a$$

---

$$\text{최대공약수} : 2^3 \times 3 \times a = 96$$

$$\text{최소공배수} : 2^2 \times a$$

$$a = 96 \div 8 \div 3 = 4$$

따라서 최대공약수는  $2^2 \times a = 16$  이다.

42.  $\frac{24}{n}$  와  $\frac{40}{n}$  을 자연수로 만드는 자연수  $n$  들을 모두 합하면?

① 8

② 12

③ 15

④ 20

⑤ 25

해설

$n$  은 24, 40 의 공약수이고, 공약수는 최대공약수의 약수이다.  
24 와 40 의 최대공약수는 8 이고,  
8 의 약수는 1, 2, 4, 8 이므로  
따라서 합은  $1 + 2 + 4 + 8 = 15$  이다.

43. 다음을 계산하여라.

$$-3^2 - [7 - 9 \div \{3^2 + (-2)^3\} \times 5]$$

▶ 답:

▷ 정답: 29 또는 +29

해설

$$\begin{aligned}-3^2 - [7 - 9 \div \{3^2 + (-2)^3\} \times 5] \\&= -9 - [7 - 9 \div \{9 + (-8)\} \times 5] \\&= -9 - \{7 - 9 \div (+1) \times 5\} \\&= -9 - \{7 - (+45)\} \\&= -9 - (-38) \\&= 29\end{aligned}$$

44.  $2^3 \times 3^5 \times 5$  와  $2^3 \times 3^4 \times 5^2 \times 7$  의 공약수 중에서 어떤 자연수의 제곱이 되는 것은 모두 몇 개인지 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 6 개

해설

주어진 두 수의 최대공약수는  $2^3 \times 3^4 \times 5$  이므로  
이 수의 약수 중 제곱이 되는 수를 찾는다.  
 $1^2, 2^2, 3^2, 3^4, 2^2 \times 3^2, 2^2 \times 3^4$  모두 6 개이다.

45. 세 자연수  $2^2 \times A$ ,  $2 \times 3 \times A$ ,  $3^2 \times A$  의 최소공배수가 108 일 때,  $A$  값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

세 자연수의 최소공배수가 108 이고,  $108 = 2^2 \times 3^3$  이므로  $2^2 \times A$ ,  $2 \times 3 \times A$ ,  $3^2 \times A$  의 최소공배수와  $2^2 \times 3^3$  가 같으면 된다.  $2^2 \times A$ ,  $2 \times 3 \times A$ ,  $3^2 \times A$  의 최소공배수는  $2^2 \times 3^2 \times A$  이므로  $2^2 \times 3^3$  와 비교하면  $A$  는 3 이다.

46. 원주 위를 같은 방향으로 움직이는 세 점 A, B, C 가 3 분에 각각 45 바퀴, 30 바퀴, 60 바퀴를 돈다. 원주 위의 한 점 P 에서 세 점 A, B, C 가 동시에 출발하여 출발한 이후 1 시간 동안 점 P 를 동시에 통과하는 횟수를 구하여라.

▶ 답 :

회

▷ 정답 : 300 회

해설

A 가 3 분에 45 바퀴를 돌면 1 바퀴 도는 데는  $\frac{1}{15}$  분, 즉 4 초가 걸리고, B 가 3 분에 30 바퀴를 돌면 1 바퀴 도는 데는  $\frac{1}{10}$  분, 즉 6 초 걸리고, C 가 3 분에 60 바퀴를 돌면 1 바퀴 도는 데는  $\frac{1}{20}$  분, 즉 3 초가 걸린다.

즉, 같은 지점에서 처음에 같이 출발했다가 다시 같이 출발하는 데는 4, 6, 3 의 최소공배수인 12 초가 걸린다.

따라서 점 P 를 1 시간(3600 초) 동안  $3600 \div 12 = 300$ (회) 동시에 통과한다.

47. 두 분수  $\frac{21}{16}$ ,  $\frac{35}{24}$  의 어느 것에 곱하여도 그 결과가 자연수가 되게 하는 분수 중에서 가장 작은 분수를 구하여라.

①  $\frac{8}{7}$

②  $\frac{48}{7}$

③  $\frac{8}{105}$

④  $\frac{48}{105}$

⑤  $\frac{1}{35}$

해설

구하려는 분수를  $\frac{b}{a}$  라고 하자.

$$\frac{21}{16} \times \frac{b}{a} = (\text{자연수}) \rightarrow \begin{cases} b \text{는 } 16 \text{의 배수} \\ a \text{는 } 21 \text{의 약수} \end{cases}$$

$$\frac{35}{24} \times \frac{b}{a} = (\text{자연수}) \rightarrow \begin{cases} b \text{는 } 24 \text{의 배수} \\ a \text{는 } 35 \text{의 약수} \end{cases}$$

$$\therefore \frac{b}{a} = \frac{(16, 24 \text{의 공배수})}{(21, 35 \text{의 공약수})} \dots \textcircled{\text{7}} \text{ 이다.}$$

⑦을 만족하는 가장 작은 분수

$$\frac{b}{a} = \frac{(16, 24 \text{의 최소공배수})}{(21, 35 \text{의 최대공약수})}$$

$$\therefore \frac{b}{a} = \frac{48}{7}$$

48. 어떤 정수에  $-6$  을 곱해야 할 것을 잘못하여  $-6$  을 빼었더니 0 이 되었다. 바르게 계산한 것은?

①  $-36$

②  $36$

③  $-12$

④  $12$

⑤  $0$

해설

어떤 정수를 □ 라 하자.

$$\square - (-6) = \square + (+6) = 0 \quad \therefore \square = -6$$

바르게 계산하면  $(-6) \times (-6) = 36$  이다.

49.  $A, B, C$  는 모두 정수이고,  $A \times B \times C = -30$ ,  $A < B < C$  이다.  $A$  의 절댓값이 3일 때,  $C$  의 값이 될 수 있는 것을 모두 더하면 얼마인가?

① 5

② 8

③ 15

④ 18

⑤ 20

해설

$$ABC = -30, A < B < C, |A| = 3$$

세 정수  $A, B, C$  의 곱이 음수이므로,

$A, B, C$  세 수 모두 음수이거나 세 수 중 하나만 음수이고, 다른 두 수는 양수이다.

$$\therefore A < 0, A = -3$$

$$\therefore BC > 0, C > B > 0$$

$$(B, C) = (1, 10), (2, 5)$$

$$\therefore 5 + 10 = 15$$

50.  $[x]$  는  $x$  를 넘지 않는 최대 정수를 나타내기로 한다. 이때, 다음 식의 값을 구하여라.

보기

$$\left[ -\frac{14}{5} \right] - \left[ \frac{10}{7} \right] \div \frac{1}{[-3.1]}$$

- ① 1      ②  $\frac{3}{2}$       ③  $\frac{7}{2}$       ④  $\frac{7}{3}$       ⑤  $\frac{11}{5}$

해설

$$\left[ -\frac{14}{5} \right] = -3, \left[ \frac{10}{7} \right] = 1, [-3.1] = -4$$

$$\therefore \left[ -\frac{14}{5} \right] - \left[ \frac{10}{7} \right] \div \frac{1}{[-3.1]}$$

$$= (-3) - 1 \div \left( -\frac{1}{4} \right)$$

$$= (-3) - 1 \times (-4)$$

$$= (-3) + 4 = 1$$