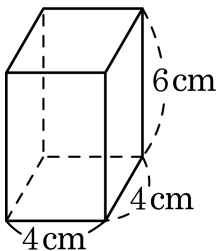


1. 다음 그림은 밑면이 한 변의 길이가 4cm 인 정사각형이고, 높이가 6cm 인 사각기둥이다. 이 사각기둥의 겉넓이로 옳은 것은?



① 94cm^2

② 108cm^2

③ 128cm^2

④ 132cm^2

⑤ 140cm^2

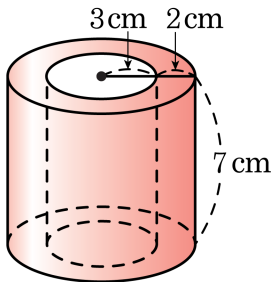
해설

$$(\text{밑넓이}) = 4 \times 4 = 16(\text{cm}^2)$$

$$(\text{옆넓이}) = 4 \times (4 \times 6) = 96(\text{cm}^2)$$

$$\begin{aligned}\therefore (\text{겉넓이}) &= (\text{밑넓이}) \times 2 + (\text{옆넓이}) \\ &= 16 \times 2 + 96 \\ &= 128(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

2. 다음 그림과 같은 입체도형의 부피를 구하여라.



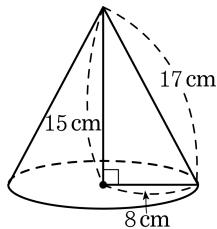
▶ 답 : cm^3

▷ 정답 : 112π cm^3

해설

밑넓이는 $\pi \times 5^2 - \pi \times 3^2 = 16\pi (\text{cm}^2)$ 이고
(부피) = (밑넓이) $\times$ (높이) 이므로
 $16\pi \times 7 = 112\pi (\text{cm}^3)$ 이다.

3. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 8 cm, 모선의 길이가 17 cm, 높이가 15 cm 인 원뿔의 부피를 구하여라.



답 :

cm³



정답 : $320\pi \text{ cm}^3$

해설

부피를 V 라 하면

$$V = 8 \times 8 \times \pi \times 15 \times \frac{1}{3} = 320\pi (\text{cm}^3)$$

4. 겹넓이가 96cm^2 인 정육면체의 한 모서리의 길이는?

① 1cm

② 2cm

③ 3cm

④ 4cm

⑤ 5cm

해설

정육면체의 한 면은 정사각형이므로, 겹넓이는 6 개의 정사각형의 넓이의 합이다.

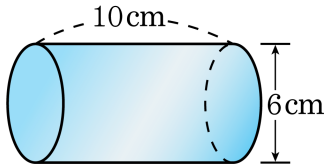
한 모서리의 길이를 x 라고 할 때,

$$x^2 \times 6 = 96$$

$$x^2 = 16$$

$$\therefore x = 4(\text{cm})$$

5. 다음 그림과 같은 원기둥의 겉넓이는?



① $72\pi\text{cm}^2$

② $74\pi\text{cm}^2$

③ $76\pi\text{cm}^2$

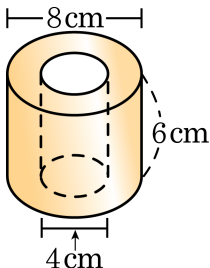
④ $78\pi\text{cm}^2$

⑤ $80\pi\text{cm}^2$

해설

$$2 \times (\pi \times 3^2) + 10 \times (2\pi \times 3) = 18\pi + 60\pi = 78\pi(\text{cm}^2)$$

6. 다음 그림과 같이 가운데가 뚫려 있는 입체도형의 겉넓이와 부피를 차례대로 바르게 구한 것은?



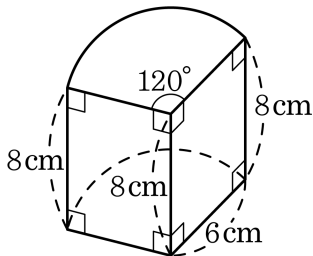
- ① $96\pi \text{ cm}^2$, $24\pi \text{ cm}^3$ ② $72\pi \text{ cm}^2$, $72\pi \text{ cm}^3$
③ $96\pi \text{ cm}^2$, $72\pi \text{ cm}^3$ ④ $72\pi \text{ cm}^2$, $96\pi \text{ cm}^3$
⑤ $96\pi \text{ cm}^2$, $96\pi \text{ cm}^3$

해설

$$S = 2 \times (\pi \times 4^2 - \pi \times 2^2) + 8\pi \times 6 + 4\pi \times 6 = 96\pi (\text{cm}^2)$$

$$V = \pi \times 4^2 \times 6 - \pi \times 2^2 \times 6 = 72\pi (\text{cm}^3)$$

7. 다음 그림과 같은 입체도형의 부피는?



① $96\pi\text{cm}^3$

② $100\pi\text{cm}^3$

③ $108\pi\text{cm}^3$

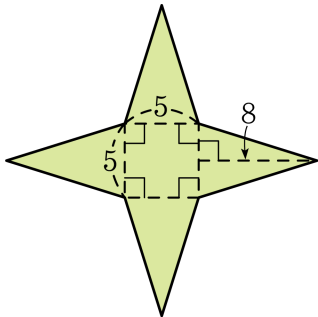
④ $112\pi\text{cm}^3$

⑤ $124\pi\text{cm}^3$

해설

$$V = \left(\pi \times 6^2 \times \frac{120^\circ}{360^\circ} \right) \times 8 = 96\pi(\text{cm}^3)$$

8. 다음 그림은 정사각뿔의 전개도이다. 정사각뿔의 겉넓이는?



① 85

② 90

③ 95

④ 100

⑤ 105

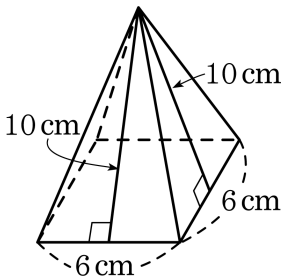
해설

정사각뿔의 밑넓이는 $5 \times 5 = 25$ 이다.

또한, 옆넓이는 $\left(5 \times 8 \times \frac{1}{2}\right) \times 4 = 80$ 이다.

따라서 구하는 겉넓이는 105이다.

9. 다음 그림과 같은 정사각뿔의 겉넓이는?



① 36cm^2

② 120cm^2

③ 156cm^2

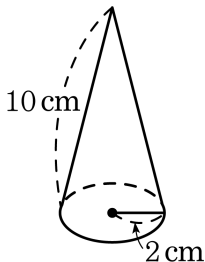
④ 240cm^2

⑤ 256cm^2

해설

구하는 겉넓이 $S = 6 \times 6 + 4 \times \left(\frac{1}{2} \times 6 \times 10 \right) = 36 + 120 = 156(\text{cm}^2)$ 이다.

10. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 2cm 이고, 모선의 길이가 10cm 인 원뿔의 겉넓이는?



① $10\pi\text{cm}^2$

② $24\pi\text{cm}^2$

③ $25\pi\text{cm}^2$

④ $30\pi\text{cm}^2$

⑤ $40\pi\text{cm}^2$

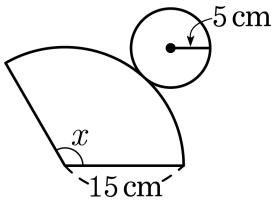
해설

(원뿔의 겉넓이) = (밑넓이) + (옆넓이) 이고,

$l = 10$, $r = 2$ 라 하면

$$S = \pi r^2 + \pi l r = 2^2\pi + 2 \times 10 \times \pi = 24\pi\text{cm}^2 \text{ 이다.}$$

11. 원뿔의 전개도에서 부채꼴의 중심각의 크기를 구하여라.



▶ 답: °

▶ 정답: 120°

해설

반지름이 5 인 원의 둘레는 10π 이므로 부채꼴의 중심각의 크기를 구하면 $2\pi \times 15 \times \frac{x}{360} = 10\pi$ 이다.

따라서 $x = 120^\circ$ 이다.

12. 전개도가 다음 그림과 같은 입체도형의 겉넓이는?

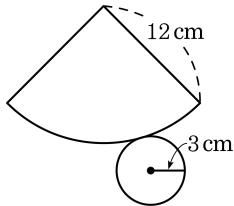
① $16\pi \text{ cm}^2$

② $24\pi \text{ cm}^2$

③ $30\pi \text{ cm}^2$

④ $45\pi \text{ cm}^2$

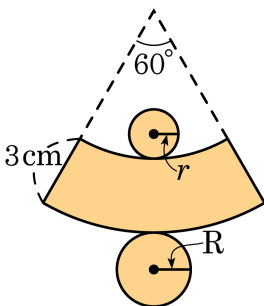
⑤ $48\pi \text{ cm}^2$



해설

$$\pi \times 3^2 + \frac{1}{2} \times 12 \times 6\pi = 45\pi (\text{cm}^2)$$

13. 다음 그림의 원뿔대의 전개도에서 $R - r$ 의 값을 구하면?



① 0.5cm

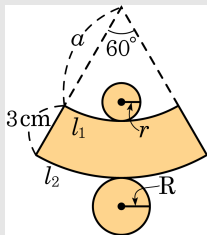
② 1cm

③ 1.5cm

④ 2cm

⑤ 2.5cm

해설



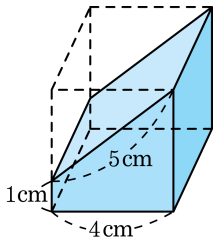
$$l_1 = 2\pi a \times \frac{60^\circ}{360^\circ} = 2\pi r, \quad r = \frac{1}{6}a,$$

$$l_2 = 2\pi(a + 3) \times \frac{60^\circ}{360^\circ} = 2\pi R, \quad R = \frac{1}{6}(a + 3)$$

$$\therefore R - r = \frac{1}{6}(a + 3) - \frac{1}{6}a = \frac{1}{2}(\text{cm})$$

14. 다음 그림은 한 모서리의 길이가 4cm 인 정육면체를 잘라서 만든 입체도형이다. 이 입체도형의 겉넓이는?

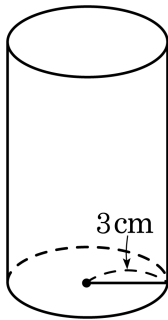
- ① 64 cm^2 ② 68 cm^2 ③ 72 cm^2
④ 76 cm^2 ⑤ 80 cm^2



해설

$$(4 \times 4) \times 2 + 1 \times 4 + (1 + 4) \times 4 \times \frac{1}{2} \times 2 + 4 \times 5 = 76(\text{cm}^2)$$

15. 다음 그림과 같은 원기둥의 겉넓이가 $72\pi\text{cm}^2$ 일 때, 이 원기둥의 높이는?



① 5cm

② 6cm

③ 7cm

④ 8cm

⑤ 9cm

해설

$$(\text{밑넓이}) = \pi \times 3^2 = 9\pi(\text{cm}^2)$$

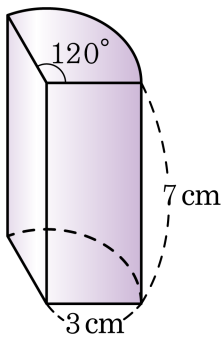
$$9\pi \times 2 + (\text{옆넓이}) = 72\pi(\text{cm}^2)$$

$$(\text{옆넓이}) = 54\pi(\text{cm}^2)$$

$$(\text{옆넓이}) = 2\pi \times 3 \times (\text{높이}) = 54\pi(\text{cm}^2)$$

$$(\text{높이}) = 54\pi \div 6\pi = 9(\text{cm})$$

16. 다음 그림과 같이 밑면이 부채꼴인 기둥의 겉넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : $20\pi + 42\text{cm}^2$

해설

밑면이 부채꼴이므로

$$(\text{입체도형의 겉넓이}) = (\text{밑넓이}) \times 2 + (\text{옆넓이}) =$$

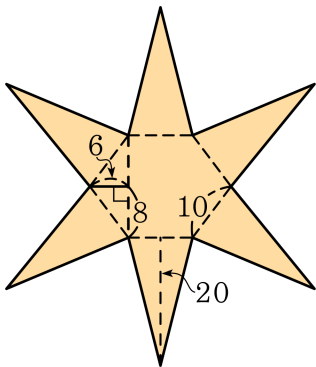
$$\left(\pi r^2 \times \frac{\theta}{360^\circ} \right) \times 2 + (\text{옆넓이}) \text{ 을 적용하면}$$

$$\text{밑넓이} = 3^2\pi \times \frac{120^\circ}{360^\circ} = 3\pi,$$

$$\text{옆넓이} = 7 \times \left(3 + 3 + 6\pi \times \frac{120^\circ}{360^\circ} \right) = 42 + 14\pi \text{ 이므로}$$

$$S = 3\pi \times 2 + 42 + 14\pi = 20\pi + 42(\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

17. 다음 그림은 정육각뿔의 전개도이다. 정육각뿔의 겉넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 856

해설

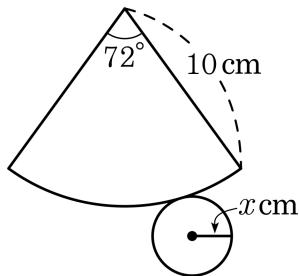
정육각뿔의 밑넓이는

$$(\text{밑넓이}) = 2 \times \left(\frac{1}{2} \times 6 \times 16 \right) + (6 \times 10) = 256 \text{ 이고,}$$

$$(\text{옆넓이}) = 6 \times \left(\frac{1}{2} \times 10 \times 20 \right) = 600 \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } (\text{겉넓이}) = 256 + 600 = 856 \text{ 이다.}$$

18. 다음 그림은 원뿔의 전개도이다. 이 밑면의 반지름은 $x\text{cm}$ 이고, 겹넓이는 $y\pi\text{cm}^2$ 라고 할 때, $x:y$ 를 구하면?



- ① 1 : 12 ② 2 : 13 ③ 1 : 15 ④ 3 : 8 ⑤ 2 : 7

해설

부채꼴 ABC 의 반지름의 길이는 원뿔의 모선이고, 부채꼴 ABC 의 호의 길이와 원뿔의 밑면의 둘레는 같다.

$$\Rightarrow 2\pi x = 2\pi \times 10 \times \frac{72^\circ}{360^\circ}, 2\pi x = 20\pi \times \frac{1}{5} = 4\pi$$

따라서 $x = 2(\text{cm})$ 이다.

또한, 부채꼴 ABC 의 반지름의 길이는 원뿔의 모선 10cm 이고, 원뿔의 밑면의 반지름 $x = 2(\text{cm})$ 이므로

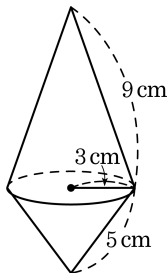
(원뿔의 겹넓이) = (밑넓이) + (옆넓이)

공식을 적용하면

$$\pi x^2 + \pi x l = \pi \times 2^2 + \pi \times 10 \times 2 = 24\pi(\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

따라서, $x = 2, y = 24$ 이므로 $x:y = 2:24 = 1:12$ 이다.

19. 다음 입체도형은 밑면의 크기가 같은 두 원뿔을 붙여 놓은 것이다. 이 입체도형의 겉넓이를 구하여라.



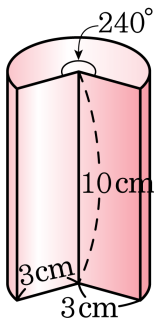
▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : $42\pi \text{ cm}^2$

해설

$$\pi \times 3 \times 9 + \pi \times 3 \times 5 = 27\pi + 15\pi = 42\pi (\text{cm}^2)$$

20. 다음 그림과 같은 입체도형의 겉넓이를 구하여라.



답 :

cm²

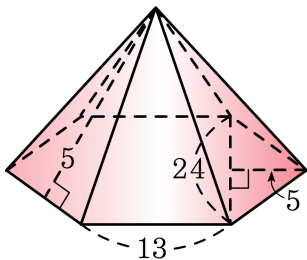


정답 : $52\pi + 60$ cm²

해설

$$\begin{aligned}
 S &= 2 \times 9\pi \times \frac{240^\circ}{360^\circ} + 6\pi \times \frac{240^\circ}{360^\circ} \times 10 + 2 \\
 &\quad \times 3 \times 10 \\
 &= 12\pi + 40\pi + 60 \\
 &= 52\pi + 60(\text{cm}^2)
 \end{aligned}$$

21. 다음 그림과 같이 밑면의 한 변의 길이가 13 인 정육각뿔이 있다. 이 정육각뿔의 겉넓이를 구하면?



① 527

② 539

③ 540

④ 624

⑤ 627

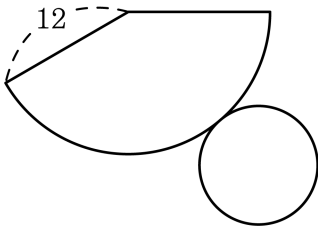
해설

$$(\text{밑넓이}) = 2 \times \left(\frac{1}{2} \times 24 \times 13 \right) + (13 \times 24) = 432,$$

$$(\text{옆넓이}) = 6 \times \left(\frac{1}{2} \times 13 \times 5 \right) = 195,$$

따라서 $(\text{겉넓이}) = 432 + 195 = 627$ 이다.

22. 다음 전개도로 만들어지는 입체도형의 옆넓이가 60π 일 때, 겉넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 85π

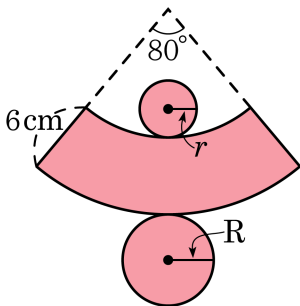
해설

밑면의 반지름의 길이를 r 이라 하면

$$\pi \times r \times 12 = 60\pi, r = 5$$

$$(\text{겉넓이}) = \pi \times 5^2 + 60\pi = 85\pi$$

23. 다음 그림의 원뿔대의 전개도에서 $R - r$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 : cm

▶ 정답 : $\frac{4}{3}$ cm

해설

$$l_1 = 2\pi a \times \frac{80^\circ}{360^\circ} = 2\pi r, \quad r = \frac{2}{9}a,$$

$$l_2 = 2\pi(a+6) \times \frac{80^\circ}{360^\circ} = 2\pi R, \quad R = \frac{2}{9}(a+6),$$

$$\therefore R - r = \frac{2}{9}(a+6) - \frac{2}{9}a = \frac{12}{9} = \frac{4}{3}(\text{cm})$$

